

# **ICPJ, 21928, CNAM, Paris**

## **BASES DE DONNÉES**

### **Relationnelles**

M. Scholl et D. Vodislav

(scholl|vodislav)@cnam.fr

2003/2004

# **INTRODUCTION**

## **Objectif**

### **OBJECTIF:**

Comprendre et Maitriser la technologie relationnelle

## BIBLIOGRAPHIE

### Ouvrages en français

1. P. Rigaux, *Cours bases de données*, [cedric/cnam.fr/vertigo](http://cedric/cnam.fr/vertigo) voir à support de cours.
2. Date C.J, *Introduction aux Bases de Données*, Vuibert, 970 Pages, Janvier 2001

### Ouvrages en anglais

1. R. Ramakrishnan et J. Gehrke, *DATABASE MANAGEMENT SYSTEMS*, MacGraw Hill
2. R. Elmasri, S.B. Navathe, *Fundamentals of database systems*, 3e édition, 1007 pages, 2000, Addison Wesley
3. Ullman J.D. and Widom J. *A First Course in Database Systems*, Prentice Hall, 1997

4. Garcia-Molina H., Ullman J. and Widom J., *Implementation of Database Systems*, Prentice Hall, 1999
5. Ullman J.D., *Principles of Database and Knowledge-Base Systems*, 2 volumes, Computer Science Press
6. Abiteboul S., Hull R., Vianu V., *Foundations of Databases*, Addison-Wesley

### **Le standard SQL**

1. Date C.J., *A Guide to the SQL Standard*, Addison-Wesley

### **Trois Systèmes**

1. Date C.J., *A Guide to DB2*, Addison-Wesley
2. Date C.J., *A Guide to Ingres*, Addison-Wesley
3. *ORACLE version 7 Server Concepts Manual 1992 Oracle*

# Plan

## Plan général du cours

1. Modèle et langages relationnels
2. Aspects systèmes des modèles relationnels
3. Concurrence et reprise sur pannes

## Plan de la première partie

1. Introduction
2. Modèle relationnel
3. Algèbre Relationnelle
4. Langage de requête SQL
5. Calcul relationnel

## Plan de la deuxième partie

1. Fichiers, Organisation Physique,
2. Différents types d'index, Arbre-B
3. Algorithmes de Jointure
4. Optimisation des requêtes;
5. l'exemple d'ORACLE.

## Exemples d'Applications

### 1. CLASSIQUES

- Gestion (salaires, stocks, ...)
- Transactionnel (comptes, centrales d'achat, ...)
- Réservations (avions, trains, ...)

### 2. PLUS RECENTES

- Librairie et commerce électroniques (bibliothèques, journaux, web, ...)
- Documentation technique (nomenclature, plans, dessins, ...)
- Multimédia (textes, images, son, vidéo, ...)
- Géographique (cartes routières, thématiques, ...)
- Génie Logiciel (programmes, manuels, ...)



## Comment Stocker et Manipuler les Données?

### **DONNÉES → BASE DE DONNÉES (B.D.)**

- Une B.D. est un *GROS ENSEMBLE* d'informations *STRUCTURÉES* mémorisées sur un support *PERMANENT*.

### **LOGICIEL → SGBD**

- Un Système de Gestion de Bases de Données (SGBD) est un logiciel de *HAUT NIVEAU* qui permet de manipuler ces informations.

## **Diversité -> Complexité**

### **Diversité des utilisateurs, des interfaces et des Architectures:**

1. diversité des utilisateurs: administrateurs, programmeurs, non informaticiens, ...
2. diversité des interfaces: utilisateur final, langages BD, menus, saisies, rapports, ...
3. diversité des architectures : centralisé, distribué, accès à plusieurs bases hétérogènes accessibles par réseau, pair à pair

## **FONCTIONNALITÉS d'un SGBD**

Chaque niveau du SGBD réalise un certain nombre de fonctions :

### **NIVEAU PHYSIQUE**

- Accès aux données, gestion sur mémoire secondaire (fichiers) des données, des index
- Partage de données et gestion de la concurrence d'accès
- Reprise sur pannes (fiabilité)
- Distribution des données et interopérabilité (accès aux réseaux)

## **NIVEAU LOGIQUE**

- Définition de la structure de données : Langage de Description de Données (LDD)
- Consultation et Mise à Jour des données : Langages de Requêtes (LR) et Langage de Manipulation de Données (LMD)

## **Fonctionnalités du SGBD au NIVEAU EXTERNE**

- Gestion des Vues
- Environnement de programmation (intégration avec un langage de programmation)
- Interfaces conviviales et Langages de 4e Génération (L4G)
- Outils d'aides (e.g. conception de schémas)
- Outils de saisie, d'impression d'états
- Débogueurs
- Passerelles (réseaux, autres SGBD, etc...)

## **En Résumé, on Veut Gérer**

### **un GROS VOLUME D'INFORMATIONS**

- Persistantes (années) et fiables (protection sur pannes)
- Partageables (utilisateurs, programmes)
- Manipulées indépendamment de leur organisation physique

## **Définition du schéma de données**

## **Modèles de données**

**Un modèle de données est caractérisé par :**

- Une structuration des objets
- Des opérations sur ces objets



**Dans un SGBD, il existe plusieurs modèles plus ou moins abstraits des mêmes objets, e.g. :**

- le modèle conceptuel : la description du système d'information
- le modèle logique : interface avec le SGBD
- le modèle physique : fichiers

⇒ ces différents modèles correspondent aux niveaux dans l'architecture d'un SGBD.

## Modèle Conceptuel: Exemple Entité-Association

- Modèle très abstrait, pratique pour :
  - l'analyse du monde réel
  - la conception du système d'information
  - la communication entre différents acteurs de l'entreprise
- **Mais n'est pas associé à un langage.**

DONC UNE STRUCTURE  
MAIS PAS  
D'OPÉRATIONS

## Modèle logique

1. **Langage de définition de données (LDD)** pour décrire la structure.
2. **Langage de manipulation de données (LMD)** pour appliquer des opérations aux données.

Ces langages sont **abstrait** :

1. Le LDD est indépendant de la représentation physique des données.
2. Le LMD est indépendant de l'implantation des opérations.

## **Les avantages de l'abstraction**

### **1. Simplicité d'accès**

Les structures et les langages sont plus simples, donc plus faciles pour l'utilisateur non expert.

### **2. INDÉPENDANCE PHYSIQUE.**

On peut modifier l'implantation physique sans modifier les programmes d'application

### **3. INDÉPENDANCE LOGIQUE.**

On peut modifier les programmes d'application sans toucher à l'implantation.

## HISTORIQUE DES SGBD

**À chaque génération correspond un modèle logique**

**Les premiers étaient peu abstraits (navigationnels)**

< 60	S.G.F. (e.g. COBOL)	
mi-60	HIÉRARCHIQUE IMS (IBM)	navigationnel
	RÉSEAU (CODASYL)	navigationnel
73-80	RELATIONNEL	déclaratif
mi-80	RELATIONNEL	explosion sur micro
Fin 80	ORIENTÉ-OBJET	déclaratif + navigationnel
Fin 90	Objet-relationnel	nouvelles appli
2003	XML	documents

## **Opérations sur les données**

## **Exemples de questions (requêtes) posées à la base**

*Insérer un employé nommé Jean*

*Augmenter Jean de 10%*

*Détruire Jean*

*Chercher les employés cadres*

*Chercher les employés du département comptabilité*

*Salaire moyen des employés comptables, avec deux enfants,*

*nés avant 1960 et travaillant à Paris*

Les requêtes sont émises avec un *langage de requêtes* (SQL2, OQL, SQL3, XQUERY, etc.).

## Le Traitement d'une Requête

- **ANALYSE SYNTAXIQUE**
- **OPTIMISATION**

Génération (par le SGBD) d'un programme optimisé à partir de la connaissance de la structure des données, de l'existence d'index, de statistiques sur les données.

- **EXÉCUTION POUR OBTENIR LE RÉSULTAT.**

NB : on

doit tenir compte du fait que d'autres utilisateurs sont peut-être en train de modifier les données qu'on interroge !



## **Concurrence d'accès et reprise sur pannes**

Plusieurs utilisateurs doivent pouvoir accéder en même temps aux mêmes données. Le SGBD doit savoir :

- Gérer les conflits si les deux font des mises-à-jour sur les mêmes données.
- Offrir un mécanisme de retour en arrière si on décide d'annuler des modifications en cours.
- Restaurer la base et revenir à un état cohérent en cas de panne.

# **LE MODÈLE RELATIONNEL**

## **Présentation Générale**

## Exemple de Relation

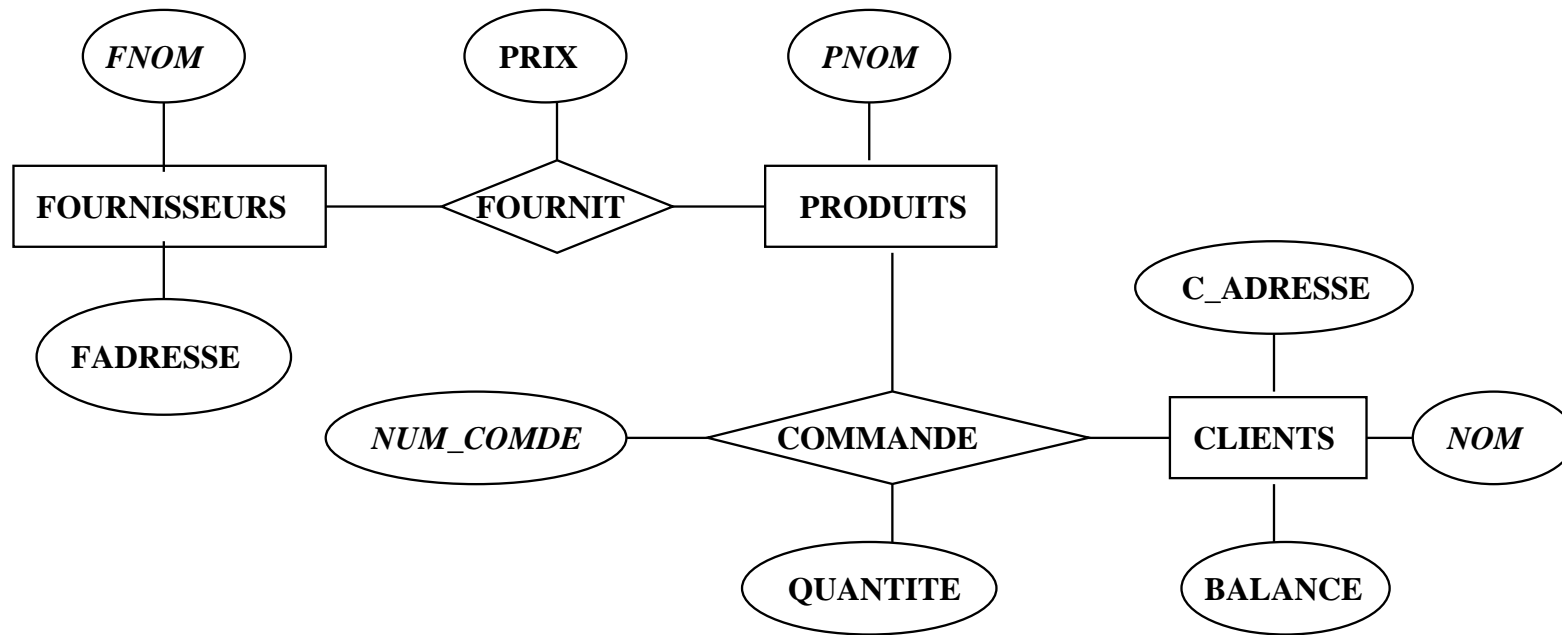
*Nom de la Relation*

*Nom d'Attribut*

<b>Proprietaire</b>	<b>Type</b>	<b>Annee</b>
Loic	Espace	1988
Nadia	Espace	1989
Loic	R5	1978
Julien	R25	1989
Marie	ZX	1993

*n-uplet*

### un exemple de conception (schéma EA)



## Représentation par un ensemble de relations

<b>FOURNISSEUR</b>	<b>FNOM</b>	<b>FADRESSE</b>
	Abounayan	92190 Meudon
	Cima	75010 Paris
	Preblocs	92230 Gennevilliers
	Sarnaco	75116 Paris

<b>FOURNITURE</b>	<b>FNOM</b>	<b>PNOM</b>	<b>PRIX</b>
	Abounayan	sable	300
	Abounayan	briques	1500
	Preblocs	parpaing	1200
	Sarnaco	parpaing	1150
	Sarnaco	ciment	125

<b>COMMANDES</b>	<b>NUM_COMDE</b>	<b>NOM</b>	<b>PNOM</b>	<b>QUANTITE</b>
	1	Jean	briques	5
	2	Jean	ciment	10
	3	Paul	briques	3
	4	Paul	parpaing	9
	5	Vincent	parpaing	7

<b>CLIENTS</b>	<b>NOM</b>	<b>CADRESSE</b>	<b>BALANCE</b>
	Jean	75006 Paris	-12000
	Paul	75003 Paris	0
	Vincent	94200 Ivry	3000
	Pierre	92400 Courbevoie	7000

## Retour sur le Modèle EA

### 1) Entités: un fournisseur est une entité

1. Type d'entités: tous les fournisseurs ont même type: *Fournisseurs*
2. Attribut: représente une propriété (caractéristique) d'1 entité, exemple:  
FNOM
3. concept: synonyme d'entité.

## Modèle EA

### 2) **Associations:** fournit est une association

1. relie deux (ou plus) entités, exemple: *fournit* relie Fournisseurs et Produits
2. **Attribut:** Une association peut avoir des attributs propres
3. **role:** synonyme d'association.
4. *association 1,n* entre *E* et *F*: à 1 entité de type *E* on peut associer 1 ou plusieurs entités de type *F*: exemple rajoutons l'association *siège social* entre *Fournisseurs* et *Ville*
5. *Association n,n*: à 1 entité *E* correspond 1 ou plusieurs entités *F* et réciproquement, exemple: *Fournit*.



## Clé

1. Attribut ou groupe d'attributs identifiant 1 entité: 2 entités de même type ne peuvent pas avoir la même valeur de clé, exemple *FNOM* pour Fournisseurs (hyp: 2 fournisseurs ne peuvent avoir le même nom)
2. *Clé primaire*: il peut y avoir plusieurs clés, exemple : si on rajoute le no de SS comme attribut à Fournisseurs, on a deux clés. Une est choisie comme clé primaire, e.g; NoSS

## Passage EA-Relationnel

A partir d'un schéma entité-association (niveau conceptuel) comment passer au niveau logique (comment choisir les relations)?

1. Une relation par type d'entité (e.g; Fournisseur). A une entité correspond un nuplet.
2. la clé primaire de la relation (attribut(s) de la relation qui identifie un nuplet) est celle du type d'entité
3. Une relation par association n,n: Les attributs sont les clés primaires des relations reliées par l'association, ainsi que les attributs propres de l'association
4. *Clé étrangère*: si l'association A entre R et S est 1,n, (n entités de type S pour une entité de type R), on ne crée pas de relation associée à cette association: on rajoute dans la table qui représente S la clé de R comme attribut. Celle-ci est appelée clé étrangère.

5. exercice: rajouter le type d'entité *VILLE* (clé: nom de ville) et l'association *siège social* entre *VILLE* et *FOURNISSEURS*. Comment est modifiée la relation *FOURNISSEURS*?

## **Modèle relationnel: Définitions**

## Définitions

- Un Domaine est un ensemble de valeurs. Exemples :  $\{0, 1\}$ ,  $N$ , l'ensemble des chaînes de caractères, l'ensemble des chaînes de caractères de longueur 10.
- Un ATTRIBUT prend ses valeurs dans un domaine. Plusieurs attributs peuvent avoir le même domaine.
- Un NUPLET est une liste de  $n$  valeurs  $(v_1, \dots, v_n)$  où chaque valeur  $v_i$  est la valeur d'un attribut  $A_i$  de domaine  $D_i : v_i \in D_i$
- Le PRODUIT CARTÉSIEN  $D_1 \times \dots \times D_n$  entre des domaines  $D_1, \dots, D_n$  est l'ensemble de **tous** les nuplets  $(v_1, \dots, v_n)$  où  $v_i \in D_i$ .

- RELATION : soit  $D_1, \dots, D_n$  les domaines respectifs des attributs  $A_1, \dots, A_n$ . Une relation  $R$  définie sur les attributs  $A_1, \dots, A_n$  est un sous-ensemble fini du produit cartésien  $D_1 \times \dots \times D_n$ :  $R$  est un ensemble de nuplets.
- Une relation  $R$  est représentée sous forme d'une **table**. L'ordre des colonnes ou des lignes n'a pas d'importance. Les colonnes sont distinguées par les noms d'attributs et chaque ligne représente un élément de l'ensemble  $R$  (un nuplet).
- Un attribut peut apparaître dans plusieurs relations.
- Une BASE DE DONNÉES est un ensemble de relations.

- L'UNIVERS D'ATTRIBUTS D'UNE BASE DE DONNÉES est l'ensemble de tous les attributs des relations de la base.
- Le SCHÉMA D'UNE RELATION  $R$  est défini par le nom de la relation et la liste des attributs avec pour chaque attribut son domaine.

Notation :

$$R(A_1 : D_1, \dots, A_n : D_n)$$

ou plus simplement :

$$R(A_1, \dots, A_n)$$

Exemple :

VEHICULE(NOM:CHAR(20), TYPE:CHAR(10),  
ANNEE:ENTIER)

- Si la relation a  $n$  attributs ( $n$  colonnes),  $n$  est appelé ARITÉ de la relation. La relation *VEHICULE* est d'arité 3.
- Le SCHÉMA D'UNE BASE DE DONNÉES est l'ensemble des schémas de ses relations.



## Exemple de Base de Données

### SCHÉMA :

- FOURNISSEURS(FNOM:CHAR(20), FADRESSE:CHAR(30))
- FOURNITURE(FNOM:CHAR(20), PNOM:CHAR(10),  
PRIX:ENTIER))
- COMMANDES(NUM\_COMDE:ENTIER, NOM:CHAR(20),  
PNOM:CHAR(10), QUANTITE;ENTIER))
- CLIENTS(NOM: CHAR(20), CADRESSE:CHAR(30),  
BALANCE:RELATIF)

## Exemple de Base de Données

### UNIVERS D'ATTRIBUTS :

- $U = \{ \text{FNOM, PNOM, NOM, FADRESSE, CADRESSE, PRIX, NUM\_CODE, QUANTITE, BALANCE} \}$

### RELATION UNIVERSELLE :

- $\text{FPCC}(\text{FNOM, PNOM, NOM, FADRESSE, CADRESSE, PRIX, NUM\_CODE, QUANTITE, BALANCE})$

## **Opérations et Langages**

## Operacions sur une Base de Donnees Relationnelle

- LANGAGE DE DEFINITION DES DONNEES (definition et MAJ du schema) :
  - Creation et destruction d'une relation ou d'une base
  - Ajout, suppression d'un attribut

- LANGAGE DE MANIPULATION DES DONNÉES
  - Saisie des nuplets d'une relation
  - Affichage d'une relation
  - Modification d'une relation : insertion, suppression et maj des nuplets
  - Requêtes : consultation d'une relation ou calcul d'une nouvelle relation
- GESTION DES TRANSACTIONS
- GESTION DES VUES

## Langages de Requêtes Relationnels

POUVOIR D'EXPRESSION : Qu'est-ce qu'on peut calculer ? Quelles opérations peut-on faire ?

Les langages de requête relationnels utilisent deux approches :

- calcul relationnel
- algèbre relationnelle

Les deux approches ont **même pouvoir d'expression**.

# **ALGÈBRE RELATIONNELLE**

## Algèbre Relationnelle

Opérations relationnels :

- une opération prend en entrée une ou deux relations
- le résultat est toujours une relation

5 Opérations de base (pour exprimer toutes les requêtes) :

- Opérations unaires : sélection, projection
- Opérations binaires : union, différence, produit cartésien
- Autres opérations qui s'expriment en fonction des 5 opérations de base : jointure (naturelle,  $\theta$ -jointure), intersection, division



## Projection

LA PROJECTION “ÉLIMINE” UNE OU PLUSIEURS COLONNES D’UNE RELATION.

Notation :

$$\pi_{A_1, A_2, \dots, A_k}(R)$$

## Projection: Exemples

a) On élimine la colonne  $C$  dans la relation  $R$  :

<b>R</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>
→	a	b	c
	d	a	b
	c	b	d
→	a	b	e
	e	e	a

 $\Rightarrow$ 

$\pi_{A,B}(R)$		<b>A</b>	<b>B</b>
		a	b
		d	a
		c	b
		e	e

Le nuplet  $(a, b)$  n'apparaît qu'**une** fois dans la relation  $\pi_{A,B}(R)$ , bien qu'il existe **deux** nuplets  $(a, b, c)$  et  $(a, b, e)$  dans  $R$ .

## Projection: Exemples

b) On élimine la colonne  $B$  dans la relation  $R$  (on garde  $A$  et  $C$ ) :

<b>R</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>
	a	b	c
	d	a	b
	c	b	d
	a	b	e
	e	e	a

$\Rightarrow$

$\pi_{A,C}(R)$	<b>A</b>	<b>C</b>
	a	c
	d	b
	c	d
	a	e
	e	a

## Sélection

Sélection sur la condition  $\mathcal{C}$ :

On garde les nuplets qui satisfont  $\mathcal{C}$ .

NOTATION :

$$\sigma_{\mathcal{C}}(R)$$

## Sélection: Exemples

a) On sélectionne les nuplets dans la relation  $R$  tels que l'attribut  $B$  vaut "b" :

<b>R</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>
	a	b	1
	d	a	2
	c	b	3
	a	b	4
	e	e	5

 $\Rightarrow$ 

$\sigma_{B="b"}(R)$	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>
	a	b	1
	c	b	3
	a	b	4

## Sélection: Exemples

b) On sélectionne les nuplets tels que

$$(A = "a" \vee B = "a") \wedge C \leq 3 :$$

<b>R</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>
	a	b	1
	d	a	2
	c	b	3
	a	b	4
	e	e	5

$\Rightarrow$

$$\sigma_{(A="a" \vee B="a") \wedge C \leq 3}(R)$$

<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>
a	b	1
d	a	2

## Sélection: Exemples

c) On sélectionne les nuplets tels que la 1re et la 2e colonne sont identiques :

<b>R</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>
	a	b	1
	d	a	2
	c	b	3
	a	b	4
	e	e	5

$\Rightarrow \sigma_{A=B}(R)$

<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>
e	e	5

## Condition de Sélection

La condition  $\mathcal{C}$  d'une sélection peut être une **formule logique** quelconque avec des **et** ( $\wedge$ ) et des **ou** ( $\vee$ ) entre termes de la forme  $A_i\theta A_j$  et  $A_i\theta a$  où

- $A_i$  et  $A_j$  sont des attributs,
- $a$  est un élément (une valeur) du domaine de  $A_i$ ,
- $\theta$  est l'un de  $=, <, \leq, >, \geq, \neq$ .



## Expressions de l'Algèbre Relationnelle

- le résultat d'une opération est une **relation**
- sur cette relation, on peut faire une **autre opération** de l'algèbre

$\Rightarrow$  *Les opérations peuvent être composées pour former des expressions de l'algèbre relationnelle.*

## Expressions de l'Algèbre Relationnelle

EXEMPLE :  $COMMANDES(NOM, PNOM, NUM, QTE)$

$$R'' = \pi_{PNOM}(\overbrace{\sigma_{NOM="Jean"}(COMMANDES)}^{R'})$$

La relation  $R'(NOM, PNOM, NUM, QTE)$  contient les nuplets dont l'attribut  $NOM$  a la valeur "Jean". La relation  $R''(PNOM)$  contient tous les produits commandés par Jean.

## Produit Cartésien

- NOTATION :  $R \times S$
- ARGUMENTS : 2 relations quelconques :

$$R(A_1, A_2, \dots, A_n) \quad S(B_1, B_2, \dots, B_k)$$

- SCHÉMA DE  $T = R \times S$  :  $T(A_1, A_2, \dots, A_n, B_1, B_2, \dots, B_k)$
- VALEUR DE  $T = R \times S$  : ensemble de tous les nuplets ayant  $n + k$  composants (attributs)
  - dont les  $n$  premiers composants forment un nuplet de  $R$
  - et les  $k$  derniers composants forment un nuplet de  $S$

## Exemple de Produit Cartésien

**R**

A	B
1	1
1	2
3	4

| R |

**S**

C	D	E
a	b	a
a	b	c
b	a	a

| S |



**R × S**

$|R| \times |S|$

<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>
1	1	a	b	a
1	1	a	b	c
1	1	b	a	a
1	2	a	b	a
1	2	a	b	c
1	2	b	a	a
3	4	a	b	a
3	4	a	b	c
3	4	b	a	a

## Jointure Naturelle

- NOTATION :  $R \bowtie S$
- ARGUMENTS : 2 relations quelconques :

$$R(A_1, \dots, A_m, X_1, \dots, X_k) \quad S(B_1, \dots, B_n, X_1, \dots, X_k)$$

où  $X_1, \dots, X_k$  sont les attributs en commun.

- SCHÉMA DE  $T = R \bowtie S$  :  $T(A_1, \dots, A_m, B_1, \dots, B_n, X_1, \dots, X_k)$
- VALEUR DE  $T = R \bowtie S$  : ensemble de tous les nuplets ayant  $m + n + k$  attributs dont les  $m$  premiers et  $k$  derniers composants forment un nuplet de  $R$  et les  $n + k$  derniers composants forment un nuplet de  $S$ .

## Jointure Naturelle: Exemple

**R**

<b>A</b>	<b><u>B</u></b>	<b><u>C</u></b>
a	b	c
d	b	c
b	b	f
c	a	d

**S**

<b><u>B</u></b>	<b><u>C</u></b>	<b>D</b>
b	c	d
b	c	e
a	d	b

⇒

**R** ⋈ **S**

<b>A</b>	<b><u>B</u></b>	<b><u>C</u></b>	<b>D</b>
a	b	c	d
a	b	c	e
d	b	c	d
d	b	c	e
c	a	d	b

## Jointure Naturelle

Soit  $U = \{A_1, \dots, A_m, B_1, \dots, B_n, X_1, \dots, X_k\}$  l'ensemble des attributs des 2 relations et  $V = \{X_1, \dots, X_k\}$  l'ensemble des attributs en commun.

$$R \bowtie S = \pi_U(\sigma_{\forall A \in V: R.A=S.A}(R \times S))$$

NOTATION :  $R.A$  veut dire “l'attribut  $A$  de la relation  $R$ ”.



## Jointure Naturelle: Exemple

<b>R</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>S</b>	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>D</b>
	1	a		1	a	b
	1	b		2	c	b
	4	a		4	a	a

⇒

<b>R × S</b>	<b>R.A</b>	<b>R.B</b>	<b>S.A</b>	<b>S.B</b>	<b>D</b>
	1	a	1	a	b
→	<b>1</b>	<b>a</b>	<b>2</b>	<b>c</b>	b
→	<b>1</b>	<b>a</b>	<b>4</b>	<b>a</b>	a
→	<b>1</b>	<b>b</b>	<b>1</b>	<b>a</b>	b
→	<b>1</b>	<b>b</b>	<b>2</b>	<b>c</b>	b
→	<b>1</b>	<b>b</b>	<b>4</b>	<b>a</b>	a
→	<b>4</b>	<b>a</b>	<b>1</b>	<b>a</b>	b
→	<b>4</b>	<b>a</b>	<b>2</b>	<b>c</b>	b
	4	a	4	a	a



$\mathbf{R} \bowtie \mathbf{S}$

<b>A</b>	<b>B</b>	<b>D</b>
1	a	b
4	a	a

$$\Leftarrow \pi_{R.A, R.B, D}(\sigma_{R.A=S.A \wedge R.B=S.B}(R \times S))$$

## Jointure Naturelle: Algorithme

Pour chaque nuplet  $a$  dans  $R$  et pour chaque nuplet  $b$  dans  $S$  :

1. on concatène  $a$  et  $b$  et on obtient un nuplet qui a pour attributs

$$\overbrace{A_1, \dots, A_m, X_1, \dots, X_k}^a, \overbrace{B_1, \dots, B_n, X_1, \dots, X_k}^b$$

2. on ne le garde que si chaque attribut  $X_i$  de  $a$  est égal à l'attribut  $X_i$  de  $b$  :  $\forall_{i=1..k} a.X_i = b.X_i$ .

3. on élimine les valeurs (colonnes) dupliquées : on obtient un nuplet qui a pour attributs

$$\overbrace{A_1, \dots, A_m}^a, \overbrace{B_1, \dots, B_m}^b, \overbrace{X_1, \dots, X_k}^{a \text{ et } b}$$

## $\theta$ -Jointure

- ARGUMENTS : 2 relations quelconques :

$$R(A_1, \dots, A_m) \quad S(B_1, \dots, B_n)$$

- NOTATION :  $R \bowtie_{A_i \theta B_j} S, \theta \in \{=, \neq, <, \leq, >, \geq\}$
- SCHÉMA DE  $T = R \bowtie_{A_I \theta B_J} S$  :  $T(A_1, \dots, A_m, B_1, \dots, B_n)$
- VALEUR DE  $T = R \bowtie_{A_I \theta B_J} S$  :  $T = \sigma_{A_i \theta B_j}(R \times S)$
- ÉQUIJOINTURE :  $\theta$  est l'égalité.

**$\theta$ -Jointure: Exemple****R**

A	B
1	a
1	b
3	a

**S**

C	D	E
1	b	a
2	b	c
4	a	a

**T := R × S**

	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>
	1	a	1	b	a
	1	a	2	b	c
	1	a	4	a	a
	1	b	1	b	a
	1	b	2	b	c
	1	b	4	a	a
$A > C \rightarrow$	<b>3</b>	a	<b>1</b>	b	a
$A > C \rightarrow$	<b>3</b>	a	<b>2</b>	b	c
	3	a	4	a	a

⇒

$$\sigma_{A \leq C}(\mathbf{T})$$
$$= \mathbf{R} \bowtie_{A \leq C} \mathbf{S}$$

<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>
1	a	1	b	a
1	a	2	b	c
1	a	4	a	a
1	b	1	b	a
1	b	2	b	c
1	b	4	a	a
3	a	4	a	a



## Équijointure: Exemple

<b>R</b>	<b>A</b>	<b>B</b>
	1	a
	1	b
	3	a

<b>S</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>
	1	b	a
	2	b	c
	4	a	a

**T := R × S**

	<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>
$B \neq D \rightarrow$	1	<b>a</b>	1	<b>b</b>	a
$B \neq D \rightarrow$	1	<b>a</b>	2	<b>b</b>	c
	1	a	4	a	a
	1	b	1	b	a
	1	b	2	b	c
$B \neq D \rightarrow$	1	<b>b</b>	4	<b>a</b>	a
$B \neq D \rightarrow$	3	<b>a</b>	1	<b>b</b>	a
$B \neq D \rightarrow$	3	<b>a</b>	2	<b>b</b>	c
	3	a	4	a	a

⇒

$$\sigma_{B=D}(\mathbf{T})$$
$$= \mathbf{R} \bowtie_{B=D} \mathbf{S}$$

<b>A</b>	<b>B</b>	<b>C</b>	<b>D</b>	<b>E</b>
1	a	4	a	a
1	b	1	b	a
1	b	2	b	c
3	a	4	a	a

## Équijointure vs. Jointure Naturelle

$IMMEUBLE(ADI, NBETAGES, DATEC, PROP)$

$APPIM(ADI, NAP, OCCUP, ETAGE)$

1. Nom du propriétaire de l'immeuble où est situé l'appartement occupé par *Durand* :

*Jointure Naturelle*

$$\pi_{PROP}(\overbrace{IMMEUBLE \bowtie \sigma_{OCCUP="DURAND"}(APPIM)})$$

2. Appartements occupés par des propriétaires d'immeuble :

*équijointure*

$$\pi_{ADI, NAP, ETAGE}(\overbrace{APPIM \bowtie_{OCCUP=PROP} IMMEUBLE})$$

Autre Exemple de REQUÊTE : Nom et adresse des clients qui ont commandé des parpaings:

- Schéma Relationnel :

*COMMANDES(PNOM, CNOM, NUM\_CMDE, QTE)*

*CLIENTS(CNOM, CADRESSE, BALANCE)*

- Requête Relationnelle :

$\pi_{CNOM, CADRESSE}(CLIENTS \bowtie \sigma_{PNOM="PARPAING"}(COMMANDES))$

## Union

- ARGUMENTS : 2 relations de même schéma :

$$R(A_1, \dots, A_m) \quad S(A_1, \dots, A_m)$$

- NOTATION :  $R \cup S$

- SCHÉMA DE  $T = R \cup S$  :  $T(A_1, \dots, A_m)$

- VALEUR DE  $T$  : Union ensembliste sur  $D_1 \times \dots \times D_m$  :

$$T = \{t \mid t \in R \vee t \in S\}$$

## Union: Exemple

**R**

A	B
a	b
a	c
d	e

**S**

A	B
a	b
a	e
d	e
f	g

 $\Rightarrow$ 

**R  $\cup$  S**

A	B
a	b
a	c
d	e
a	e
f	g

## Différence

- ARGUMENTS : 2 relations de même schéma :

$$R(A_1, \dots, A_m) \quad S(A_1, \dots, A_m)$$

- NOTATION :  $R - S$

- SCHÉMA DE  $T = R - S$  :  $T(A_1, \dots, A_m)$

- VALEUR DE  $T$  : Différence ensembliste sur  $D_1 \times \dots \times D_m$  :

$$T = \{t \mid t \in R \wedge t \notin S\}$$



## **Différence: Exemple**

**R**

A	B
a	b
a	c
d	e

**S**

A	B
a	b
a	e
d	e
f	g

**R - S**

A	B
a	c

**S - R**

A	B
a	e
f	g

## Intersection

- ARGUMENTS : 2 relations de même schéma :

$$R(A_1, \dots, A_m) \quad S(A_1, \dots, A_m)$$

- NOTATION :  $R \cap S$

- SCHÉMA DE  $T = R \cap S$  :  $T(A_1, \dots, A_m)$

- VALEUR DE  $T$  : Intersection ensembliste sur  $D_1 \times \dots \times D_m$  :

$$T = \{t \mid t \in R \wedge t \in S\}$$

## Intersection: Exemple

**R**

A	B
a	b
a	c
d	e

**S**

A	B
a	b
a	e
d	e
f	g

**R - S**

A	B
a	c

$$R \cap S = R - (R - S)$$

A	B
a	b
d	e

## Semijointure

- ARGUMENTS : 2 relations quelconques :

$$R(A_1, \dots, A_m, X_1, \dots, X_k) S(B_1, \dots, B_n, X_1, \dots, X_k)$$

où  $X_1, \dots, X_k$  sont les attributs en commun.

- NOTATION :  $R \bowtie S$
- SCHÉMA DE  $T = R \bowtie S : T(A_1, \dots, A_m, X_1, \dots, X_k)$
- VALEUR DE  $T = R \bowtie S$  : Projection sur les attributs de  $R$  de la jointure naturelle entre  $R$  et  $S$ .

## Semijointure

La semijointure correspond à une sélection où la condition de sélection est définie par le biais d'une autre relation.

Soit  $U = \{A_1, \dots, A_m\}$  l'ensemble des attributs de  $R$ .

$$R \bowtie S = \pi_U(R \bowtie S)$$

### Semijointure: Exemple

**R**

<b>A</b>	<b><u>B</u></b>	<b><u>C</u></b>
a	b	c
d	b	c
b	b	f
c	a	d

**S**

<b><u>B</u></b>	<b><u>C</u></b>	<b>D</b>
b	c	d
b	c	e
a	d	b

$\Rightarrow \pi_{A,B,C}(R \bowtie S) \Rightarrow$

**R  $\bowtie$  S**

<b>A</b>	<b><u>B</u></b>	<b><u>C</u></b>
a	b	c
d	b	c
c	a	d

## Division: Exemple

REQUÊTE : Clients qui commandent tous les produits:

<b>COMM</b>	<b>NUM</b>	<b>NOM</b>	<b>PNOM</b>	<b>QTE</b>
	1	Jean	briques	100
	2	Jean	ciment	2
	3	Jean	parpaing	2
	4	Paul	briques	200
	5	Paul	parpaing	3
	6	Vincent	parpaing	3



$$\underline{R = \pi_{NOM,PNOM}(COMM) :}$$

<b>R</b>	<b>NOM</b>	<b>PNOM</b>
	Jean	briques
	Jean	ciment
	Jean	parpaing
	Paul	briques
	Paul	parpaing
	Vincent	parpaing

<b>PROD</b>	<b>PNOM</b>
	briques
	ciment
	parpaing



$$R \div PROD$$

<b>NOM</b>
Jean

## Division: Exemple

**R**

A	B	C	D
a	b	x	m
a	b	y	n
a	b	z	o
b	c	x	o
b	d	x	m
c	e	x	m
c	e	y	n
c	e	z	o
d	a	z	p
d	a	y	m

**S**

C	D
x	m
y	n
z	o

**R : S**

A	B
a	b
c	e

## Division

- ARGUMENTS : 2 relations :

$$R(A_1, \dots, A_m, X_1, \dots, X_k) \quad S(X_1, \dots, X_k)$$

où **tous** les attributs de  $S$  sont des attributs de  $R$ .

- NOTATION :  $R \div S$
- SCHÉMA DE  $T = R \div S$  :  $T(A_1, \dots, A_m)$
- VALEUR DE  $T = R \div S$  :

$$R \div S = \{(a_1, \dots, a_m) \mid \forall (x_1, \dots, x_k) \in S : (a_1, \dots, a_m, x_1, \dots, x_k) \in R\}$$

## Division

La division s'exprime en fonction du produit cartésien, de la projection et de la différence :  $R \div S = R_1 - R_2$  où

$$R_1 = \pi_{A_1, \dots, A_m}(R) \text{ et } R_2 = \pi_{A_1, \dots, A_m}((R_1 \times S) - R)$$

## Renommage

- NOTATION :  $\rho$
- ARGUMENTS : 1 relation :

$$R(A_1, \dots, A_n)$$

- SCHÉMA DE  $T = \rho_{A_i \rightarrow B_i} R : T(A_1, \dots, A_{i-1}, B_i, A_{i+1}, \dots, A_n)$
- VALEUR DE  $T = \rho_{A_i \rightarrow B_i} R : T = R$ . La valeur de R est inchangée.  
Seul le nom de l'attribut  $A_i$  a été remplacé par  $B_i$

# SQL

## Principe

- SQL (Structured Query Language) est le Langage de Requêtes standard pour les SGBD relationnels
- Expression d'une requête par un bloc *SELECT FROM WHERE*

SELECT <liste des attributs a projeter>

FROM <liste des relations arguments>

WHERE <conditions sur un ou plusieurs attributs>

- Dans les requêtes simples, la correspondance avec l'algebre relationnelle est facile à mettre en évidence.

## Historique\*

### **SQL86 - SQL89 ou SQL1** La référence de base:

- Requêtes compilées puis exécutées depuis un programme d'application.
- Types de données simples (entiers, réels, chaînes de caractères de taille fixe)
- Opérations ensemblistes restreintes (UNION).

### **SQL92 ou SQL2** Standard actuel:

- Requêtes dynamiques: exécution différée ou immédiate
- Types de données plus riches (intervalles, dates, chaînes de caractères de taille variable)
- Différents types de jointures: jointure naturelle, jointure externe
- Opérations ensemblistes: différence (EXCEPT), intersection



(INTERSECT)

- Renommage des attributs dans la clause SELECT

**SQL3 (en cours)** : SQL devient un langage de programmation :

- Extensions orientees-objet
- Operateur de fermeture transitive (recursion)
- ...

## **Expressions de Base**

## Projection

Soit le schéma de relation

**COMMANDES**(NUM,CNOM,PNOM,QUANTITE)

REQUÊTE: *Information sur toutes les commandes*

SQL:

```
SELECT NUM , CNOM , PNOM , QUANTITE  
FROM   COMMANDES
```

ou

```
SELECT *  
FROM   COMMANDES
```

## Projection : Distinct

Soit le schéma de relation

**COMMANDES**(NUM,CNOM,PNOM,QUANTITE)

REQUÊTE: *Produits commandés*

```
SELECT PNOM
FROM   COMMANDES
```

**NOTE:** Contrairement à l'algèbre relationnelle, SQL n'élimine pas les doublés. Pour les éliminer on utilise DISTINCT :

```
SELECT DISTINCT PNOM
FROM   COMMANDES
```

Le DISTINCT peut être remplacé par la clause UNIQUE dans certains systèmes

## Sélection

Soit le schéma de relation

**COMMANDES**(NUM,CNOM,PNOM,QUANTITE)

REQUÊTE: *Produits commandés par Jean*

ALGÈBRE:  $\pi_{PNOM}(\sigma_{CNOM="JEAN"}(COMMANDES))$

SQL:

```
SELECT PNOM
FROM   COMMANDES
WHERE  CNOM = 'JEAN'
```

REQUÊTE: *Produits commandés par Jean en quantité supérieure à 100*

SQL:

```
SELECT PNOM
FROM   COMMANDES
WHERE  CNOM = 'JEAN'
AND    QUANTITE > 100
```

## Conditions de sélection en SQL : Conditions simples

Les conditions de base sont exprimées de deux façons:

1. *attribut comparateur valeur*
2. *attribut comparateur attribut*

où *comparateur* est =, <, >, <>, ... ,

Soit le schéma de relation **FOURNITURE**(PNOM, FNOM, PRIX)

REQUÊTE: *Produits de prix supérieur à 200F*



SQL:

```
SELECT PNOM  
FROM FOURNITURE  
WHERE PRIX > 2000
```

Soit le schéma de relation **FOURNITURE**(PNOM, FNOM, PRIX)

REQUÊTE: *Produits dont le nom est celui du fournisseur*

SQL:

```
SELECT PNOM
FROM FOURNITURE
WHERE PNOM = FNOM
```

## Conditions de sélection en SQL : Suite

Le *comparateur* est BETWEEN, LIKE, IN

Soit le schéma de relation **FOURNITURE**(PNOM, FNOM, PRIX)

REQUÊTE: *Produits avec un coût entre 1000F et 2000F*

SQL:

```
SELECT PNOM
FROM   FOURNITURE
WHERE  PRIX BETWEEN 1000 AND 2000
```

**NOTE:** La condition  $y$  BETWEEN  $x$  AND  $z$  est équivalente à  $y \leq z$

AND

$x \leq y$ .

Soit le schéma de relation

**COMMANDES**(NUM,CNOM,PNOM,QUANTITE)

REQUÊTE: *Clients dont le nom commence par "C"*

SQL:

```
SELECT CNOM
FROM   COMMANDES
WHERE  CNOM LIKE 'C%'
```

**NOTE:** Le littéral qui suit LIKE doit être une chaîne de caractères éventuellement avec des caractères jokers (\_, %). Pas exprimable avec l'algèbre relationnelle.

Soit le schéma de relation **FOURNITURE**(PNOM, FNOM, PRIX)

REQUÊTE: *Produits avec un coût de 100F, de 200F ou de 300F*

SQL:

```
SELECT PNOM
FROM   FOURNITURE
WHERE  PRIX IN {100, 200, 300}
```

**NOTE:** La condition  $x \text{ IN } \{a, b, \dots, z\}$  est équivalente à  $x = a \text{ OR } x = b$   
OR ... OR  $x = z$ .

## Jointure

Soit le schéma de relations

**COMMANDES**(NUM,CNOM,PNOM,QUANTITE)

**FOURNITURE**(PNOM, FNOM, PRIX)

REQUÊTE: *Nom, Coût, Fournisseur des Produits commandés par Jean*

ALGÈBRE :

$\pi_{PNOM, PRIX, FNOM}(\sigma_{CNOM="JEAN"}(COMMANDES) \bowtie (FOURNITURE))$

SQL :

```
SELECT COMMANDES.PNOM, PRIX, FNOM
FROM   COMMANDES, FOURNITURE
WHERE  CNOM = 'JEAN' AND
       COMMANDES.PNOM = FOURNITURE.PNOM
```

**NOTE:** Cette requête est équivalente à une jointure naturelle. Noter qu'il faut toujours expliciter les attributs de jointure.

**NOTE:** SELECT COMMANDES.PNOM, PRIX, FNOM FROM COMMANDES, FOURNITURE équivaut à un produit cartésien des deux relations, suivi d'une projection.

Soit le schéma de relation **FOURNISSEUR**(FNOM,STATUT,VILLE)

REQUÊTE: *Fournisseurs qui habitent deux à deux dans la même ville*

SQL:

```
SELECT PREM.FNOM, SECOND.FNOM
FROM FOURNISSEUR PREM, FOURNISSEUR SECOI
WHERE PREM.VILLE = SECOND.VILLE AND
      PREM.FNOM < SECOND.FNOM
```

La deuxième condition permet

1. l'élimination des paires (x,x)
2. d'éviter d'obtenir au résultat à la fois (x,y) et (y,x)

**NOTE:** PREM représente une instance de FOURNISSEUR, SECOND une autre instance de FOURNISSEUR.



Soit le schéma de relation **EMPLOYE**(EMPNO,ENOM,DEPNO,SAL)

REQUÊTE: *Nom et Salaire des Employés gagnant plus que l'employé de numéro 12546*

ALGÈBRE:

$$R1 := \pi_{SAL}(\sigma_{EMPNO=12546}(EMPLOYE))$$

$$R2 :=$$

$$\pi_{ENOM,EMPLOYEE.SAL}((EMPLOYEE) \bowtie_{EMPLOYEE.SAL > R1.SAL} (R1))$$

SQL:

```
SELECT E1.ENOM, E1.SAL
FROM   EMPLOYE E1, EMPLOYE E2
WHERE  E2.EMPNO = 12546 AND
       E1.SAL > E2.SAL
```

## **Expressions Ensemblistes**

## Union

**COMMANDES**(NUM,CNOM,PNOM,QUANTITE)

**FOURNITURE**(PNOM, FNOM, PRIX)

REQUÊTE: *Produits qui coûtent plus que 1000F ou ceux qui sont commandés par Jean*

ALGÈBRE:

$$\pi_{PNOM}(\sigma_{PRIX > 1000}(FOURNITURE)) \\ \cup \\ \pi_{PNOM}(\sigma_{CNOM='Jean'}(COMMANDES))$$

SQL:

```
SELECT PNOM
FROM FOURNITURE
WHERE PRIX >= 1000
UNION
SELECT PNOM
FROM COMMANDES
WHERE CNOM = 'Jean'
```

**NOTE:** L'union élimine les doublés. Pour garder les doublés on utilise l'opération `UNION ALL` : le résultat contient chaque n-uplet  $a + b$  fois, où  $a$  et  $b$  sont le nombre d'occurrences du n-uplet dans la première et la deuxième requête.

## Différence

La différence ne fait pas partie du standard.

**EMPLOYE**(EMPNO,ENOM,DEPTNO,SAL)

**DEPARTEMENT**(DEPTNO,DNOM,LOC)

REQUÊTE: *Départements sans employés*

ALGÈBRE:

$\pi_{DEPTNO}(DEPARTEMENT) - \pi_{DEPTNO}(EMPLOYE)$

SQL:

```
SELECT DEPTNO
FROM DEPARTEMENT
EXCEPT
SELECT DEPTNO
FROM EMPLOYE
```

**NOTE:** La difference elimine les dupliques. Pour garder les dupliques on utilise l'operation EXCEPT ALL :

## Intersection

L'intersection ne fait pas partie du standard.

**EMPLOYE**(EMPNO,ENOM,DEPTNO,SAL)

**DEPARTEMENT**(DEPTNO,DNOM,LOC)

REQUÊTE: *Départements ayant des employés qui gagnent plus que 20000F et qui se trouvent à Paris*

ALGÈBRE :

$$\pi_{DEPTNO}(\sigma_{LOC="Paris"}(DEPARTEMENT)) \\ \cap \\ \pi_{DEPTNO}(\sigma_{SAL>20000}(EMPLOYE))$$

SQL:

```
SELECT DEPTNO
FROM   DEPARTEMENT
WHERE  LOC = 'Paris'
INTERSECT
SELECT DEPTNO
FROM   EMPLOYE
WHERE  SAL > 20000
```

**NOTE:** L'intersection élimine les doublés. Pour garder les doublés on utilise l'opération `INTERSECT ALL` : le résultat contient chaque n-uplet  $\min(a, b)$  fois, où  $a$  et  $b$  sont le nombre d'occurrences du n-uplet dans la première et la deuxième requête.



## **Imbrication des Requêtes en SQL**

## Requêtes imbriquées simples

La Jointure s'exprime par deux blocs SFW imbriqués

Soit le schéma de relations

**COMMANDES**(NUM,CNOM,PNOM,QUANTITE)

**FOURNITURE**(PNOM, FNOM, PRIX)

REQUÊTE: *Nom, prix et fournisseurs des Produits commandés par Jean*

ALGÈBRE:

$\pi_{PNOM, PRIX, FNOM}(\sigma_{CNOM="JEAN"}(COMMANDES) \bowtie (FOURNITURE))$

SQL:

```
SELECT PNOM, PRIX, FNOM
FROM FOURNITURE
WHERE PNOM IN (SELECT PNOM
                FROM COMMANDES
                WHERE CNOM = 'JEAN' )
```

ou

```
SELECT FOURNITURE.PNOM, PRIX, FNOM
FROM FOURNITURE, COMMANDES
WHERE FOURNITURE.PNOM = COMMANDES.PNOM
AND CNOM = 'JEAN'
```

La Différence s'exprime aussi par deux blocs SFW imbriqués

---

Soit le schéma de relations

**EMPLOYEE**(EMPNO,ENOM,DEPNO,SAL)

**DEPARTEMENT**(DEPTNO,DNOM,LOC)

REQUÊTE: *Départements sans employés*

ALGÈBRE :

$$\pi_{DEPTNO}(DEPARTEMENT) - \pi_{DEPTNO}(EMPLOYEE)$$

SQL:

```
SELECT DEPTNO
FROM DEPARTEMENT
WHERE DEPTNO NOT IN (SELECT DISTINCT DEPTNO
                     FROM EMPLOYE)
```

ou

```
SELECT DEPTNO
FROM DEPARTEMENT
EXCEPT
SELECT DISTINCT DEPTNO
FROM EMPLOYE
```

## Requêtes imbriquées plus complexes : ANY - ALL

Soit le schéma de relation **FOURNITURE**(PNOM, FNOM, PRIX)

REQUÊTE: *Fournisseurs des Briques à un coût inférieur au coût maximum des Ardoises*

```
SQL :      SELECT  FNOM
           FROM    FOURNITURE
           WHERE   PNOM = 'Brique'
           AND     PRIX < ANY (SELECT  PRIX
                               FROM    FOURNITURE
                               WHERE   PNOM = 'Ardoise')
```

**NOTE:** La condition  $f \theta \text{ANY} (\text{SELECT } F \text{ FROM } \dots)$  est vraie ssi la comparaison  $f \theta v$  est vraie au moins pour une valeur  $v$  du résultat du bloc  $(\text{SELECT } F \text{ FROM } \dots)$ .

Soit le schéma de relations

**COMMANDE**(NUM,CNOM,PNOM,QUANTITE)

**FOURNITURE**(PNOM, FNOM, PRIX)

REQUÊTE: *Nom, Coût et Fournisseur des Produits commandés par Jean*

SQL:

```
SELECT PNOM, PRIX, FNOM
FROM FOURNITURE
WHERE PNOM = ANY (SELECT PNOM
                   FROM COMMANDE
                   WHERE CNOM = 'JEAN' )
```

**NOTE:** Les prédicats IN et = ANY sont utilisés de façon équivalente.

Soit le schéma de relation

**COMMANDE**(NUM,CNOM,PNOM,QUANTITE)

REQUÊTE: *Client ayant commandé la plus petite quantité de Briques*

SQL:

```
SELECT CNOM
FROM   COMMANDE
WHERE  PNOM = 'Brique' AND
      QUANTITE <= ALL (SELECT QUANTITE
                       FROM   COMMANDE
                       WHERE  PNOM = 'Brique')
```

**NOTE:** La condition  $f \theta \text{ ALL } (\text{SELECT } F \text{ FROM } \dots)$  est vraie ssi la comparaison  $f \theta v$  est vraie pour toutes les valeurs  $v$  du résultat du bloc  $(\text{SELECT } F \text{ FROM } \dots)$ .



Soit le schéma de relations

**EMPLOYE**(EMPNO,ENOM,DEPNO,SAL)

**DEPARTEMENT**(DEPTNO,DNOM,LOC)

REQUÊTE: *Départements sans employés*

SQL:

```
SELECT DEPTNO
FROM DEPARTEMENT
WHERE DEPTNO NOT = ALL (SELECT DISTINCT DEPTNO
                        FROM EMPLOYE)
```

**NOTE:** Les prédicats NOT IN et NOT = ALL sont utilisés de façon équivalente.

## Requêtes imbriquées plus complexes : EXISTS

Soit le schéma de relations

**FOURNISSEUR**(FNOM,STATUS,VILLE)

**FOURNITURE**(PNOM,FNOM,PRIX)

REQUÊTE: *Fournisseurs qui fournissent au moins un produit*

```
SQL :      SELECT FNOM
           FROM   FOURNISSEUR
           WHERE  EXISTS (SELECT *
                        FROM   FOURNITURE
                        WHERE  FNOM = FOURNISSEUR.FNOM)
```

**NOTE:** La condition EXISTS (SELECT \* FROM ...) est vraie ssi le résultat du bloc (SELECT F FROM ...) n'est pas vide.

Soit le schéma de relations

**FOURNISSEUR**(FNOM,STATUS,VILLE)

**FOURNITURE**(PNOM,FNOM,PRIX)

REQUÊTE: *Fournisseurs qui ne fournissent aucun produit*

SQL:

```
SELECT FNOM
FROM FOURNISSEUR
WHERE NOT EXISTS (SELECT *
                  FROM FOURNITURE
                  WHERE FNOM = FOURNISSEUR.FNOM)
```

**NOTE:** La condition NOT EXISTS (SELECT \* FROM ...) est vraie ssi le résultat du bloc (SELECT F FROM ...) est vide.

## Formes Équivalentes de Quantification

Si  $\theta$  est un des opérateurs de comparaison  $<, =, >, \dots$

- La condition  $x \theta \text{ ANY (SELECT Ri.y FROM R1, \dots Rn WHERE p)}$  est équivalente à

$\text{EXISTS (SELECT * FROM R1, \dots Rn WHERE p AND } x \theta \text{ Ri.y)}$

- La condition  $x \theta \text{ ALL (SELECT Ri.y FROM R1, \dots Rn WHERE p)}$  est équivalente à

$\text{NOT EXISTS (SELECT * FROM R1, \dots Rn WHERE (p) AND NOT}$   
 $\text{(x } \theta \text{ Ri.y))}$

Soit le schéma de relations

**COMMANDE**(NUM,CNOM,PNOM,QUANTITE)

**FOURNITURE**(PNOM,FNOM,RIX)

REQUÊTE: *Nom, prix et fournisseur des produits commandés par Jean*

```
SELECT PNOM, PRIX, FNOM FROM FOURNITURE
WHERE EXISTS (SELECT * FROM COMMANDE
              WHERE CNOM = 'JEAN'
              AND PNOM = FOURNITURE.PNOM)
```

```
SELECT PNOM, PRIX, FNOM FROM FOURNITURE
WHERE PNOM = ANY (SELECT PNOM FROM COMMANDE
                 WHERE CNOM = 'JEAN')
```

Soit le schéma de relation **FOURNITURE**(PNOM, FNOM, PRIX)

REQUÊTE: *Fournisseurs qui fournissent au moins un produit avec un coût supérieur au coût des produits fournis par Jean*

SQL:

```
SELECT DISTINCT P1.FNOM
FROM   FOURNITURE P1
WHERE  NOT EXISTS (SELECT * FROM   FOURNITURE P2
                   WHERE  P2.FNOM = 'JEAN'
                   AND    P1.PRIX <= P2.PRIX)
```

```
SELECT DISTINCT FNOM FROM   FOURNITURE
WHERE  PRIX > ALL (SELECT PRIX FROM   FOURNITURE
                  WHERE  FNOM = 'JEAN' )
```

## **Division**

Soit le schéma de relations

**FOURNITURE**(FNUM,PNUM,QUANTITE)

**PRODUIT**(PNUM,PNOM,PRIX)

**FOURNISSEUR**(FNUM, FNOM, STATUS, VILLE)

REQUÊTE: *Fournisseurs qui fournissent tous les produits*

## ALGÈBRE:

$$R1 := \pi_{FNUM, PNUM}(FOURNITURE) \div \pi_{PNUM}(PRODUIT)$$
$$R2 := \pi_{FNOM}(FOURNISSEUR \bowtie R1)$$

## SQL:

```
SELECT FNOM
FROM FOURNISSEUR
WHERE NOT EXISTS
  (SELECT *
   FROM PRODUIT
   WHERE NOT EXISTS
     (SELECT *
      FROM FOURNITURE
      WHERE FOURNITURE.FNUM = FOURNISSEUR.FNUM
      AND FOURNITURE.PNUM = PRODUIT.PNUM) )
```



## **Fonctions de Calcul**

## COUNT, SUM, AVG, MIN, MAX

REQUÊTE: *Nombre de Fournisseurs de Paris*

```
SELECT COUNT(*) FROM FOURNISSEUR  
WHERE VILLE = 'Paris'
```

REQUÊTE: *Nombre de Fournisseurs qui fournissent actuellement des produits*

```
SELECT COUNT(DISTINCT FNOM) FROM FOURNITURE
```

**NOTE:** La fonction COUNT(\*) compte le nombre des  $n$ -uplets du résultat d'une requête sans élimination des doublés ni vérification des valeurs nulles. Dans le cas contraire on utilise la clause COUNT(UNIQUE ...).

REQUÊTE: *Quantité totale de Briques commandées*

```
SELECT SUM (QUANTITE)
FROM   COMMANDES
WHERE  PNOM = 'Brique'
```

REQUÊTE: *Coût moyen de Briques fournies*

```
SELECT AVG (PRIX)
FROM   FOURNITURE
WHERE  PNOM = 'Brique'           ou           SELECT SUM (PRIX) / COUNT(PRIX)
FROM   FOURNITURE
WHERE  PNOM = 'Brique'
```

REQUÊTE: *Le prix des briques qui sont le plus chères.*

```
SELECT MAX ( PRIX )  
FROM   FOURNITURE  
WHERE  PNOM = 'Briques' ;
```

REQUÊTE: *Fournisseurs des Briques au coût moyen des Briques*

```
SELECT FNOM
FROM FOURNITURE
WHERE PNOM = 'Brique' AND
      PRIX < (SELECT AVG(PRIX)
              FROM FOURNITURE
              WHERE PNOM = 'Brique')
```

## **Opérations d'Agrégation**

## **GROUP BY**

REQUÊTE: *Nombre de fournisseurs par ville*

```
SELECT VILLE, COUNT(FNOM)
FROM FOURNISSEUR
GROUP BY VILLE
```

## LA BASE ET LE RESULTAT :

VILLE	FNOM
PARIS	TOTO
PARIS	DUPOND
LYON	DURAND
LYON	LUCIEN
LYON	REMI

VILLE	COUNT(FNOM)
PARIS	2
LYON	3

**NOTE:** La clause GROUP BY permet de préciser les attributs de partitionnement des relations déclarées dans la clause FROM. Par exemple



on regroupe les fournisseurs par ville.

**REQUÊTE:** *Donner pour chaque produit fourni son coût moyen*

```
SELECT PNOM, AVG ( PRIX )  
FROM   FOURNITURE  
GROUP BY PNOM
```

**RÉSULTAT:**

PNOM	AVG (PRIX)
BRIQUE	10.5
ARDOISE	9.8

**NOTE:** Les fonctions de calcul appliquées au résultat de regroupement sont directement indiquées dans la clause SELECT. Par exemple le calcul de la moyenne se fait par produit obtenu au résultat après le regroupement.

## HAVING

REQUÊTE: *Produits fournis par deux ou plusieurs fournisseurs avec un coût supérieur de 100*

```
SELECT PNOM
FROM FOURNITURE
WHERE PRIX > 100
GROUP BY PNOM
HAVING COUNT(*) >= 2
```

## AVANT LA CLAUSE HAVING

PNOM	FNOM	PRIX
BRIQUE	TOTO	105
ARDOISE	LUCIEN	110
ARDOISE	DURAND	120

## APRÈS LA CLAUSE HAVING

PNOM	FNOM	PRIX
ARDOISE	LUCIEN	110
ARDOISE	DURAND	120

**NOTE:** La clause HAVING permet d'éliminer des partitionnements, comme la clause WHERE élimine des  $n$ -uplets du résultat d'une requête.

*REQUÊTE: Produits fournis et leur coût moyen pour les fournisseurs dont le siège est à Paris seulement si le coût minimum du produit est supérieur à 1000F*

```
SELECT PNOM, AVG(PRIX)
FROM   FOURNITURE, FOURNISSEUR
WHERE  VILLE = 'Paris' AND
       FOURNITURE.FNOM = FOURNISSEUR.FNOM
GROUP BY PNOM
HAVING MIN(PRIX) > 1000
```

## ORDER BY

En général, le résultat d'une requête SQL n'est pas trié. Pour trier le résultat par rapport aux valeurs d'un ou de plusieurs attributs, on utilise la clause ORDER BY :

```
SELECT VILLE, FNOM, PNOM
   FROM FOURNITURE, FOURNISSEUR
  WHERE FOURNITURE.FNOM = FOURNISSEUR.FNOM
 ORDER BY VILLE, FNOM DESC
```

Le résultat est trié par les villes (ASC) et le noms des fournisseur dans l'ordre inverse (DESC).

## **Création et Mises à jour avec SQL**

## Valeurs NULL, par défaut (\*)

- **Valeur NULL pour un attribut:** valeur spéciale qui représente une information inconnue (manquante, non fournie)
- attention ce n'est ni zéro, ni chaîne vide
- pour forcer un attribut à toujours avoir une valeur, option *default*, exemple: default "manquant": si l'attribut n'a pas de valeur fournie, on la force à "manquant"



## La valeur NULL (\*)

1.  $A \theta B$  est inconnu (ni vrai, ni faux) si la valeur de  $A$  ou/et  $B$  est NULL ( $\theta$  est l'un de  $=, <, \leq, >, \geq, \neq$ ).
2.  $A \text{ op } B$  est NULL si la valeur de  $A$  ou/et  $B$  est NULL ( $\text{op}$  est l'un de  $+, -, *, /$ ).

## Trois Valeurs de Vérité (\*)

Trois valeurs de vérité: vrai, faux et **inconnu**

1. vrai AND inconnu = inconnu
2. faux AND inconnu = faux
3. inconnu AND inconnu = inconnu
4. vrai OR inconnu = vrai
5. faux OR inconnu = inconnu
6. inconnu OR inconnu = inconnu
7. NOT inconnu = inconnu

Soit le schéma de relation **FOURNISSEUR**(FNOM,STATUT,VILLE)

REQUÊTE: *Les Fournisseurs de Paris.*

SQL:

```
SELECT FNOM
FROM   FOURNISSEUR
WHERE  VILLE = 'Paris'
```

On ne trouve pas les fournisseurs avec VILLE = NULL !

Soit le schéma de relation **FOURNISSEUR**(FNOM,STATUT,VILLE)

REQUÊTE: *Fournisseurs dont l'adresse est inconnu.*

SQL:

```
SELECT FNOM
FROM FOURNISSEUR
WHERE VILLE IS NULL
```

**NOTE:** Le prédicat IS NULL (ou IS NOT NULL) n'est pas exprimable en algèbre relationnelle.

## Exemple (\*)

Soit le schéma de relation **EMPLOYE**(EMPNO,ENOM,DEPNO,SAL)

SQL:

```
SELECT E1.ENOM
      FROM EMPLOYE E1, EMPLOYE E2
     WHERE E1.SAL > 20000 OR
           E1.SAL <= 20000
```

*Est-ce qu'on trouve les noms de tous les employés s'il y a des employés avec un salaire inconnu ?*

## Contraintes

Contraintes que l'on peut exprimer lors de la création de tables et que le système peut maintenir:

1. **NOT NULL**: un attribut doit toujours avoir une valeur
2. **PRIMARY KEY**: un (groupe d') attribut(s) constitue(nt) la clé primaire
3. **UNIQUE** un (groupe d') attribut(s) constitue(nt) une clé (secondaire).
4. **FOREIGN KEY (A) REFERENCES R** L'attribut A est la clé primaire de la table R (clé étrangère).
5. **CHECK**: contrainte sur la valeur

## Création de Tables

On crée une table avec la commande **CREATE TABLE** :

```
CREATE TABLE Produit(pnom VARCHAR(20),  
                    prix INTEGER,  
                    PRIMARY KEY (pnom));
```

```
CREATE TABLE Fournisseur(fnom VARCHAR(20) PRIMARY KEY,  
                        ville VARCHAR(16));
```

```
CREATE TABLE Fourniture (pnom VARCHAR(20) NOT NULL,  
                        fnom VARCHAR(20) NOT NULL,  
                        FOREIGN KEY (pnom) REFERENCES Produit,  
                        FOREIGN KEY (fnom) REFERENCES Fournisseur
```

## Création de Tables

```
CREATE TABLE ARTISTE (id INTEGER NOT NULL,  
                        nom VARCHAR(30) NOT NULL,  
                        anneeNaiss INTEGER, default '1900',  
                        CHECK (anneeNaiss BETWEEN 1900 AND 2000),  
                        film VARCHAR (30),  
                        PRIMARY KEY (id),  
                        UNIQUE(nom),  
                        FOREIGN KEY (film) REFERENCES FILM)  
  
CREATE TABLE FILM (idfilm VARCHAR (30) NOT NULL, ...)
```



## Intégrité référentielle

Le système vérifie les contraintes d'intégrité référentielle. Ses réactions dépendent des options choisies lors de la création des tables, par exemple:

1. si on insère un artiste avec l'attribut film renseigné, le film doit exister dans la table Film
2. si un film est supprimé dans la relation FILM, les nuplets qui réfèrent ce film dans la table ARTISTE ont l'attribut film mis à **NULL** (option *ON DELETE SET NULL*).
3. répercute une maj de l'id faite dans FILM, dans les nuplets qui réfèrent ce film dans ARTISTE (option *ON UPDATE CASCADE*).

## **Destruction de Tables**

On détruit une table avec la commande **DROP TABLE** :

```
DROP TABLE Fourniture;
```

```
DROP TABLE Produit;
```

```
DROP TABLE Fournisseur;
```

## Insertion de n-uplets

On insère dans une table avec la commande **INSERT** dont voici la syntaxe.

**INSERT INTO**  $R(A_1, A_2, \dots, A_n)$  **VALUES**  $(v_1, v_2, \dots, v_n)$

Donc on donne deux listes : celles des attributs (les  $A_i$ ) de la table et celle des valeurs respectives de chaque attribut (les  $v_i$ ).

1. Bien entendu, chaque  $A_i$  doit être un attribut de  $R$
2. Les attributs non-indiqués restent à **NULL** ou à leur valeur par défaut.
3. On doit toujours indiquer une valeur pour un attribut déclaré **NOT NULL**

## Insertion : exemples

Insertion d'une ligne dans *Produit* :

```
INSERT INTO Produit (pnom, prix)  
VALUES ('Ojax', 15)
```

Insertion de deux fournisseurs :

```
INSERT INTO Fournisseur (fnom, ville)  
VALUES ('BHV', 'Paris'), ('Casto', 'Paris')
```

Il est possible d'insérer plusieurs lignes en utilisant **SELECT**

```
INSERT INTO NomsProd (pnom)  
SELECT DISTINCT pnom FROM Produit
```

## Modification

On modifie une table avec la commande **UPDATE** dont voici la syntaxe.

**UPDATE** *R* **SET**  $A_1 = v_1, A_2 = v_2, \dots, A_n = v_n$   
**WHERE** *condition*

Contrairement à **INSERT**, **UPDATE** s'applique à un ensemble de lignes.

1. On énumère les attributs que l'on veut modifier.
2. On indique à chaque fois la nouvelle valeur.
3. La clause **WHERE** *condition* permet de spécifier les lignes auxquelles s'applique la mise à jour. Elle est identique au **WHERE** du **SELECT**

Bien entendu, on ne peut pas violer les contraintes sur la table.

## Modification : exemples

Mise à jour du prix d'Ojax :

```
UPDATE Produit SET prix=17  
WHERE pnom = 'Ojax'
```

Augmenter les prix de tous les produits fournis par BHV par 20% :

```
UPDATE Produit SET prix = prix*1.2  
WHERE pnom in (SELECT pnom  
                FROM Fourniture  
                WHERE fnom = 'BHV')
```

## **Destruction**

On détruit une ou plusieurs lignes dans une table avec la commande **DELETE**

**DELETE FROM** *R*  
**WHERE** *condition*

C'est la plus simple des commandes de mise-à-jour puisque elle s'applique à des lignes et pas à des attributs. Comme précédemment, la clause **WHERE** *condition* est indentique au **WHERE** du **SELECT**

## **Destruction : exemples**

Destruction des produits fournis par le BHV :

```
DELETE FROM Produit  
WHERE pnom in (SELECT pnom  
                FROM Fourniture  
                WHERE fnom = 'BHV')
```

Destruction du BHV :

```
DELETE FROM Fournisseur  
WHERE fnom = 'BHV'
```



## **CALCUL RELATIONNEL**

## Exemple : la base de données CINÉMA

Films	Titre	Metteur en Scene	Acteur
	Jules et Jim	F. Truffaut	J. Moreau
	Jules et Jim	F. Truffaut	O. Werner
	Les Quatre Cent Coups	F. Truffaut	J.P. Leaud
	Metropolis	F. Lang	B. Helm
	Chimes at Midnight	O. Welles	J. Moreau

Lieu	Cinema	Adresse	No-Telephone
	Rex	Bd Poissonniere	42 36 83 93
	Champo	R. des Ecoles	43 54 51 60
	Cinoche	R. de Conde	46 33 10 82

Pariscope	Cinema	Titre	Heure
	Rex	Jules et Jim	18
	Rex	Jules et Jim	20
	Cinoche	Jules et Jim	20
	Champo	Metropolis	18

# Syntaxe

## Symboles

- Constantes: 'F. Truffaut', 'Jules et Jim', 18, ...
- Variables:  $x, y, z, \dots$
- Prédicats: *Movies, Location, \dots*
- Comparateurs arithmétiques:  $=, <, >, <=, \dots$
- Connecteurs logiques :  $\vee, \wedge, \neg$
- Quantificateurs :  $\exists, \forall$
- Parenthèses :  $(, )$

## Formules atomiques (atomes)

- $p(x_1, \dots, x_n)$  est un **atome** où  $p$  est un symbole de prédicat, et  $x_i$ ,  $1 \leq i \leq n$  est soit une *variable*, soit une *constante*.

Exemples de formules atomiques:

- Films('Jules et Jim', 'F.Truffaut', 'J. Moreau')
- Films(x, 'Truffaut', y)

- $x\theta y$  est un **atome** où  $x$  et  $y$  sont soit des variables soit des constantes et  $\theta$  est l'un des 6 comparateurs arithmétiques.

Exemples :  $1 < 3$ ,  $x < y$ ,  $x < 8$

- Toutes les occurrences de variables apparaissant dans une formule atomique sont dites **LIBRES**

## Formules bien formées

- si  $F(x_1, \dots, x_n)$  est une **formule** avec  $x_i$  parmi ses variables libres, alors  $(\exists x_i)F$  et  $(\forall x_i)F$  sont des **formules**. Toutes les occurrences de  $x_i$  dans  $F$  sont alors dites *LIÉES*. Exemples:
  - $F1 : (\exists x)(x < 3)$
  - $F2 : (\forall x)(x < 3)$
  - $F3(y) : (\exists x)(x < y)$
- si  $F1$  et  $F2$  sont des **formules**, alors  $F1 \vee F2$ ,  $F1 \wedge F2$  et  $\neg F1$  sont des **formules** (les occurrences de variables de ces nouvelles formules sont libres ou liées si elles le sont dans  $F1$ ,  $F2$ ). Exemples:
  - $F4(x) : (x \leq 3) \vee (x > 5)$
  - $F5 : (\exists x)(x < 3 \wedge x > 5)$
- si  $F$  est une **formule**, alors  $(F)$  est une **formule**;

## Formes Abrégés

- Formes abrégées de quantificateurs:
  1.  $\exists x_1, x_2, \dots, x_n$  est une abréviation de  $\exists x_1 \exists x_2 \dots \exists x_n$ ,
  2.  $\forall x_1, x_2, \dots, x_n$  est une abréviation de  $\forall x_1 \forall x_2 \dots \forall x_n$ .
- Ordre de précedence (priorité) entre les connecteurs et quantificateurs (du plus au moins prioritaire):
  1.  $\neg, \forall, \exists$ ,
  2.  $\wedge$ ,
  3.  $\vee$ .

Par exemple,  $(\forall x) \neg p(x, y) \vee q(y) \wedge r(z)$  est compris comme

$$((\forall x)(\neg p(x, y))) \vee (q(y) \wedge r(z)).$$



## **Sémantique**

## Interprétation : Atomes sans variables libres

- L'atome  $p(c_1, \dots, c_n)$  où  $p$  est un symbole de prédicat et où tous les  $c_i$ ,  $1 \leq i \leq n$ , sont des constantes, est *vrai* ssi  $[c_1, \dots, c_n]$  est un  $n$ -uplet de la relation  $p$  dans la base de données.

Exemple :  $Film('Jules et Jim', 'Truffaut', 'Moreau')$  est vrai ssi  $['Jules et Jim', 'Truffaut', 'Moreau']$  est un  $n$ -uplet dans la table *Film*.

- L'interprétation de  $c\theta c'$  est "naturelle". Par exemple  $1 < 5$  est vrai.

## Interprétation: Quantification Existentielle

- $(\exists x)F(x)$  est vraie s'il existe une *instanciation de  $x$*  – on remplace  $x$  par une constante  $c$  – telle que  $F(c)$  devient vraie (on remplace toutes les occurrences de  $x$  dans  $F$  par la constante  $c$ ).

Par exemple  $(\exists x)Films(x, 'Truffaut', 'Moreau')$  est vraie s'il existe un film  $f$  avec J. Moreau et dirigé par Truffaut (dans la base de données).

## Interprétation: Connecteurs logiques

- L'interprétation de  $F1 \vee F2$ ,  $\neg F$ , ... est habituelle.

Par exemple  $F1 \vee F2$  est vraie si  $F1$  est vraie *ou*  $F2$  est vraie.

**Remarque:** La disjonction et la quantification peuvent être exprimées en utilisant la conjonction et la négation.

Algèbre de Bool et Théorème de Morgan:

1.  $F \wedge \neg F$  est toujours faux, ...
2.  $F1 \vee (F2 \wedge F3) \equiv (F1 \vee F2) \wedge (F1 \vee F3)$
3.  $F1 \vee F2 \equiv \neg(\neg F1 \wedge \neg F2)$
4.  $(\forall x)F \equiv (\neg \exists x)\neg F$

## Requêtes

**Requête** : Une requête est une expression  $\{x_1, x_2, \dots, x_n \mid F\}$  où  $F(x_1, x_2, \dots, x_n)$  est une formule avec les variables libres  $x_1, x_2, \dots, x_n$ .

### Exemples de Requêtes :

- $\{x \mid x < 3\}$
- $\{x \mid \text{Film}('Jules et Jim', 'Truffaut', x)\}$
- $\{x \mid (\exists y) \text{Film}(y, 'Truffaut', x)\}$

**Interprétation** : le **résultat** de cette requête est l'ensemble des  $n$ -uplets  $[a_1, a_2, \dots, a_n]$  tels que  $F(a_1, a_2, \dots, a_n)$  est vraie.

- $\{x \mid \text{Film}('Jules et Jim', 'Truffaut', x)\}$  retourne tous les acteurs du film 'Jules et Jim' de Truffaut.
- $\{x \mid (\exists y) \text{Film}(y, 'Truffaut', x)\}$  retourne tous les acteurs qui ont tourné avec Truffaut.

## Algèbre relationnelle et Calcul relationnel

**Théorème 1** : Toute requête exprimable dans l'algèbre relationnelle est exprimable dans le calcul relationnel.

**Formule saine** : Formule dont le résultat est fini (le nb de  $n$ -uplets qui satisfont la formule est fini).

Exemple de formule non saine :  $\{x, y | \neg p(x, y)\}$ . Le résultat contient tous les nuplets qui ne sont pas dans la relation  $p$ .

**Théorème 2** : Toute requête du calcul relationnel sain est exprimable en algèbre relationnelle.

**Conclusion** : L'algèbre relationnelle et le calcul relationnel sain ont *le même pouvoir d'expression*.

## Calcul relationnel domaine/ $n$ -uplet

Le calcul relationnel précédent est appelé **calcul relationnel domaine**.

Pour obtenir le **calcul relationnel  $n$ -uplet**, on remplace :

- $x_1, x_2, \dots, x_n$  (où  $x_i$  est une variable domaine) par la variable  $n$ -uplet  $t$ .
- L'attribut  $A$  de rang  $i$  ( $x_i$  dans le calcul domaine) est noté  $t.A$  (voir exemples ci-dessous).

**Theorème 3** : Le calcul relationnel  $n$ -uplet sain a le même pouvoir d'expression que l'algèbre relationnelle.

## Quelques Requêtes

1. Qui dirige Metropolis?
2. Adresse et numéro de téléphone du Studio?
3. Salles où on peut voir un film de Truffaut?
4. Adresses des cinémas montrant un film de Truffaut?
5. Quels films de Truffaut ne passent pas en ce moment?



## Requête 1: Qui a dirigé le film Metropolis ?

### SQL

```
select Metteur-en-Scene
   from Films
  where Titre = 'Metropolis';
```

### Calcul relationnel $n$ -uplet

$$\{x.Metteur\_en\_Scene \mid Films(x) \wedge x.Titre = 'Metropolis'\}$$

### Calcul relationnel domaine

$$\{d \mid (\exists x) Films('Metropolis', d, x)\}$$

## Requête 2: Adresse et numéro de téléphone du Studio ?

### Calcul relationnel $n$ -uplet

$$\{x.Adresse, x.Numero\_Tel \mid Lieu(x) \wedge x.Cinema = 'Studio'\}$$

### Calcul relationnel domaine

$$\{ad, ph \mid Lieu('Studio', ad, ph)\}$$

### Requête 3: Salles où on peut voir un film de Truffaut ?

#### Calcul relationnel $n$ -uplet

$$\{x.Cinema \mid (\exists y)(Pariscope(x) \wedge Films(y) \wedge \\ x.Titre = y.Titre \wedge \\ y.Metteur\_en\_Scene = 'Truffaut')\}$$

#### Calcul relationnel domaine

$$\{s \mid (\exists hor, act, titre)(Pariscope(s, titre, hor) \wedge \\ Films(titre, 'Truffaut', act))\}$$

## Requête 4: Adresses des cinémas montrant un Truffaut ?

### SQL

```
select L.Adresse
  from Films F, Lieu L, Pariscope P
 where F.Metteur-en-Scene = 'Truffaut'
    and P.Titre = F.Titre
    and L.Cinema = P.Cinema;
```

### Calcul relationnel $n$ -uplet

$$\{z.Adresse \mid (\exists x, y)(Films(x) \wedge Pariscope(y) \wedge Lieu(z) \wedge$$
$$x.Metteur\_en\_Scene = 'Truffaut' \wedge$$
$$x.Titre = y.Titre \wedge y.Cinema = z.Cinema)\}$$

## Requête 4: Adresses des cinémas montrant un Truffaut ?

### Calcul relationnel domaine

$$\{a \mid (\exists t, cine, s, teleph, act)(Films(t, "Truffaut", act) \wedge Pariscope(cine, t, s) \wedge Lieu(cine, a, teleph))\}$$

## Requête 5: Quels films de Truffaut ne passent pas au cinéma?

### SQL

```
select Titre
  from Films F
 where F.Metteur en Scene = 'Truffaut'
       and not exists ( select *
                        from Pariscope P
                        where P.Titre = F.Titre )
```

### Calcul relationnel $n$ -uplet

$$\{x.Titre \mid (Films(x) \wedge x.Metteur\_en\_Scene = 'Truffaut') \wedge (\neg \exists y)(Pariscoppe(y) \wedge y.Titre = x.Titre)\}$$

## Requête 5: Quels films de Truffaut ne passent pas au cinéma?

### Calcul relationnel domaine

$$\{x \mid (\exists y) Films(x, "Truffaut", y) \wedge (\neg \exists z, w) Pariscope(z, x, w)\}$$

ou

$$\{x \mid (\exists y) Films(x, "Truffaut", y) \wedge (\forall z, w) \neg Pariscope(z, x, w)\}$$

# **ORGANISATION PHYSIQUE DES DONNEES**



## **Organisation des données en mémoire secondaire**

1. Le disque est divisé en **blocs physiques** (ou **pages**) de tailles égales.
2. Accès à un bloc par son adresse (par exemple le numéro de cylindre + le numéro de secteur + le numéro de face).
3. Le bloc est l'unité d'échange entre la mémoire secondaire et la mémoire principale

## Les fichiers

Les données sont stockées dans des **fichiers** :

- Un fichier occupe un ou plusieurs blocs sur un disque.
- L'accès aux fichiers est géré par un logiciel spécifique : le Système de Gestion de Fichiers (SGF).
- Un fichier est caractérisé par son nom.
- Enfin un fichier est un ensemble **d'articles**.

## Les articles

Un article est une séquence de **champs**.

### 1. **Articles en format fixe.**

- (a) La taille de chaque champ est fixée
- (b) Taille et nom des champs dans le **descripteur** de fichier.

### 2. **Articles en format variable.**

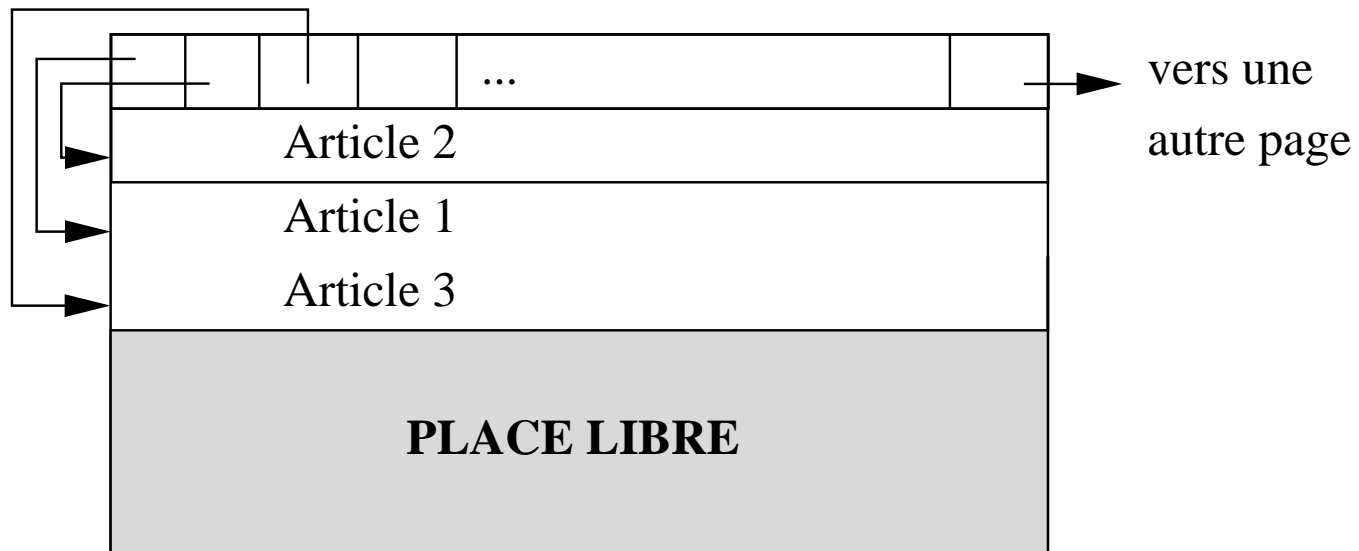
- (a) La taille de chaque champ est variable.
- (b) L'en tête du champ donne la taille réelle

## Articles et pages

L'adresse d'un article est constituée de

1. L'adresse de la page dans laquelle il se trouve.
2. Un entier : indice d'une table  
placée en début de page qui contient l'adresse  
réelle de l'article dans la page.

## Structure interne d'une page



## **Opérations sur les fichiers**

- 1. Insérer un article.**
- 2. Modifier un article**
- 3. Détruire un article**
- 4. Rechercher un ou plusieurs article(s)**
  - Par adresse
  - Par valeur d'un ou plusieurs champs.

**Hypothèse:** Le **coût** d'une opération est surtout fonction du **nombre d'E/S** (nb de pages)

## **Organisation de fichiers**

**L'organisation d'un fichier est caractérisée  
par le mode de répartition des articles dans les pages**

Il existe trois organisations principales :

1. Fichiers séquentiels
2. Fichiers indexés (séquentiels indexés et arbres-B)
3. Hachage

## Exemple de référence

Organisation d'un fichier contenant les articles suivants :

*Vertigo 1958*

*Brazil 1984*

*Twin Peaks 1990*

*Underground 1995*

*Easy Rider 1969*

*Psychose 1960*

*Greystoke 1984*

*Shining 1980*

*Annie Hall 1977*

*Jurassic Park 1992*

*Metropolis 1926*

*Manhattan 1979*

*Reservoir Dogs 1992*

*Impitoyable 1992*

*Casablanca 1942*

*Smoke 1995*



## Organisation séquentielle

- **Insertion** : les articles sont stockés séquentiellement dans les pages au fur et à mesure de leur création.
- **Recherche** : le fichier est parcouru séquentiellement.
- **Destruction** : recherche, puis destruction (par marquage d'un bit par exemple).
- **Modification** : recherche, puis réécriture.

## Coût des opérations

Nombre moyen de lectures/écritures sur disque,

Fichier de  $n$  pages.

- **Recherche** :  $\frac{n}{2}$ . On parcourt en moyenne la moitié du fichier.
- **Insertion** :  $1 + 1 = 2$  ( $n + 1$  si on vérifie que l'article n'existe pas avant d'écrire).
- **Destruction et mises-à-jour** :  
 $\frac{n}{2} + 1$ .

⇒ organisation utilisée pour les fichiers de petite taille.

## Fichiers séquentiels triés

Lorsque la recherche est faite par valeur d'un champ, celui-ci est appelé **clé d'accès**.

Si le fichier est **trié** sur sa clé d'accès, on peut effectuer une recherche par **dichotomie** :

1. On lit la page qui est “au milieu” du fichier.
2. Selon la valeur de la clé du premier enregistrement de cette page, on sait si l'article cherché est “avant” ou “après”.
3. On recommence avec le demi-fichier où se trouve l'article recherché.

Coût de l'opération :  $\log_2(n)$ .

## Ajout d'un index

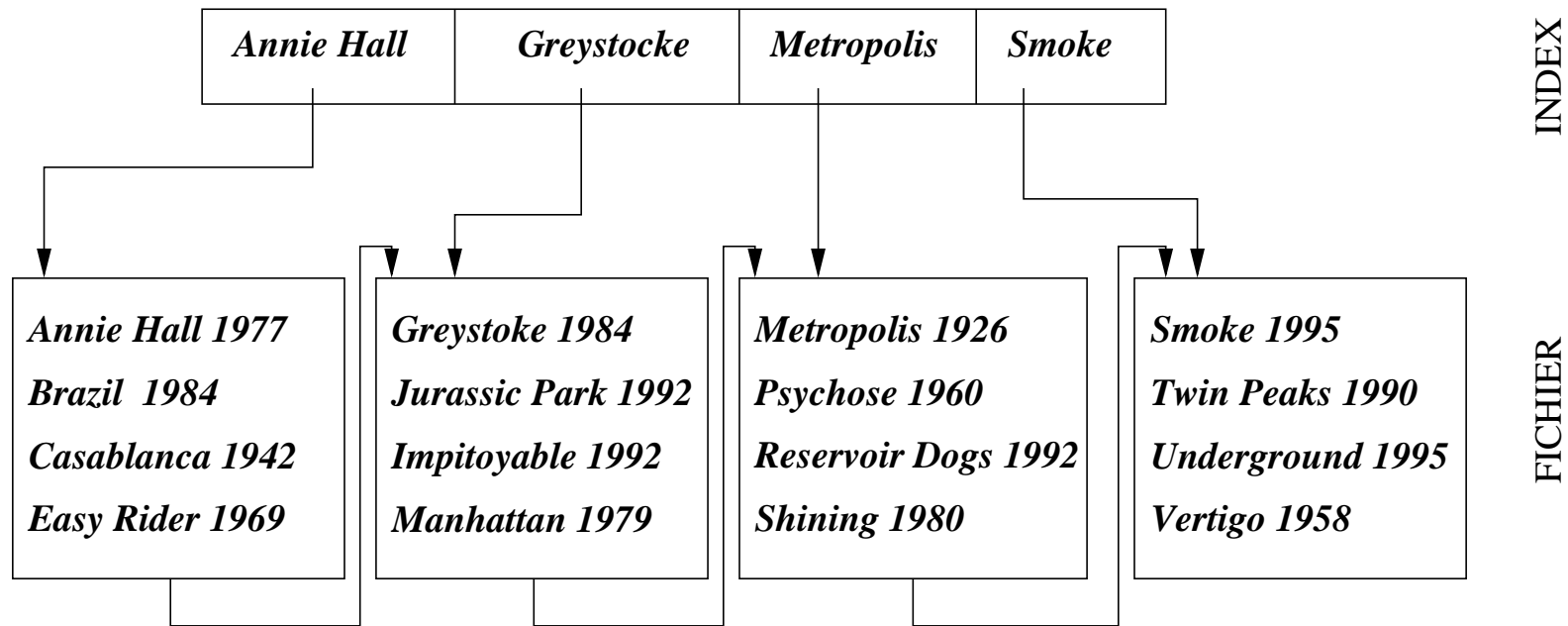
L'opération de recherche peut encore être améliorée en utilisant un **index** sur un fichier **trié**.

Un index est un second fichier possédant les caractéristiques suivantes :

1. Les articles sont des couples (Valeur de clé, Adresse de page)
2. Une occurrence  $(v, b)$  dans un index signifie que le premier article dans la page  $b$  du fichier trié a pour valeur de clé  $v$ .

L'index est lui-même **trié** sur la valeur de clé.

## Exemple



## Recherche avec un index

Chercher l'article dont la valeur de clé est  $v_1$ .

1. On recherche dans l'index (séquentiellement ou - mieux - par dichotomie) la plus grande valeur  $v_2$  telle que  $v_2 < v_1$ .
2. On lit la page désignée par l'adresse associée à  $v_2$  dans l'index.
3. On cherche séquentiellement les articles de clé  $v_1$  dans cette page.

## Coût d'une recherche avec ou sans index

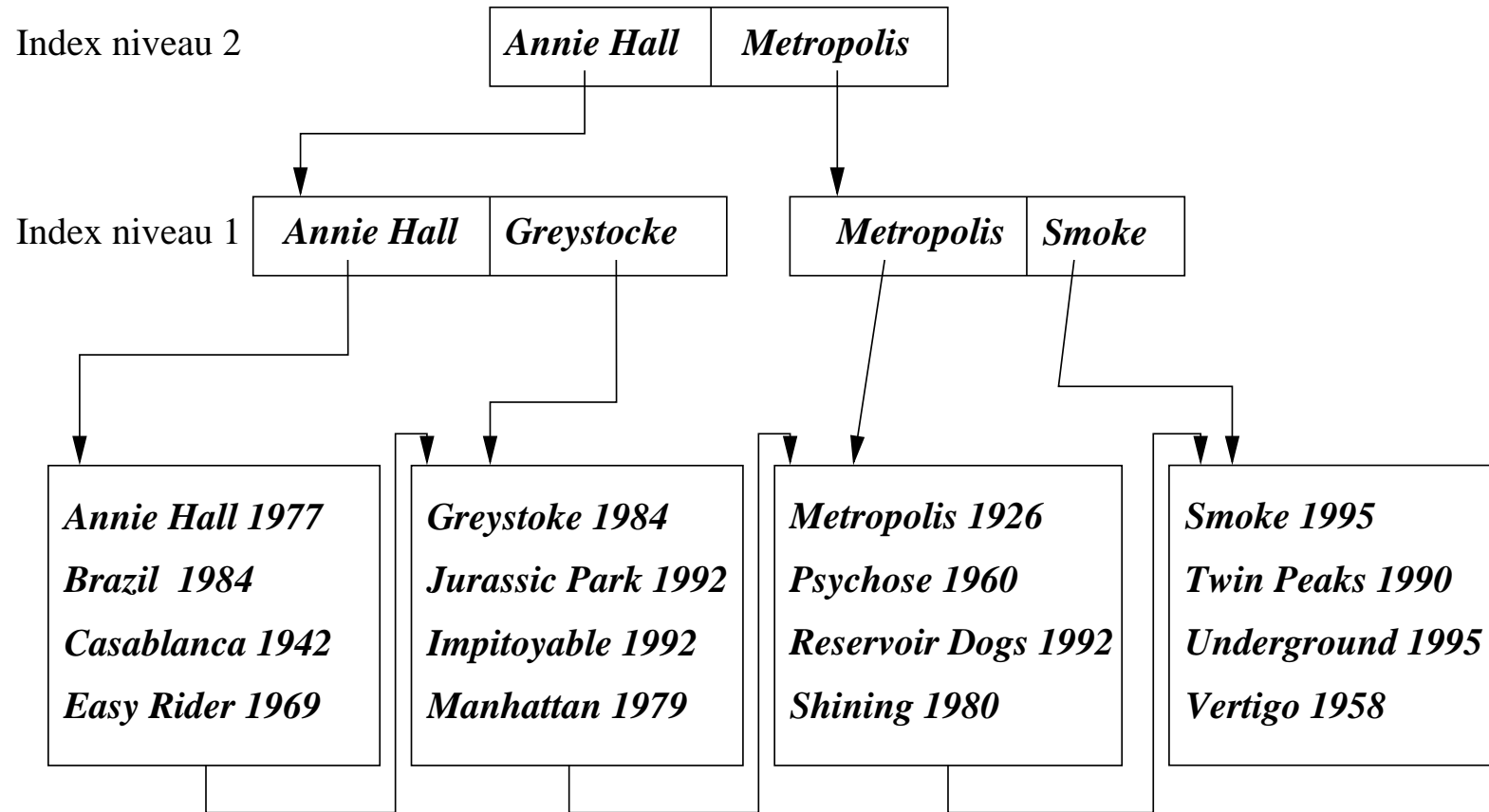
Soit un fichier  $F$  contenant 1000 pages. On suppose qu'une page d'index contient 100 entrées, et que l'index occupe donc 10 pages.

- $F$  non trié et non indexé. Recherche séquentielle : **500 pages**.
- $F$  trié et non indexé. Recherche dichotomique :  $\log_2(1000)=$ **10 pages**
- $F$  trié et indexé. Recherche dichotomique sur l'index, puis lecture d'une page :  $\log_2(10) + 1=$ **5 pages**

## Séquentiel indexé

1. Un index est un fichier : on peut lui-même l'indexer :
2. On obtient un index à plusieurs niveaux sur la clé.
3. C'est un **arbre** dont les feuilles constituent le fichier et les noeuds internes l'index.





## **Index dense et index non dense**

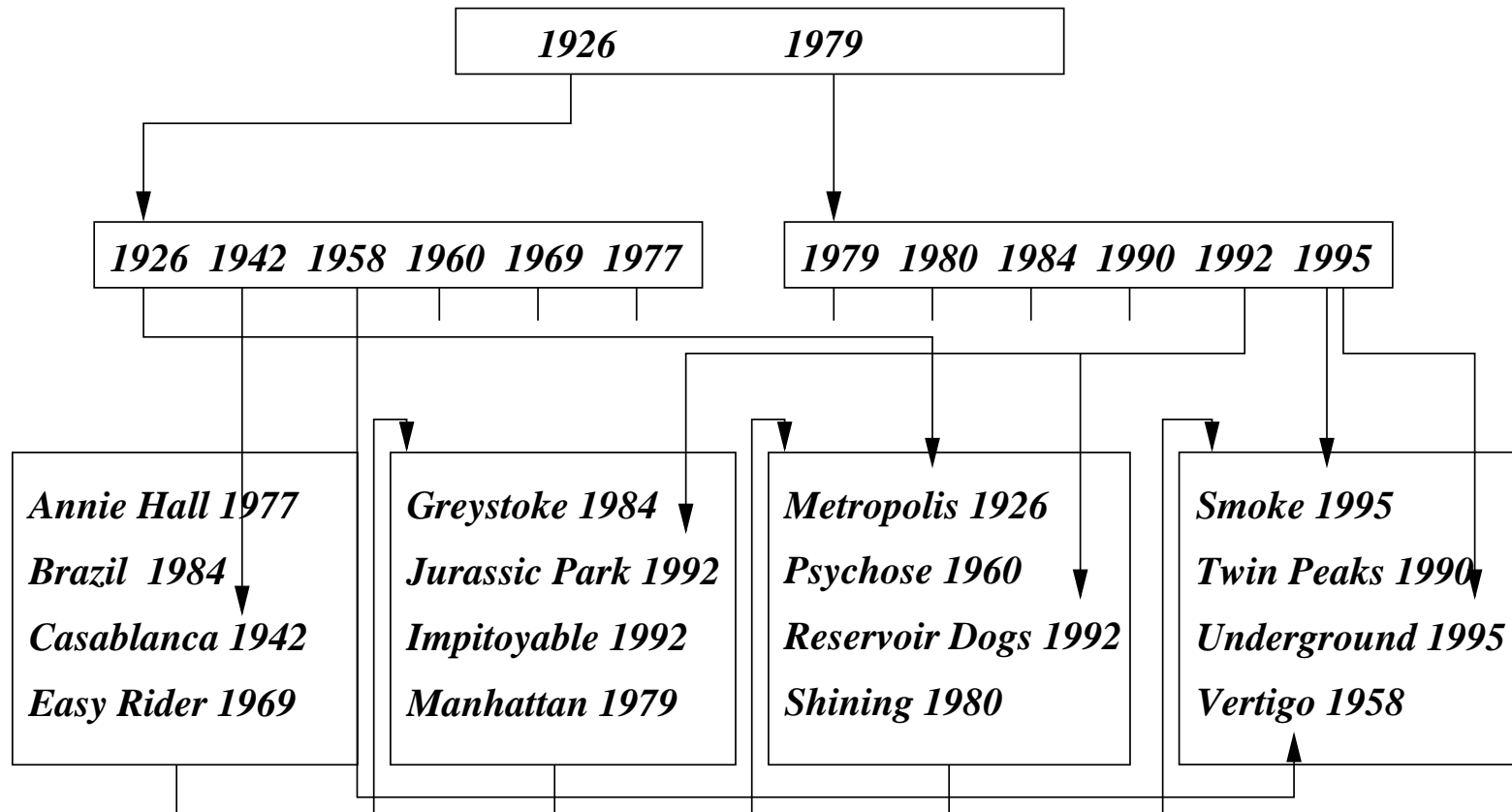
L'index ci-dessus est **non dense** : une **seule valeur de clé** dans l'index pour l'ensemble des articles du fichier indexé  $F$  situés dans une même page.

Un index est **dense** ssi il existe une valeur de clé dans l'index pour chaque article dans le fichier  $F$ .

Remarques :

1. On ne peut créer un index non-dense que sur un fichier trié (et un seul index non-dense par fichier).
2. Un index non-dense est beaucoup moins volumineux qu'un index dense.

## Exemple d'index dense



## Autres opérations : insertion

Etant donné un article  $A$  de clé  $v_1$ , on effectue d'abord une recherche pour savoir dans quelle page  $p$  il doit être placé. Deux cas de figure :

1. Il y a une place libre dans  $p$ . Dans ce cas on réorganise le contenu de  $p$  pour placer  $A$  à la bonne place.
2. Il n'y a plus de place dans  $p$ . On crée une **page de débordement**.

Exercice: montrer l'index non dense précédent après l'insertion de [Insomnia, 2002], [L'homme sans passé, 2002], [Le Destin fabuleux..., 2001], [L'auberge espagnole, 2002], [Jonathan aura 25 ans en l'an 2000, 1975].

## **Autres opérations : destructions et mises-à-jour**

Relativement facile en général :

1. On recherche l'article.
2. On applique l'opération.

⇒ on peut avoir à réorganiser le fichier et/ou l'index, ce qui peut être couteux.

## **Inconvénients du séquentiel indexé**

Organisation bien adaptée aux fichiers qui évoluent peu. En cas de grossissement :

1. Une page est trop pleine → on crée une page de débordement.
2. On peut aboutir à des chaînes de débordement importantes pour certaines pages.
3. Le temps de réponse peut se dégrader et dépend de l'article recherché

⇒ on a besoin d'une structure permettant une réorganisation dynamique sans dégradation de performances.

## Arbres-B

Un arbre-B (pour *balanced tree* ou **arbre équilibré**)

est une structure arborescente dans laquelle tous les chemins de la racine aux feuilles ont même longueur.

Si le fichier grossit : la hiérarchie grossit **par le haut**.

L'arbre-B est utilisé dans **tous** les SGBD relationnels (avec des variantes).

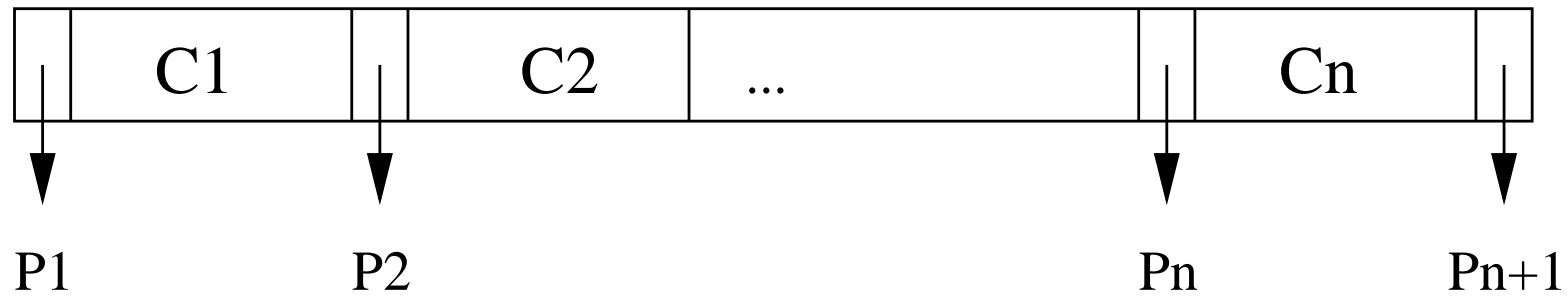
## Arbre-B : définition

Un arbre-B **d'ordre  $k$**  est un arbre équilibré tel que :

1. Chaque noeud est une page contenant au moins  $k$  et au plus  $2k$  articles,  $k \in \mathbb{N}$ .
2. Les articles dans un noeud sont triés sur la clé.
3. Chaque “père” est un index pour l'ensemble de ses fils.
4. Chaque noeud contenant  $n$  articles a  $n + 1$  fils.
5. La racine a 0 ou au moins deux fils.

On décrit la variante appelée **arbre B+**



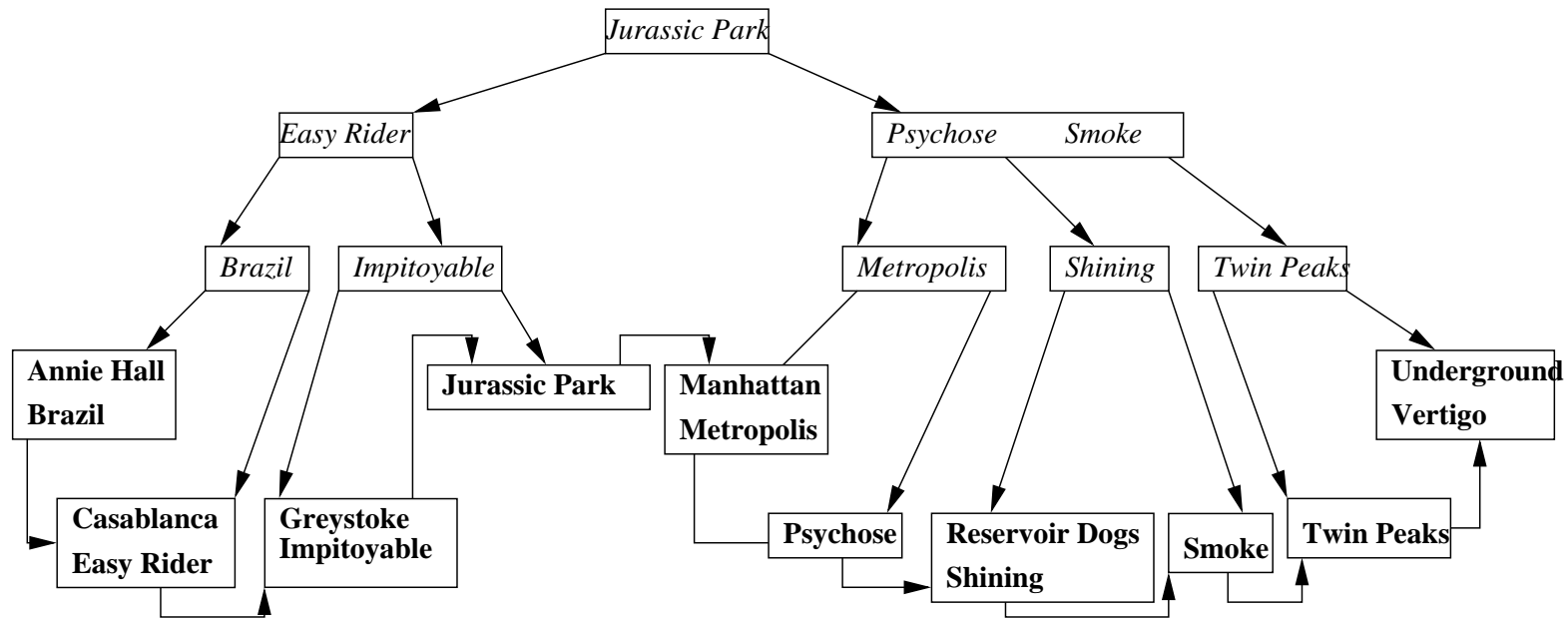
**Structure d'un noeud dans un arbre-B d'ordre  $k$** 

Les  $C_i$  sont les clés des articles. Les

$P_i$  sont les pointeurs vers les noeuds fils dans l'index. NB :

$k \leq n \leq 2k$ .

## Exemple d'arbre-B



## L'arbre B

- Les feuilles de l'arbre contiennent des couples [valeur de clé, adresse d'article dans le fichier indexé par l'arbre]
- Les feuilles sont chaînées entre elles

## Recherche dans un arbre-B

Rechercher les articles de clé  $C$ .

A partir de la racine, appliquer récursivement

l'algorithme suivant :

Soit  $C_1, \dots, C_n$  les valeurs de clés de la page courante.

1. Si  $C \leq C_1$  (ou  $C > C_n$ ), on continue la recherche avec le noeud référencé par  $P_1$  (ou  $P_{n+1}$ ).
2. Sinon, il existe  $i \in [1, k[$  tel que  $C_i < C \leq C_{i+1}$ , on continue avec la page référencée par le pointeur  $P_{i+1}$ .

## Insertion dans un arbre-B d'ordre $k$

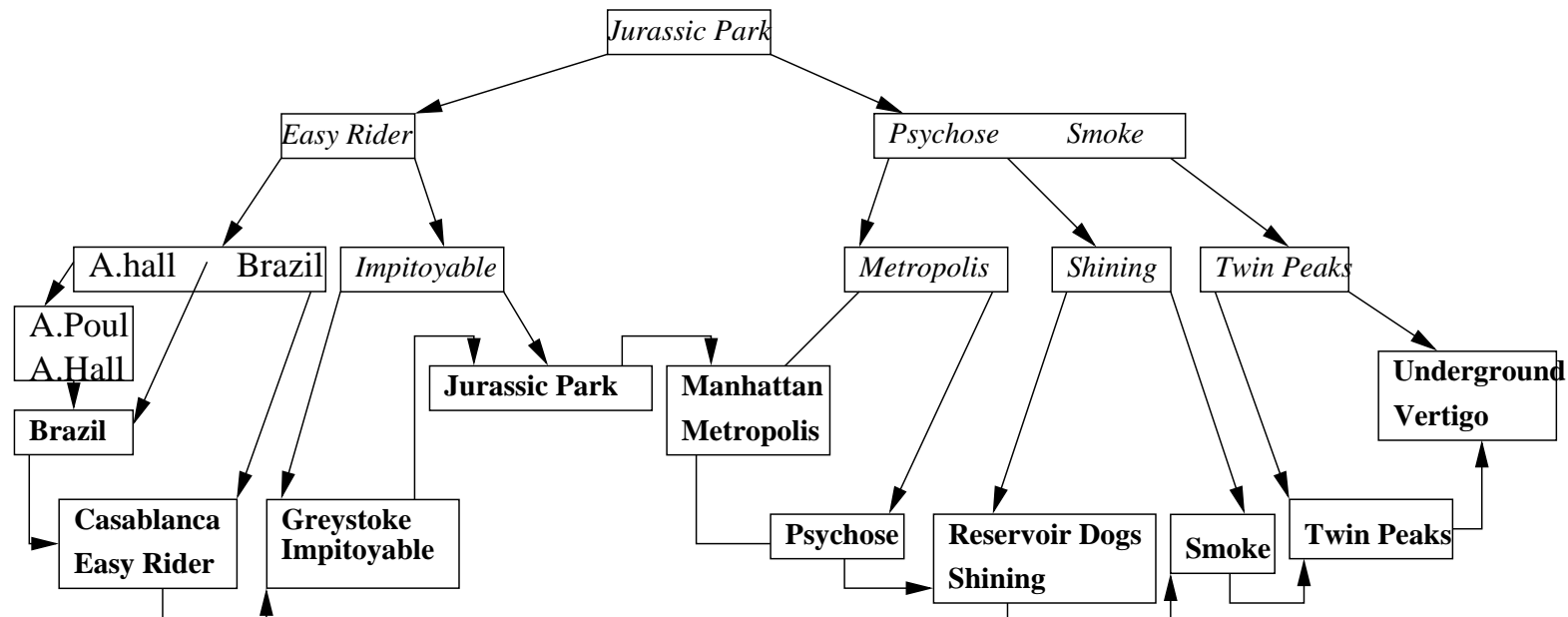
On recherche la feuille de l'arbre où le couple (clé, adresse) doit prendre place:

1. On l'y insère. Si la page  $p$  déborde (elle contient  $2k + 1$  éléments) : on alloue une nouvelle page  $p'$ .
2. On place les  $k + 1$  premiers articles (ordonnés selon la clé) dans  $p$  et les  $k$  derniers dans  $p'$ .
3. On insère le  $k + 1^e$  article dans le père de  $p$ . Son pointeur gauche référence  $p$ , et son pointeur droit référence  $p'$ .
4. Si le père déborde à son tour, on continue comme en 1 (sauf qu'en 2 on ne place que les  $k$  premiers articles dans  $p$  et non les  $k+1$ ).

Exercice: insérer Amélie Poulain et Citizen Kane

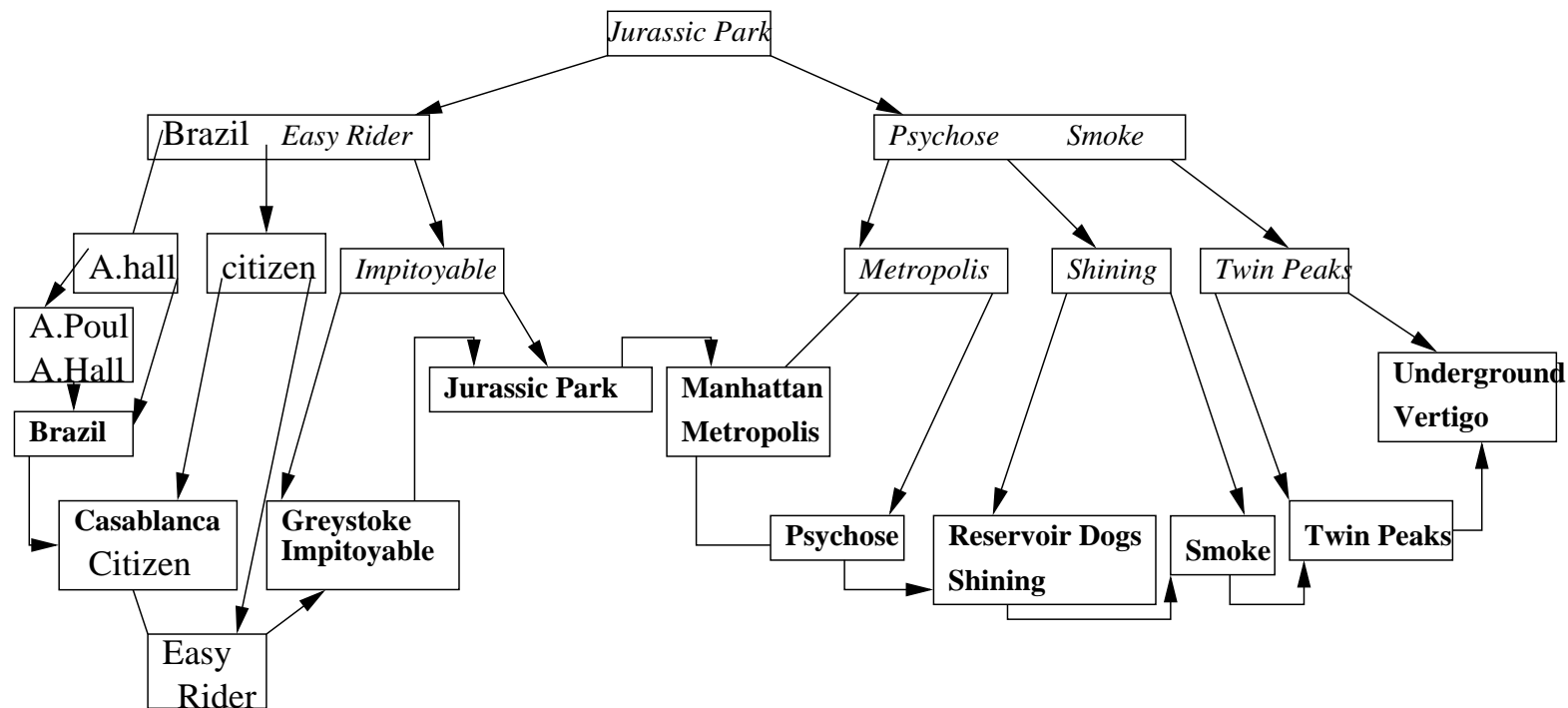
## Après insertion d'Amélie Poulain

En cas d'éclatement d'une feuille (page pleine  $2n$  entrées): l'ancienne feuille contient les  $n+1$  premières entrées, la nouvelle feuille les  $n$  dernières, la  $n+1$ e (celle du milieu) est insérée dans le père: la  $n+1$ e entrée se retrouve à la fois dans la feuille et dans le père



## Après insertion de Citizen Kane

En cas d'éclatement d'un noeud interne (page pleine  $2n$  entrées): l'ancien noeud contient les  $n$  premières entrées, le nouveau noeud les  $n$  dernières, la  $n+1$ e (celle du milieu) est insérée dans le père.





## Quelques mesures pour l'arbre-B

Hauteur  $h$  d'un arbre-B d'ordre  $k$  contenant  $n$  articles :

$$\log_{2k+1}(n+1) \leq h \leq \log_{k+1}\left(\frac{n+1}{2}\right)$$

Exemple pour  $k = 100$  :

1. si  $h = 3$ ,  $n \leq 8 \times 10^6$
2. si  $h = 4$ ,  $n \leq 1,6 \times 10^9$

Les opérations d'accès coûtent au maximum  $h$  E/S.

## Hachage

Accès direct à la page contenant l'article recherché :

1. On estime le nombre  $N$  de pages qu'il faut allouer au fichier.
2. **fonction de hachage**  $H$  : à toute valeur de la clé de domaine  $V$  associe un nombre entre 0 et  $N - 1$ .

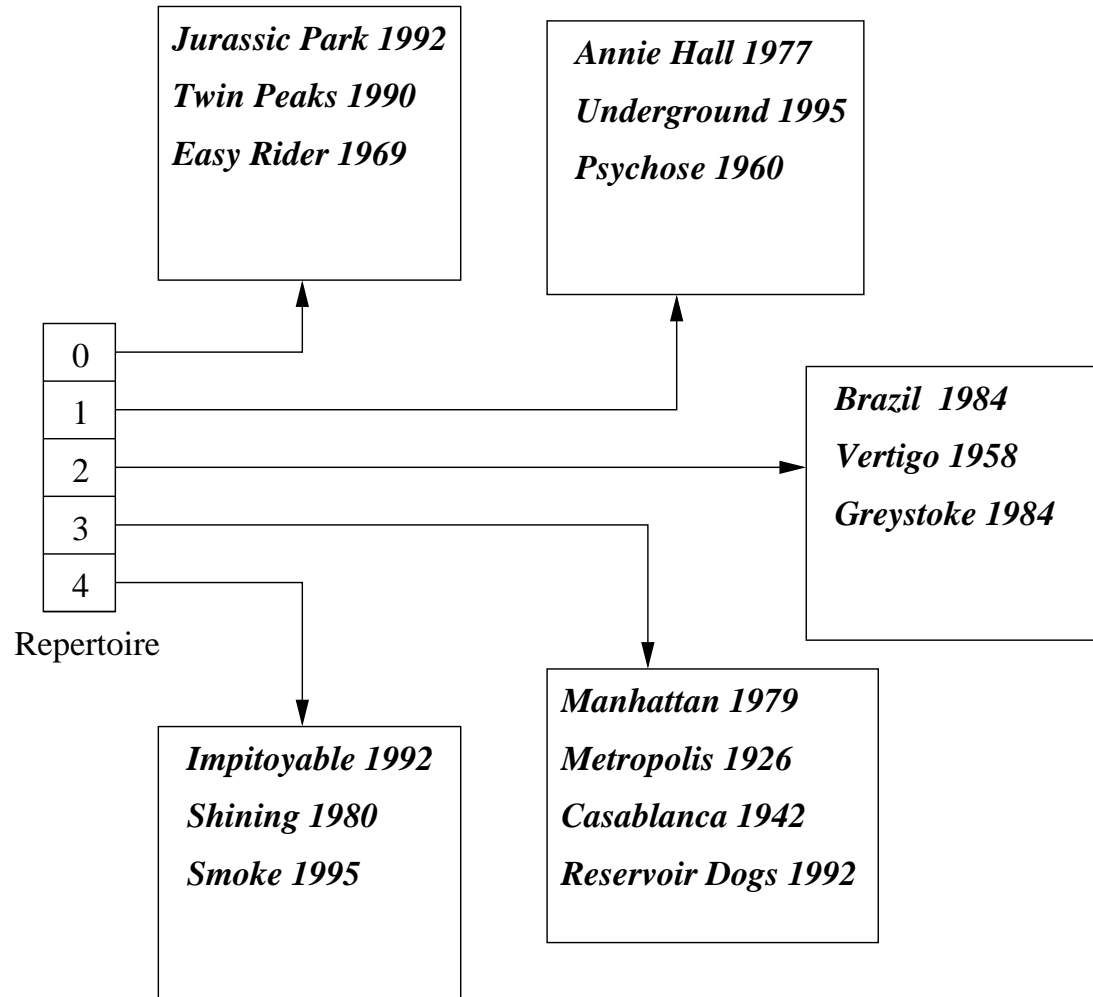
$$H : V \rightarrow \{0, 1, \dots, N - 1\}$$

3. On range dans la page de numéro  $i$  tous les articles dont la clé  $c$  est telle que  $H(c) = i$ .

## Exemple : hachage sur le fichier *Films*

On suppose qu'une page contient 4 articles :

1. On alloue 5 pages au fichier.
2. On utilise une fonction de hachage  $H$  définie comme suit :
  - (a) clé : nom d'un film, on ne s'intéresse qu'à l'initiale de ce nom.
  - (b) On numérote les lettres de l'alphabet de 1 à 26 :  
 $No('a') = 1, No('m') = 13, \text{ etc.}$
  - (c) Si  $l$  est une lettre de l'alphabet,  $H(l) = MODULO(No(l), 5)$ .



## Remarques

1. Le nombre  $H(c) = i$  n'est pas une adresse de page, mais l'indice d'une table ou "répertoire"  $R$ .  $R(i)$  contient l'adresse de la page associée à  $i$
2. si ce répertoire ne tient pas en mémoire centrale, la recherche coûte plus cher.
3. Une propriété essentielle de  $H$  est que la distribution des valeurs obtenues soit uniforme dans  $\{0, \dots, N - 1\}$
4. Quand on alloue un nombre  $N$  de pages, il est préférable de prévoir un remplissage partiel (non uniformité, grossissement du fichier). On a choisi 5 pages alors que 4 (16 articles / 4) auraient suffi.

## Hachage : recherche

Etant donné une valeur de clé  $v$  :

1. On calcule  $i = H(v)$ .
2. On consulte dans la case  $i$  du répertoire l'adresse de la page  $p$ .
3. On lit la page  $p$  et on y recherche l'article.

⇒ **donc une recherche ne coûte qu'une seule lecture.**

## Hachage : insertion

Recherche par  $H(c)$  la page  $p$  où placer  $A$  et l'y insérer.

Si la page  $p$  est pleine, il faut :

1. Allouer une nouvelle page  $p'$  (de débordement).
2. Chaîner  $p'$  à  $p$ .
3. Insérer  $A$  dans  $p'$ .

⇒ lors d'une recherche, il faut donc en fait parcourir

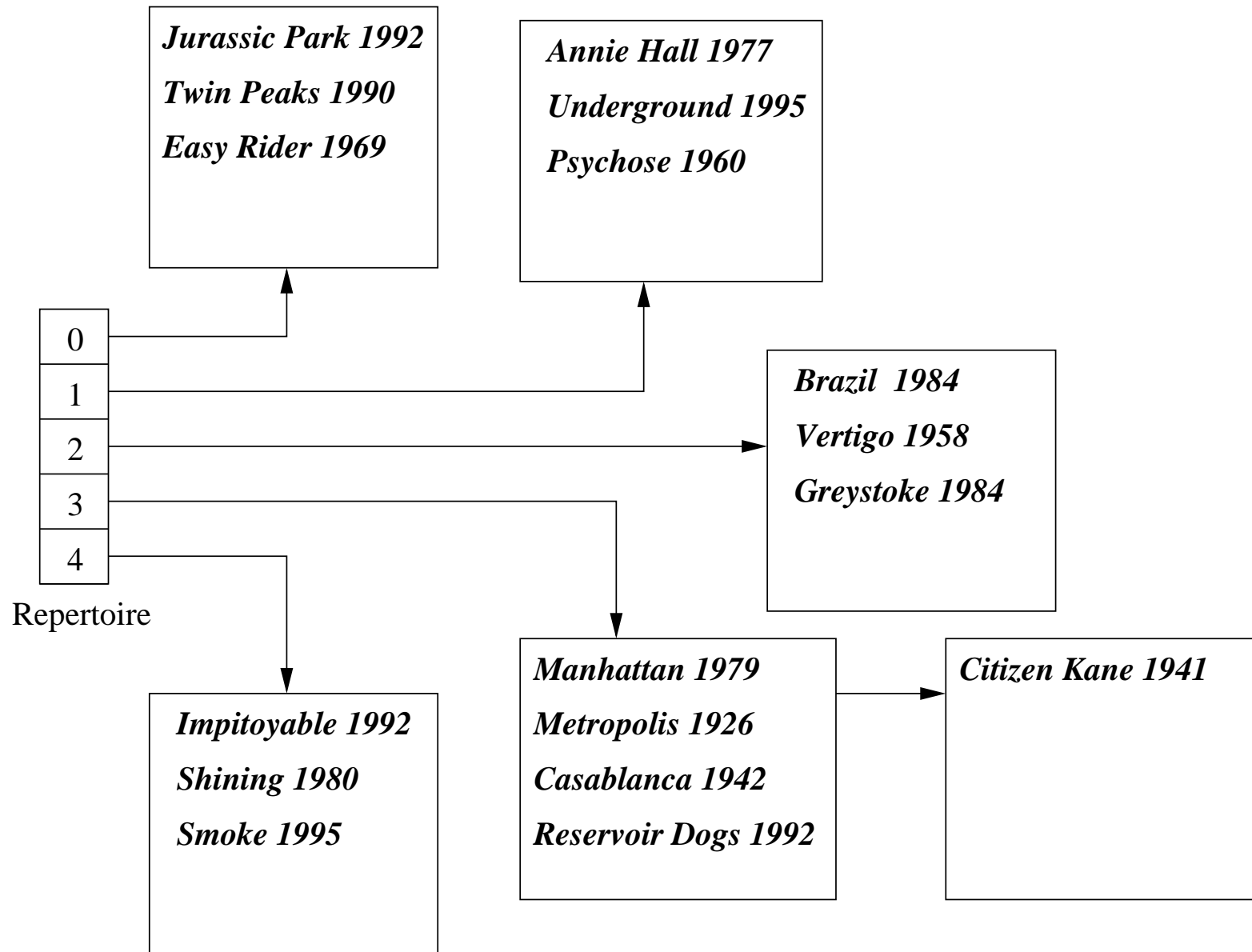
la liste des pages chaînées correspondant à une valeur de

$H(v)$ .

Moins la répartition est uniforme, plus il y aura de débordements







## Hachage : avantages et inconvenients

Interet du hachage :

1. **Très rapide.** Une seule E/S dans le meilleur des cas pour une recherche (répertoire résidant en mémoire)
2. Le hachage, contrairement à un index, **n'occupe aucune place disque.**

En revanche :

1. Il faut penser à réorganiser les fichiers qui évoluent beaucoup.
2. **Les recherches par intervalle sont impossibles.**

## Comparatif

<b>Organisation</b>	<b>Coût</b>	<b>Avantages</b>	<b>Inconvénients</b>
Sequentiel	$\frac{n}{2}$	Simple	Très coûteux !
Indexé	$\log_2(n)$	Efficace Intervalles	Peu évolutive
Arbre-B	$\log_k(n)$	Efficace Intervalles	Traversée
Hachage	1+	Le plus efficace	Intervalles impossibles

# **OPTIMISATION**

## Pourquoi l'optimisation ?

Les langages de requêtes de haut niveau comme SQL sont **déclaratifs**.

L'utilisateur :

1. indique ce qu'il veut obtenir.
2. n'indique pas **comment** l'obtenir.

Donc le système doit faire le reste :

1. Déterminer le (ou les) chemin(s) d'accès aux données, les stratégies d'évaluation de la requête
2. **Choisir la meilleure**. Ou une des meilleures ...

## L'optimisation sur un exemple

Considérons le schéma :

*CINEMA*(*Cinéma, Adresse, Gérant*)

*SALLE*(*Cinéma, NoSalle, Capacité*)

avec les hypothèses :

1. Il y a 300 n-uplets dans *CINEMA*, occupant 30 pages (10 cinémas/page).
2. Il y a 1200 n-uplets dans *SALLE*, occupant 120 pages(10 salles/page).
3. La mémoire centrale (buffer) ne contient qu'une seule page par relation.

## Expression d'une requête

On considère la requête : *Cinémas ayant des salles de plus de 150 places*

En SQL, cette requête s'exprime de la manière suivante :

```
SELECT CINEMA.*  
FROM   CINEMA, SALLE  
WHERE  capacité > 150  
AND    CINEMA.cinéma = SALLE.cinéma
```

## En algèbre relationnelle

Traduit en algèbre, on a plusieurs possibilités. En voici deux :

1.  $\pi_{CINEMA.*}(\sigma_{Capacité>150}(CINEMA \bowtie SALLE))$
2.  $\pi_{CINEMA.*}(CINEMA \bowtie \sigma_{Capacité>150}(SALLE))$

Soit une jointure suivie d'une sélection, ou l'inverse.



## Evaluation des coûts

On suppose qu'il n'y a que 5 % de salles de plus de 150 places et que les résultats intermédiaires d'une opération et le résultat final sont écrits sur disque (10 n-uplets par page).

1. Jointure (naïve) : on lit 3 600 pages (120x30); on écrit le résultat intermédiaire (120 pages); on le relit et comme on projète sur tous les attributs de Cinéma, on obtient 5 % de 120 pages, soit 6 pages.

Nombre d'E/S :  $3\ 600E + 120 \times 2E/S + 6S = 3\ 846$ .

2. Sélection : on lit 120 pages (salles) et on obtient (écrit) 6 pages.

Jointure : on lit 180 pages (6x30) et on obtient 6 pages.

Nombre d'E/S :  $120E + 6S + 180E + 6S = 312$ .

⇒ la deuxième stratégie est de loin la meilleure !

## Optimisation de requêtes : premières conclusions

1. Il faut **traduire** une requête exprimée avec un langage déclaratif en une suite d'opérations (typiquement les opérateurs de l'algèbre relationnelle).
2. En fonction (i) des coûts de chaque opération (ii) des caractéristiques de la base, (iii) des algorithmes utilisés, on cherche à estimer la meilleure stratégie.
3. On obtient le **plan d'exécution** de la requête. Il n'y a plus qu'à le traiter au niveau physique.

## Les paramètres de l'optimisation

Comme on l'a vu sur l'exemple, l'optimisation s'appuie sur :

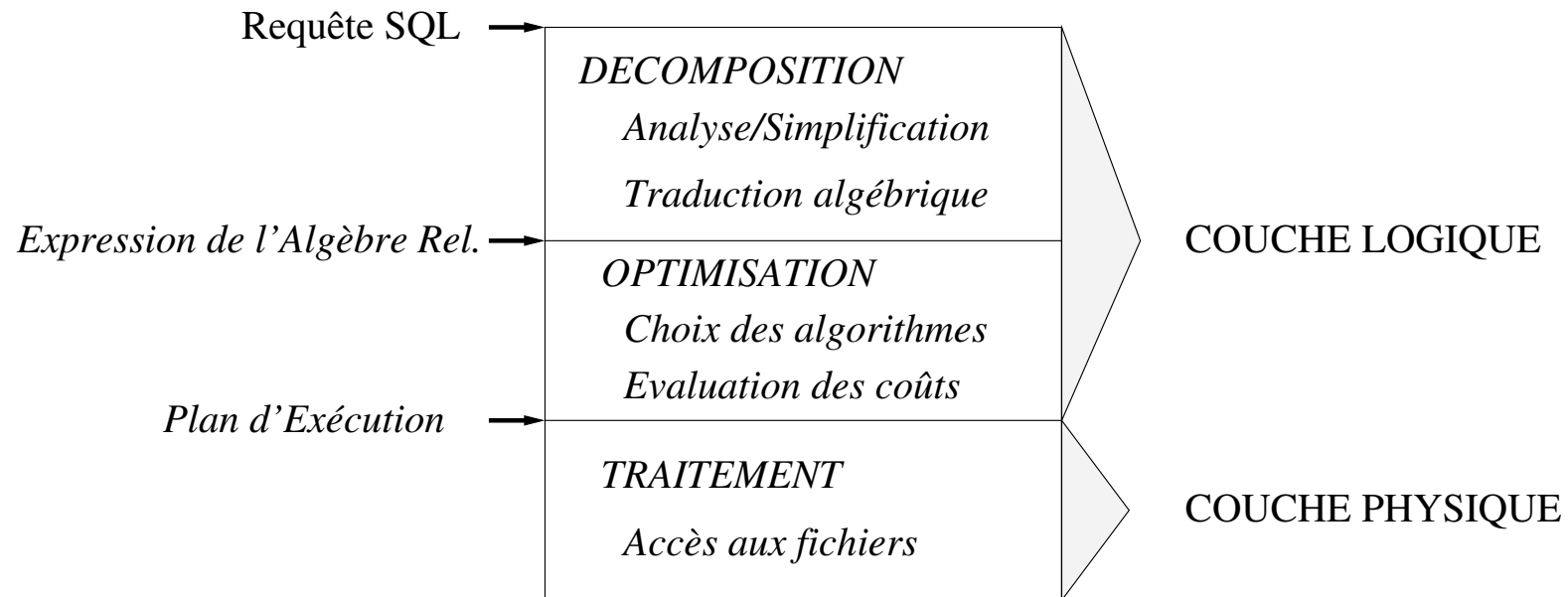
1. Des **règles de réécriture** des expressions de l'algèbre.
2. Des connaissances sur **l'organisation physique** de la base (index)
3. Des **statistiques** sur les caractéristiques de la base (taille des relations par exemple).

Un **modèle de coût** permet de classer les différentes stratégies envisagées

# Architecture d'un SGBD et Optimisation

## LES ETAPES DU TRAITEMENT D'UNE REQUETE

---



## **Décomposition de requêtes**

## **Analyse syntaxique**

On vérifie la validité (syntaxique) de la requête.

1. Contrôle de la structure grammaticale.
2. Vérification de l'existence des relations et des noms d'attributs.

⇒ On utilise le “dictionnaire” de la base qui contient le schéma.

## Simplification

D'autres types de transformations avant optimisation :

1. **L'analyse sémantique** détecte les incohérences ou les contradictions.  
Exemple : “*NoSalle = 11 AND NoSalle = 12*”
2. **Simplification** de clauses inutilement complexes. Exemple :  
 $(A \text{ OR } NOT B) \text{ AND } B$  est équivalent à  $A \text{ AND } B$ .
3. Enfin la requête est normalisée (eg. conditions en forme normale conjonctive) et décomposée en *bloques SELECT-FROM-WHERE* pour faciliter la traduction algébrique.

## Traduction algébrique

Déterminer l'expression algébrique équivalente à la requête :

1. arguments du SELECT : projections.
2. arguments du WHERE :  $NomAttr1 = NomAttr2$  correspond en général à une jointure,  $NomAttr = constante$  à une sélection.

On obtient une expression algébrique qui peut être représentée par un **arbre de requête**.



## Traduction algébrique : exemple

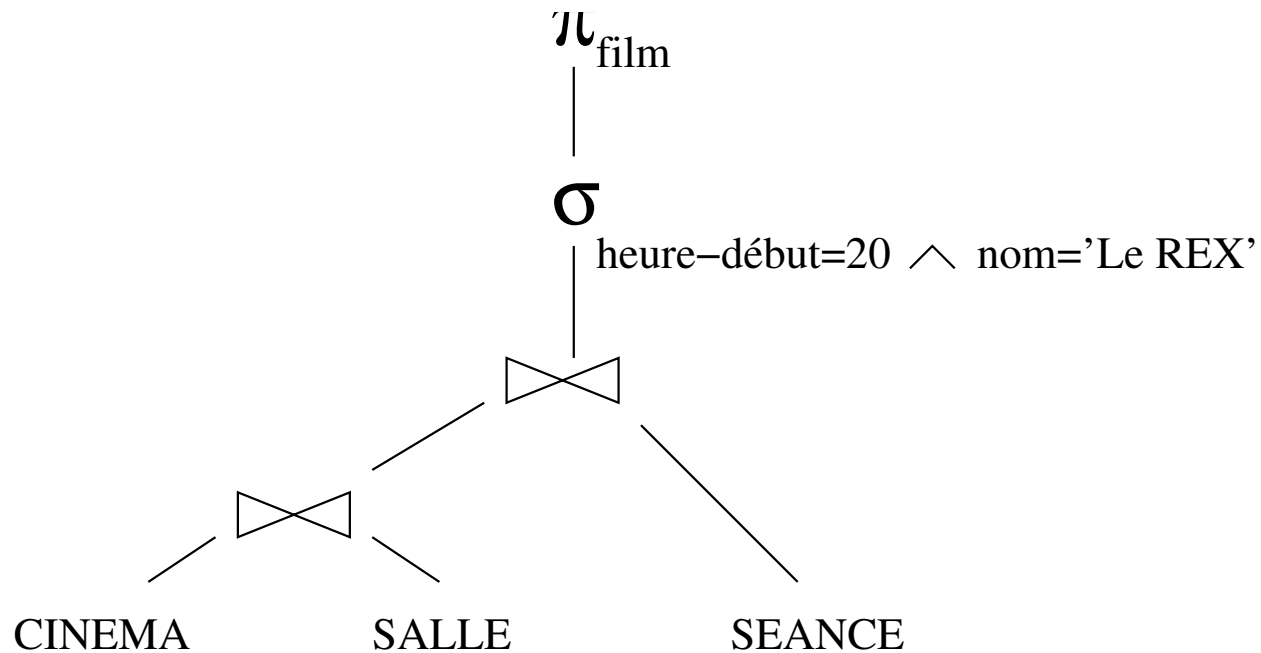
Considérons l'exemple suivant :

*Quels films passent au REX à 20 heures ?*

```
SELECT film
FROM   CINÉMA, SALLE, SÉANCE
WHERE  CINÉMA.nom-cinéma = 'Le Rex'
AND    SÉANCE.heure-début = 20
AND    CINÉMA.nom-cinéma = SALLE.nom-cinéma
AND    SALLE.salle = SÉANCE.salle
```

## Expression algébrique et arbre de requête

$$\pi_{film}(\sigma_{Nom='Le REX' \wedge heure-début=20}((CINEMA \bowtie SALLE) \bowtie SEANCE))$$



## Restructuration

Il y a plusieurs expressions **équivalentes** pour une même requête.

### ROLE DE L'OPTIMISEUR

1. Trouver les expressions équivalentes à une requête.
2. Les évaluer et choisir la meilleure.

On convertit une expression en une expression équivalente en employant des **règles de réécriture**.

## Règles de réécriture

Il en existe beaucoup : en voici 8 parmi les plus importantes.

**1. Commutativité des jointures :**

$$R \bowtie S \equiv S \bowtie R$$

**2. Associativité des jointures :**

$$(R \bowtie S) \bowtie T \equiv R \bowtie (S \bowtie T)$$

**3. Regroupement des sélections :**

$$\sigma_{A='a' \wedge B='b'}(R) \equiv \sigma_{A='a'}(\sigma_{B='b'}(R))$$

**4. Commutativité de la sélection et de la projection**

$$\pi_{A_1, A_2, \dots, A_p}(\sigma_{A_i='a'}(R)) \equiv \sigma_{A_i='a'}(\pi_{A_1, A_2, \dots, A_p}(R)), i \in \{1, \dots, p\}$$

**5. Commutativité de la sélection et de la jointure.**

$$\sigma_{A='a'}(R(\dots A \dots) \bowtie S) \equiv \sigma_{A='a'}(R) \bowtie S$$

**6. Distributivité de la sélection sur l'union.**

$$\sigma_{A='a'}(R \cup S) \equiv \sigma_{A='a'}(R) \cup \sigma_{A='a'}(S)$$

NB : valable aussi pour la différence.

**7. Commutativité de la projection et de la jointure**

$$\begin{aligned} \pi_{A_1 \dots A_p B_1 \dots B_q}(R \bowtie_{A_i=B_j} S) &\equiv \\ \pi_{A_1 \dots A_p}(R) \bowtie_{A_i=B_j} \pi_{B_1 \dots B_q}(S), & \\ (i \in \{1, \dots, p\}, j \in \{1, \dots, q\}) & \end{aligned}$$

**8. Distributivité de la projection sur l'union**

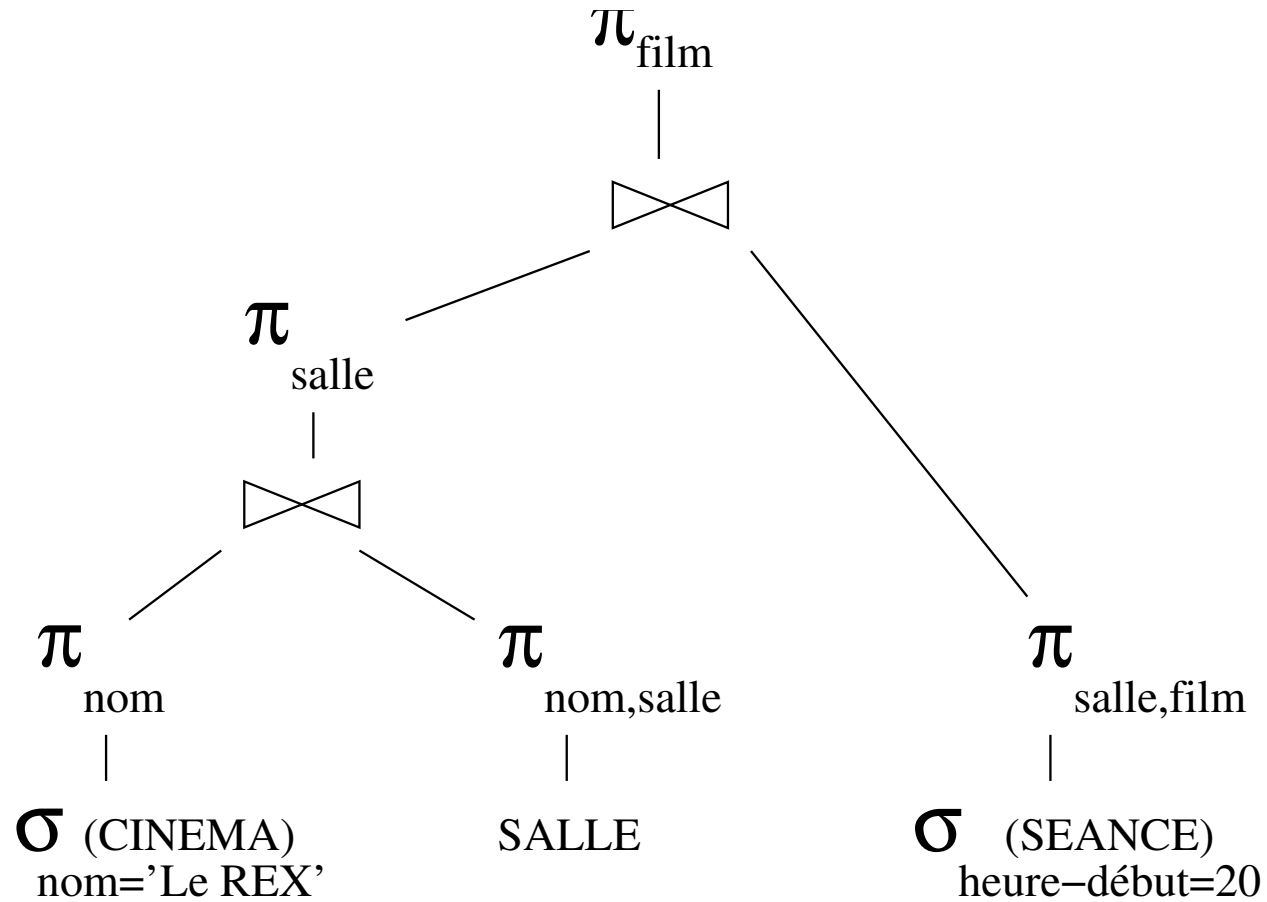
$$\pi_{A_1 A_2 \dots A_p}(R \cup S) \equiv \pi_{A_1 A_2 \dots A_p}(R) \cup \pi_{A_1 A_2 \dots A_p}(S)$$

## Exemple d'un algorithme de restructuration

Voici un algorithme basé sur les propriétés précédentes.

1. Séparer les sélections avec plusieurs prédicats en plusieurs sélections à un prédicat (règle 3).
2. Descendre les sélections le plus bas possible dans l'arbre (règles 4, 5, 6).
3. Regrouper les sélections sur une même relation (règle 3).
4. Descendre les projections le plus bas possible (règles 7 et 8).
5. Regrouper les projections sur une même relation.

## Arbre de requête après restructuration



## **Quelques remarques sur l'algorithme précédent**

L'idée de base est de réduire le plus rapidement possible la taille des relations manipulées. Donc :

1. On effectue les sélections d'abord car on considère que c'est l'opérateur le plus "réducteur".
2. On élimine dès que possible les attributs inutiles par projection.
3. Enfin on effectue les jointures.

Le plan obtenu est-il TOUJOURS optimal (pour toutes les bases de données) ? ' La réponse est NON!



## Un contre-exemple

### Quels sont les films visibles entre 14h et 22h?

Voici deux expressions de l'algèbre, dont l'une "optimisée" :

1.  $\pi_{film}(\sigma_{h-début > 14 \wedge h-début < 22}(FILM \bowtie SEANCE))$
2.  $\pi_{film}(FILM \bowtie \sigma_{h-début > 14 \wedge h-début < 22}(SEANCE))$

La relation FILM occupe 8 pages, la relation SEANCE 50.

## Evaluation des coûts

Hypothèses : (i) 90 % des séances ont lieu entre 14 et 22 heures, (ii) seulement 20 % des films dans la table SEANCE existent dans la table FILM.

1. Jointure : on lit 400 pages et on aboutit à 10 pages (20% de 50 pages).

Sélection : on se ramène à 9 pages (90%).

Nombre d'E/S :  $400E + 10 \times 2E/S + 9S = 429E/S$ .

2. Sélection : on lit 50 pages et on aboutit à 45 pages (90%).

Jointure : on lit 360 (45x8) pages et on aboutit à 9 pages (20% de 45).

Nombre d'E/S :  $50E + 45S + 360E + 9S = 464E/S$ .

⇒ la première stratégie est la meilleure ! Ici la jointure est plus sélective que la sélection (cas rare).

## **Traduction algébrique : conclusion**

La réécriture algébrique est nécessaire mais pas suffisante. L'optimiseur tient également compte :

1. Des chemins d'accès aux données (index).
2. Des différents algorithmes implantant une même opération algébrique (jointures).
3. De propriétés statistiques de la base.

## Les chemins d'accès

Ils dépendent des organisations de fichiers existantes :

1. Balayage séquentiel
2. Parcours d'index
3. Accès par hachage

Attention ! Dans certains cas un balayage peut être préférable à un parcours d'index.

## **Algorithmes pour les opérations algébriques**

Il existe souvent plusieurs algorithmes pour implanter une opération.

L'opération la plus étudiée est la JOINTURE :

1. Boucles imbriquées simple,
2. Tri-fusion,
3. Jointure par hachage,
4. Boucles imbriquées avec accès à une des relations par index.

Le choix dépend essentiellement - mais pas uniquement - du chemin d'accès disponible.

## **Algorithmes de jointure sans index**

En l'absence d'index, les principaux algorithmes sont :

1. Boucles imbriquées.
2. Tri-fusion.
3. Jointure par hachage.

## Jointure par boucles imbriquées

A utiliser quand les tailles des relations sont petites.

Soit les deux relations  $R$  et  $S$  :

**ALGORITHME boucles-imbriquées**

**begin**

$J := \emptyset$

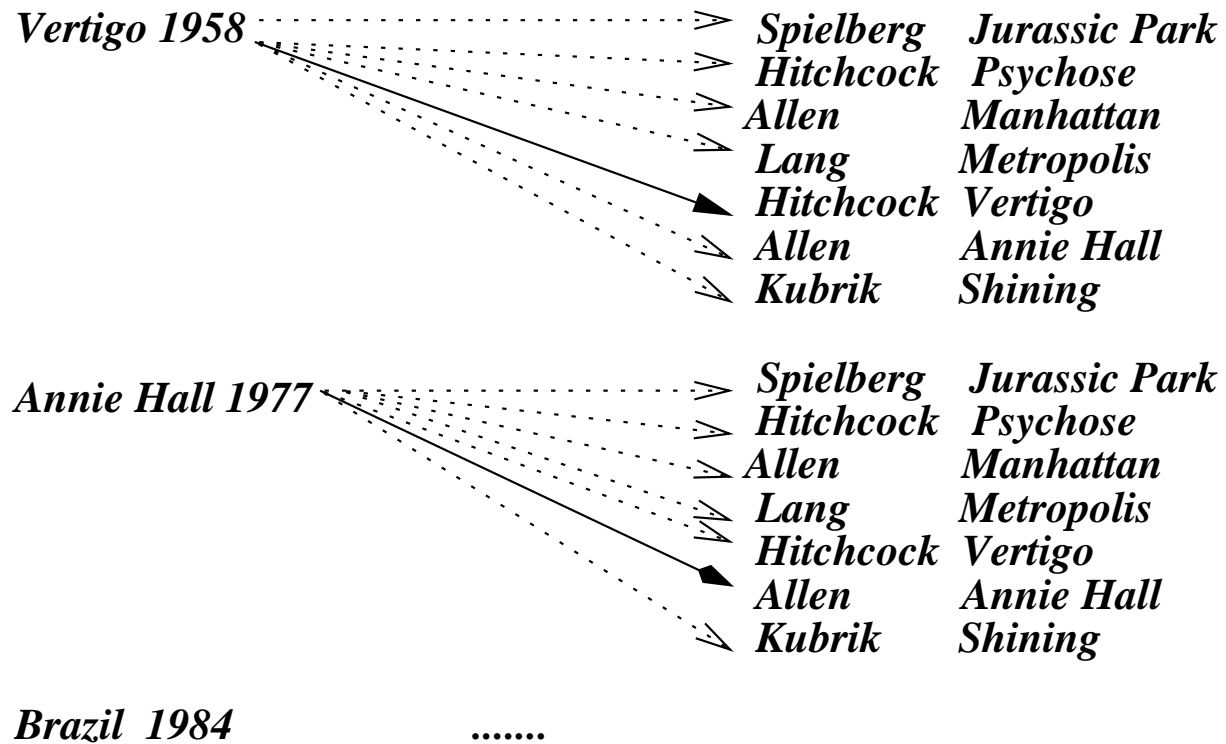
**for each**  $r$  **in**  $R$

**for each**  $s$  **in**  $S$

**if**  $r$  et  $s$  sont joignables **then**  $J := J + \{r \bowtie s\}$

**end**

## Exemple de jointure par boucles imbriquées



.....> Comparaison  
 —————> Association



## Analyse

La boucle s'effectue en fait à deux niveaux :

1. Au niveau des **pages** pour les charger en mémoire.
2. Au niveau des **articles** des pages chargées en mémoire.

Du point de vue E/S, c'est la première phase qui compte. Si  $T_R$  et  $T_S$  représentent le nombre de pages de  $R$  et  $S$  respectivement, le coût de la jointure est :

$$T_R \times T_S$$

On ne tient pas compte dans l'évaluation du coût des algorithmes de jointure, du coût d'écriture du résultat sur disque, lequel dépend de la taille du résultat.

## Jointure par tri-fusion

Soit l'expression  $\pi_{R.A_p, S.B_q}(R \bowtie_{A_i=B_j} S)$ .

**Projeter**  $R$  sur  $\{A_p, A_i\}$

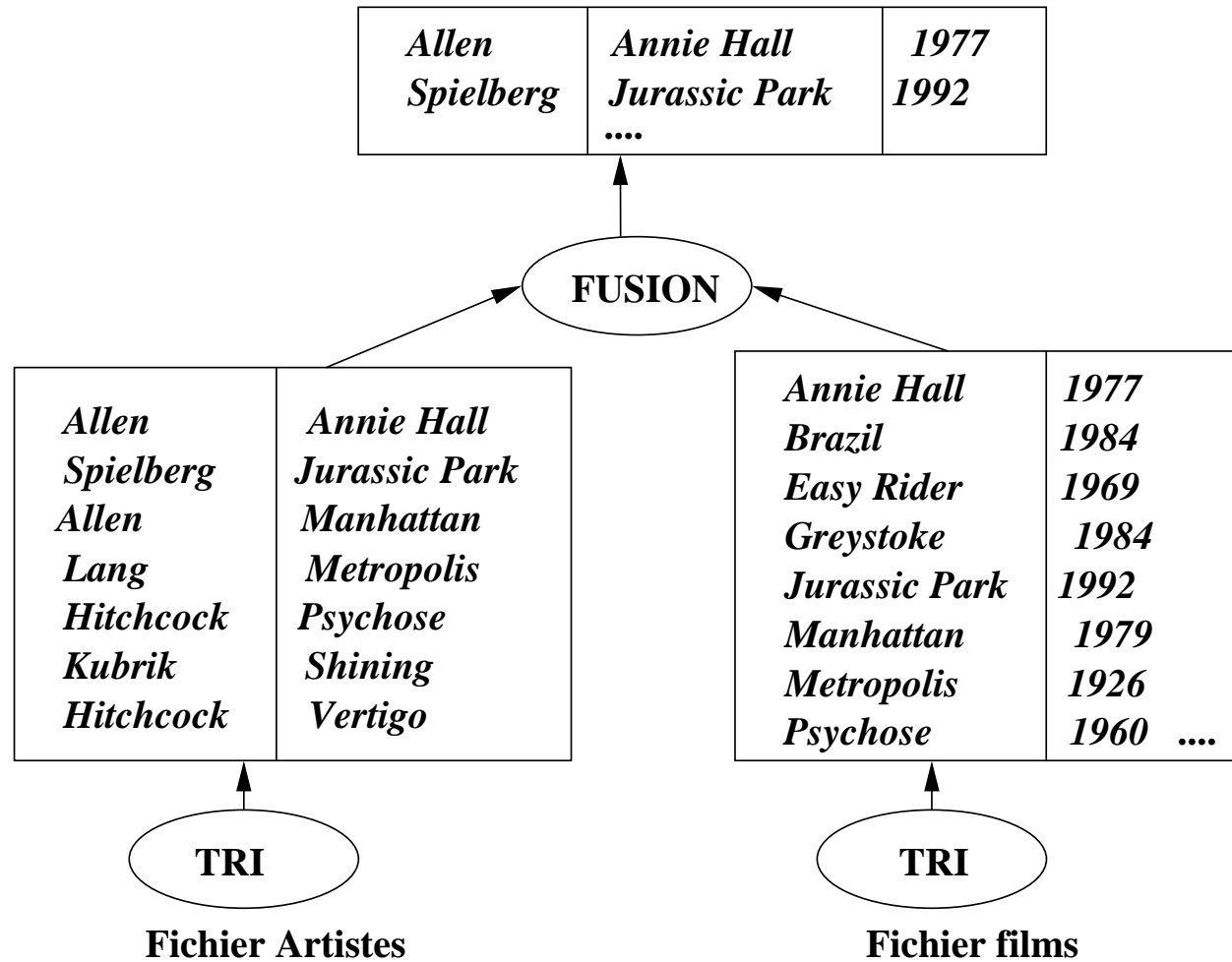
**Trier**  $R$  sur  $A_i$

**Projeter**  $S$  sur  $\{B_q, B_j\}$

**Trier**  $S$  sur  $B_j$

**Fusionner** les deux listes triées.

On les parcourt en parallèle en joignant les n-uplets ayant même valeur pour  $A_i$  et  $B_j$ .



## Tri-fusion : performance

Le coût est dominé par la phase de tri :

$$O(\text{card}(R) \times \log(\text{card}(R)) + \text{card}(S) \times \log(\text{card}(S))).$$

Dans la seconde phase, un simple parcours en parallèle suffit.

Cet algorithme est particulièrement intéressant quand les données sont déjà triées en entrée.

Pour des grandes relations et en l'absence d'index, la jointure par tri-fusion présente les avantages suivants :

1. **Efficacité** : bien meilleure que les boucles imbriquées.
2. **Manipulation de données triées** : facilite l'élimination de doublés ou l'affichage ordonné.
3. **Très général** : permet de traiter tous les types de  $\theta$ -jointure

## Jointure par hachage

Comme le tri-fusion, la jointure par hachage permet de limiter le nombre de comparaisons entre n-uplets.

1. Une des relations,  $R1$ , est hachée sur l'attribut de jointure avec une fonction  $H$ .
2. La deuxième relation est parcourue séquentiellement. Pour chaque n-uplet, on consulte la page indiquée par application de la fonction  $H$  et on regarde si elle contient des n-uplets de  $R1$ . Si oui on fait la jointure limitée à ces n-uplets.

## Jointure par hachage : algorithme

Pour une jointure  $R \bowtie_{A=B} S$ .

**Pour chaque** n-uplet  $r$  de  $R$  **faire**

    placer  $r$  dans la page indiquée par  $H(r.A)$

**Pour chaque** n-uplet  $s$  de  $S$  **faire**

    calculer  $H(s.B)$

    lire la page  $p$  indiquée par  $H(s.B)$

    effectuer la jointure entre  $\{s\}$  et les n-uplets de  $p$

## Jointure par hachage : discussion

Coût (en E/S), en supposant  $k$  articles par page et un tampon de 2 pages en mémoire centrale (dans le pire des cas):

1. Phase 1 : Coût du hachage de  $R1$  :  $T_{R1}E + 2 \times k \times T_{R1}E/S$  (pour chaque n-uplet il faut lire et écrire une page).
2. Phase 2 : Lecture de  $R2$ . Pour chaque page, on lit  $k$  pages de la relation hachée  $R1$ .

$$\text{Coût} = ((1 + 2k) \times T_{R1}) + ((1 + k) \times T_{R2})$$

Si  $R1$  tient en mémoire centrale, le coût se réduit à  $T_{R1} + T_{R2}$ .

NB : contrairement au tri-fusion, la jointure par hachage n'est pas adaptée aux jointures avec inégalités.



## **Jointure avec une table indexée**

1. On parcourt séquentiellement la relation sans index.
2. Pour chaque n-uplet, on recherche par l'index les n-uplets de la seconde relation qui satisfont la condition de jointure (traversée de l'index et accès aux nuplets de la seconde relation par adresse)

## Boucles imbriquées avec une table indexée

ALGORITHME boucles-imbriquées-index

**begin**

$J := \emptyset$

**for each**  $r$  **in**  $R$

**for each**  $s$  **in**  $Index_{S_B}(r.A)$

$J := J + \{r \bowtie s\}$

**end**

La fonction  $Index_{S_B}(r.A)$  donne les nuplets de  $S$  dont l'attribut B a pour valeur  $r.A$  en traversant l'index de  $S$  sur  $B$

Coût :  $O(\text{card}(R) \times \log(\text{card}(S)))$ .

## Jointure avec deux tables indexees

Si les deux tables sont indexees, on peut utiliser une variante de l'algorithme de tri-fusion :

1. On fusionne les deux index (deja triés) pour constituer une liste (*Rid, Sid*) de couples d'adresses pour les articles satisfaisant la condition de jointure.
2. On parcourt la liste en accedant aux tables pour constituer le resultat.

Inconvénient : on risque de lire plusieurs fois la même page. En pratique, on préfère utiliser une boucle imbriquée en prenant la plus petite table comme table directrice.

## Statistiques

Permettent d'ajuster le choix de l'algorithme. Par exemple :

1. Boucles imbriquées simples si les relations sont petites.
2. Balayage séquentiel au lieu de parcours d'index si la sélectivité est faible.

Suppose

1. Soit l'existence d'un module récoltant périodiquement des statistiques sur la base
2. Soit l'estimation en temps réel des statistiques par échantillonnage.

## Plans d'exécution

Le résultat de l'optimisation est un **plan d'exécution**: c'est un ensemble d'opérations de niveau intermédiaire, dit **algèbre "physique"** constituée :

1. De chemins d'accès aux données
2. D'opérations manipulant les données, (correspondant aux noeuds internes de l'arbre de requête).

Plans d'exécution sur la requête :

*Quels films passent au REX à 20 heures ?*

## Algebre physique

### CHEMINS D'ACCES

Sequentiel



*Parcours sequentiel*

Adresse



*Acces par adresse*

Attribut(s)



*Parcours d'index*

### OPERATIONS PHYSIQUES

Critere



*Selection selon un critere*

Attribut(s)



*Tri sur un attribut*

Critere



*Fusion de deux ensembles tries*

Critere



*Filtre d'un ensemble  
en fonction d'un autre*

Critere



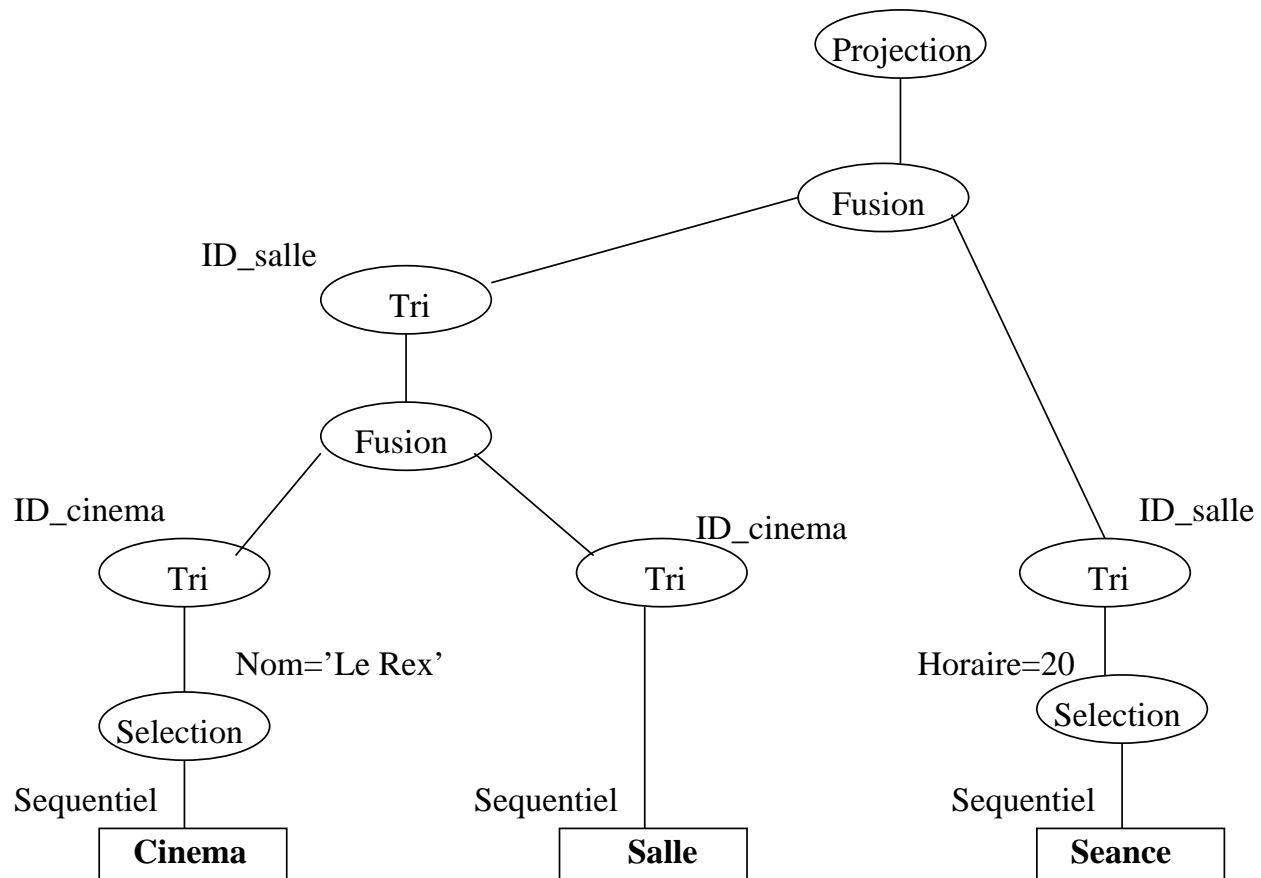
*Jointure selon un critere*

Attribut(s)

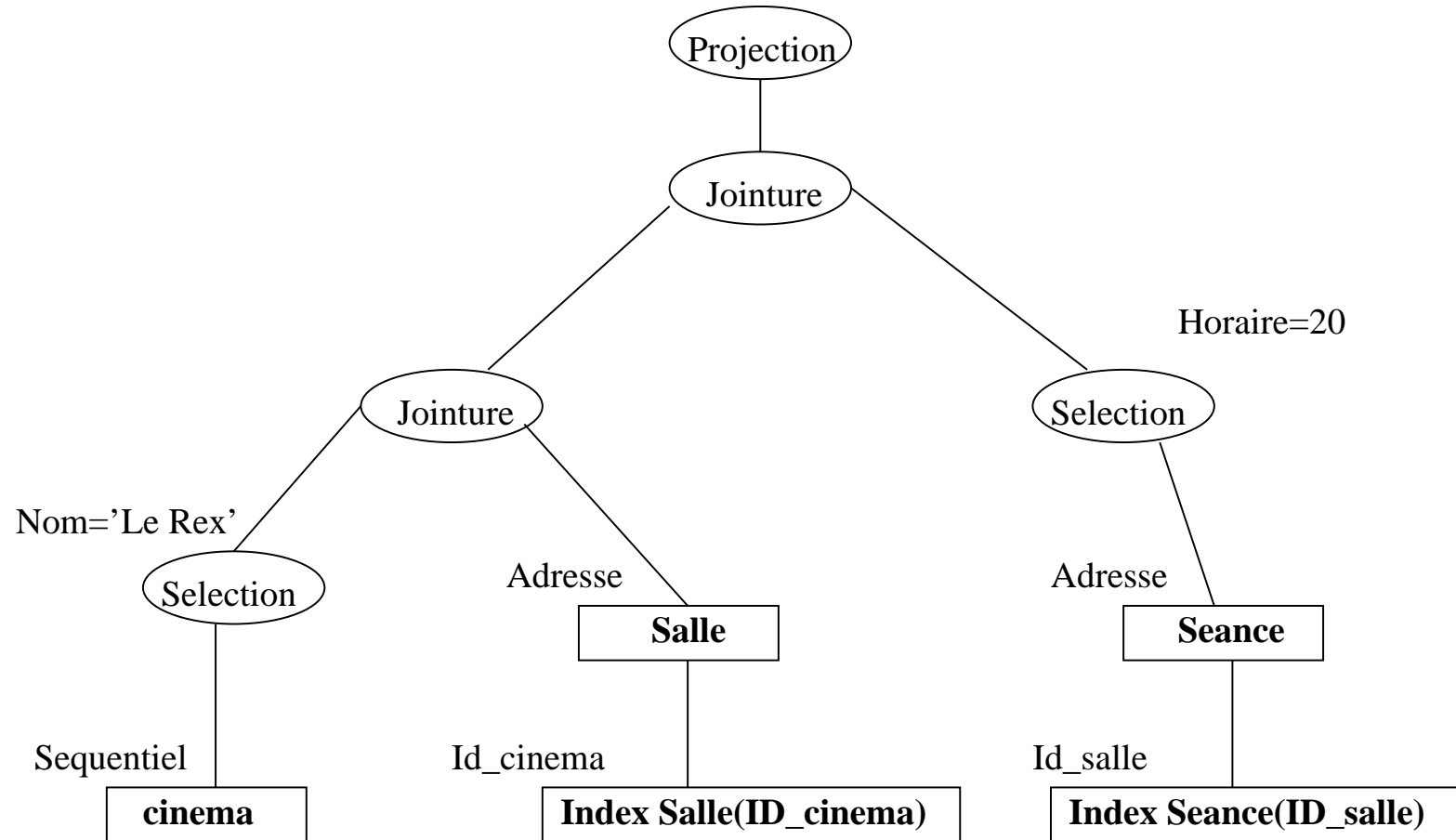


*Projection sur des attributs*

## Sans index ni hachage



## Avec un index sur toutes les clés





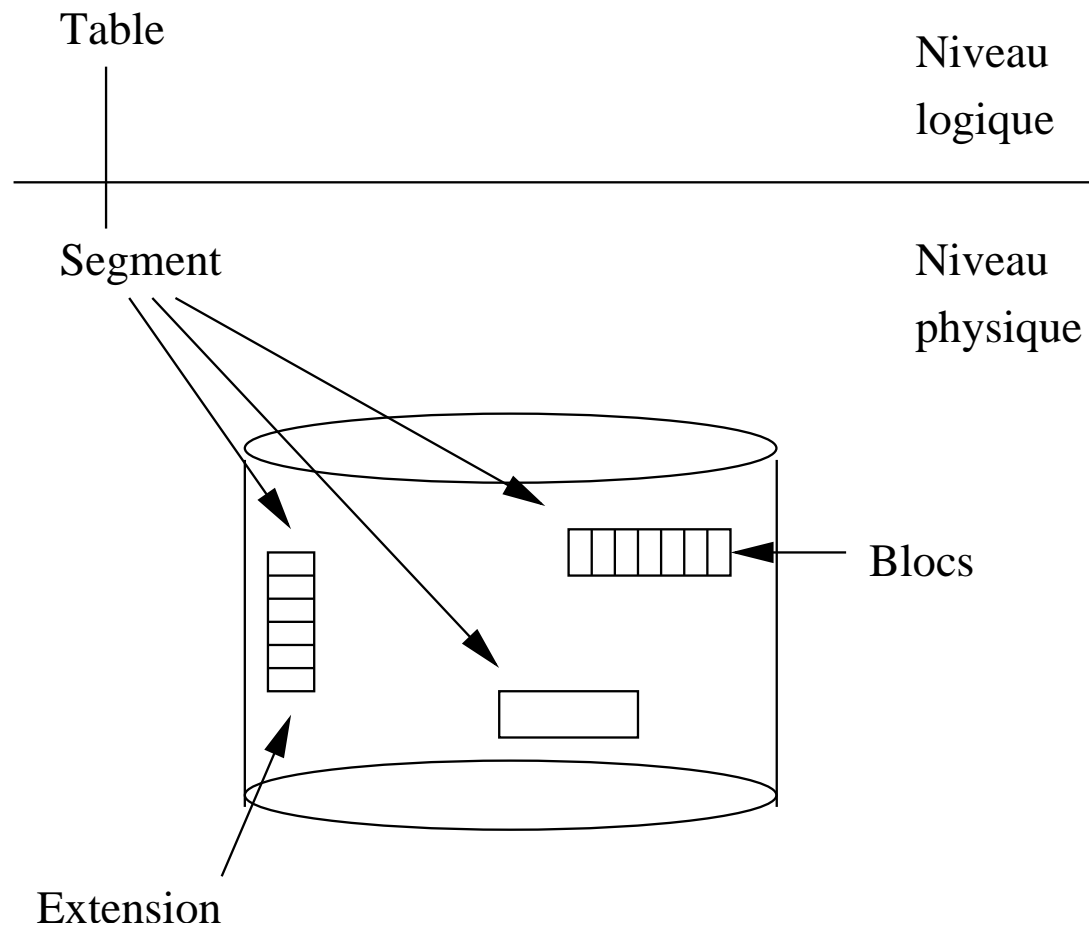
## **REPRESENTATION PHYSIQUE DANS ORACLE**

## Représentation physique dans ORACLE V7

Les principales structures physiques utilisées dans ORACLE sont :

1. Le **bloc** est l'unité physique d'E/S. La taille d'un bloc ORACLE est un multiple de la taille des blocs du système sous-jacent.
2. L'**extension** est un ensemble de blocs contigus contenant un même type d'information.
3. Le **segment** est un ensemble d'extensions stockant un objet logique (une table, un index ...).

## Tables, segments, extensions et blocs



## Le segment ORACLE

Le segment est la zone physique contenant un objet logique. Il existe quatre types de segments :

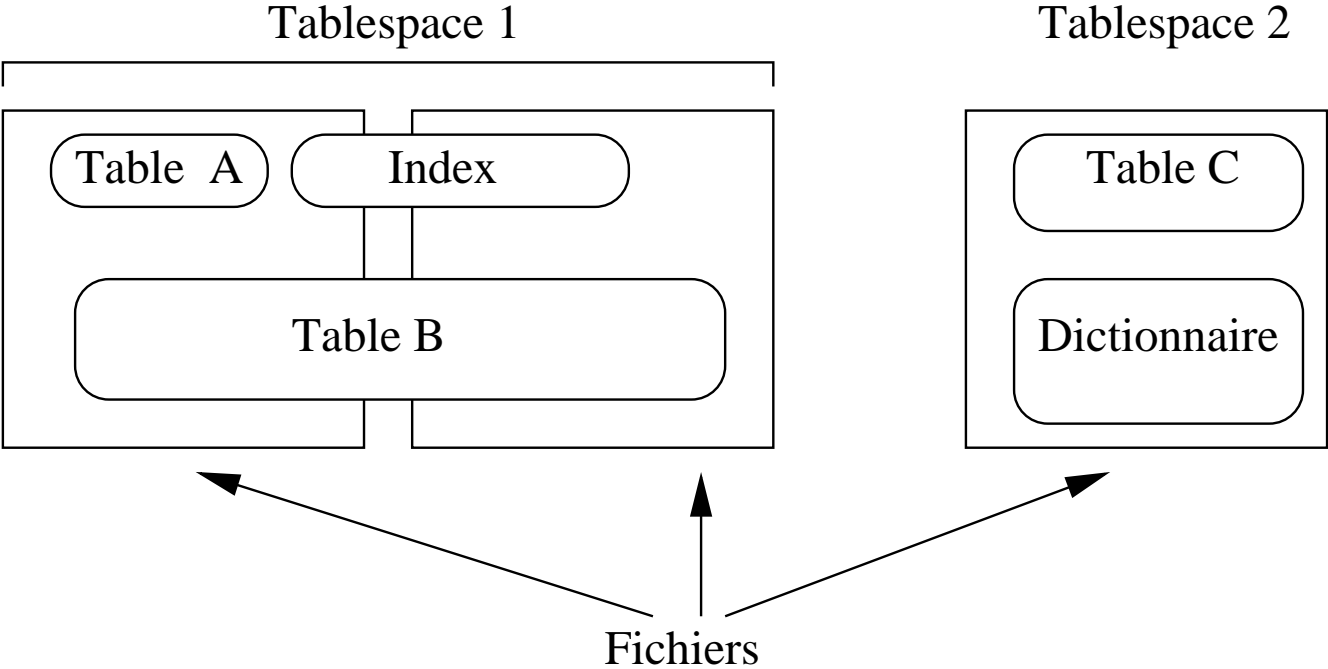
1. Le segment de données (pour une table ou un *cluster*).
2. Le segment d'index.
3. Le *rollback segment* utilisé pour les transactions.
4. Le segment temporaire (utilisé pour les tris par exemple).

## **Base ORACLE, fichiers et *TABLESPACE***

1. **Physiquement**, une base ORACLE est un ensemble de fichiers.
2. **Logiquement**, une base est divisée par l'administrateur en *tablespace*.  
Chaque *tablespace* consiste en un (au moins) ou plusieurs fichiers.

La notion de *tablespace* permet :

1. De contrôler l'emplacement physique des données. (par ex. : le dictionnaire sur un disque, les données utilisateur sur un autre).
2. de faciliter la gestion (sauvegarde, protection, etc).



## Stockage des données

Il existe deux manières de stocker une table :

1. **Indépendamment.** Un segment est alors automatiquement alloué à la table. Il est possible de spécifier des paramètres pour ce segment :
  - (a) Sa taille initiale
  - (b) Le pourcentage d'espace libre dans chaque bloc.
  - (c) La taille des extensions.
2. **Dans un *cluster*.**

## Stockage des n-uplets

En rgle gnrerale un n-uplet est stocke dans un seul bloc. L'adresse physique d'un n-uplet est le *ROWID* qui se dcompose en trois parties :

1. Le numro du n-uplet dans la page.
2. Le numro de la page, relatif au **fichier** dans lequel se trouve le n-uplet.
3. Le numro du fichier.

Exemple : 00000DD5.000.001 est l'adresse du premier n-uplet du bloc DD5 dans le premier fichier.



## **Structures de données pour l'optimisation**

ORACLE 7 propose trois structures pour l'optimisation de requêtes :

1. Les index
2. Les “regroupements” de tables (*Cluster*).
3. Le hachage.

## Les index ORACLE

On peut créer des index sur tout attribut (ou tout ensemble d'attributs) d'une table. ORACLE utilise l'arbre B+.

1. Les noeuds contiennent les valeurs de l'attribut (ou des attributs) clé(s).
2. Les feuilles contiennent chaque valeur indexée et le *ROWID* correspondant.

Un index est stocké dans un segment qui lui est propre. On peut le placer par exemple sur un autre disque que celui contenant la table.

## Les *cluster*

Le *cluster* (regroupement) est une structure permettant d'optimiser les jointures. Par exemple, pour les tables *CINEMA* et *SALLE* qui sont fréquemment jointes sur l'attribut *ID – Cinema* :

1. On groupe les n-uplets de *CINEMA* et de *SALLE* ayant même valeur pour l'attribut *ID – cinema*.
2. On stocke ces groupes de n-uplets dans les pages d'un segment spécial de type *cluster*.
3. On crée un index sur *ID – cinema*.

<b>Clé de regroupement</b>			
<b>(ID-cinéma)</b>	<b>Nom-cinéma</b>	<b>Adresse</b>	
1209	Le Rex	2 Bd Italiens	
	<b>ID-salle</b>	<b>Nom-salle</b>	<b>Capacité</b>
	1098	Grande Salle	450
	298	Salle 2	200
	198	Salle 3	120
1210	<b>Nom-cinéma</b>	<b>Adresse</b>	
	Kino	243 Bd Raspail	
	<b>ID-salle</b>	<b>Nom-salle</b>	<b>Capacité</b>
	980	Salle 1	340
	...	...	...

## Le hachage

On définit un *hash cluster* décrivant les caractéristiques physiques de la table :

```
CREATE CLUSTER hash-cinéma (ID-cinéma NUMBER(10))  
    HASH IS ID-cinéma HASHKEYS 1 000 SIZE 2K
```

*HASH IS* (optionnel) spécifie la clé à hacher.

*HASHKEYS* est le nombre de valeurs de la clé de hachage.

*SIZE* est la taille des données pour une clé donnée (taille d'un n-uplet si la clé de hachage est la clé de la table). ORACLE détermine le nombre de pages allouées, ainsi que la fonction de hachage. On fait référence au *hash cluster* en créant une table.

# **OPTIMISATION DANS ORACLE**

## **Optimisation : l'exemple de ORACLE Version 7**

Plan de la présentation :

1. Optimisation : principes et outils d'analyse.
2. Présentation sur des exemples.

## **Optimisation - principes généraux et outils d'analyse**



## **L'optimiseur**

L'optimiseur ORACLE suit une approche classique :

1. Génération de plusieurs plans d'exécution.
2. Estimation du coût de chaque plan généré.
3. Choix du meilleur et exécution.

## **Estimation du coût d'un plan d'exécution**

Beaucoup de paramètres entrent dans l'estimation du coût :

1. Les chemins d'accès disponibles.
2. Les opérations physiques de traitement des résultats intermédiaires.
3. Des statistiques sur les tables concernées (taille, sélectivité). Les statistiques sont calculées par appel explicite à l'outil ANALYSE.
4. Les ressources disponibles.

## Les chemins d'accès

1. **Parcours séquentiel** (*FULL TABLE SCAN*).
2. **Par adresse** (*ACCESS BY ROWID*).
3. **Parcours de regroupement** (*CLUSTER SCAN*). On récupère alors dans une même lecture les n-uplets des 2 tables du *cluster*.
4. **Recherche par hachage** (*HASH SCAN*).
5. **Parcours d'index** (*INDEX SCAN*).

## Opérations physiques

Voici les principales :

1. *INTERSECTION* : intersection de deux ensembles de n-uplets.
2. *CONCATENATION* : union de deux ensembles.
3. *FILTER* : élimination de n-uplets (sélection).
4. *PROJECTION* : opération de l'algèbre relationnelle.

D'autres opérations sont liées aux algorithmes de jointures.

## Algorithmes de jointure sous ORACLE

ORACLE utilise trois algorithmes de jointure :

1. **boucles imbriquées** quand il y a au moins un index.  
Opération *NESTED LOOP*.
2. **Tri/fusion** quand il n'y a pas d'index.  
Opération *SORT* et *MERGE*.
3. Enfin, en présence d'un *join cluster*, on fait une recherche avec l'index du *cluster*, puis un accès au *cluster* lui-même.

## **L'outil EXPLAIN**

L'outil EXPLAIN donne le plan d'exécution d'une requête. La description comprend :

1. Le chemin d'accès utilisé.
2. Les opérations physiques (tri, fusion, intersection, ...).
3. L'ordre des opérations. Il est représentable par un arbre.

## EXPLAIN par l'exemple : schéma de la base

CINEMA	SALLE	FILM
(ID-cinéma*, Nom, Adresse);	(ID-salle*, Nom, Capacité, ID-cinéma+);	(ID-film, Titre, Année, ID-réalisateur+)
SEANCE (ID-séance*, Heure-début, Heure-fin, ID-salle+,ID-film	ARTISTE (ID-artiste*, Nom, Date-naissance)	

Attributs avec une \* : index unique.

Attributs avec une + : index non unique.

## Interprétation d'une requête par EXPLAIN

Reprenons l'exemple : Quels films passent aux Rex à 20 heures ?

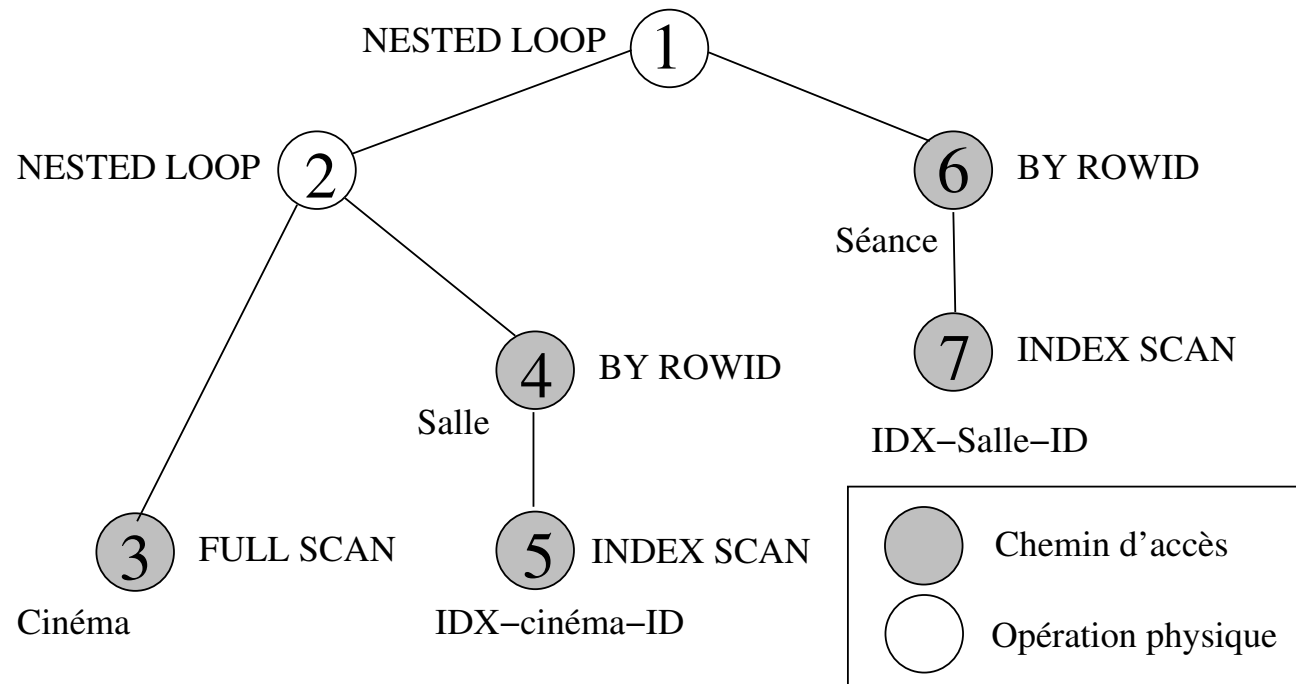
```
EXPLAIN PLAN SET statement-id = 'cin'  
FOR      SELECT ID-film  
          FROM    Cinéma, Salle, Séance  
          WHERE   Cinéma.ID-cinéma = Salle.ID-cinéma  
          AND     Salle.ID-salle = Séance.ID-salle  
          AND     Cinéma.nom = 'Le Rex'  
          AND     Séance.heure-début = '20H'
```



## Plan d'exécution donné par EXPLAIN

```
0 SELECT STATEMENT
  1 NESTED LOOP
    2 NESTED LOOPS
      3 TABLE ACCESS FULL CINEMA
      4 TABLE ACCESS BY ROWID SALLE
        5 INDEX RANGE SCAN IDX-CINEMA-ID
    6 TABLE ACCESS BY ROWID SEANCE
      7 INDEX RANGE SCAN IDX-SALLE-ID
```

## Représentation arborescente du plan d'exécution



## Quelques remarques sur EXPLAIN

EXPLAIN utilise un ensemble de primitives que nous avons appelé "algèbre physique": des opérations comme le tri n'existent pas au niveau relationnel. D'autres opérations de l'algèbre relationnelle sont regroupées en une seule opération physique.

- Par exemple, la sélection sur l'horaire des séances est effectuée en même temps que la recherche par ROWID (étape 6).

### **Exemple: Sélection sans index**

```
SELECT * FROM cinéma WHERE nom = 'Le Rex'
```

Plan d'exécution :

```
0 SELECT STATEMENT  
  1 TABLE ACCESS FULL CINEMA
```

## Sélection avec index

```
SELECT * FROM cinéma WHERE ID-cinéma = 1908
```

Plan d'exécution :

```
0 SELECT STATEMENT
  1 TABLE ACCESS BY ROWID CINEMA
    2 INDEX UNIQUE SCAN IDX-CINEMA-ID
```

## Sélection conjonctive avec un index

```
SELECT capacité FROM Salle  
WHERE ID-cinéma =187 AND nom = 'Salle 1'
```

Plan d'exécution :

```
0 SELECT STATEMENT  
  1 TABLE ACCESS BY ROWID SALLE  
    2 INDEX RANGE SCAN IDX-SALLE-CINEMA-ID
```

## Sélection conjonctive avec deux index

```
SELECT  nom FROM    Salle
        WHERE ID-cinéma = 1098 AND capacité = 150
```

Plan d'exécution :

```
0 SELECT STATEMENT
  1 TABLE ACCESS BY ROWID SALLE
    2 AND-EQUAL
      3 INDEX RANGE SCAN IDX-SALLE-CINEMA-ID
      4 INDEX RANGE SCAN IDX-CAPACITE
```

## Sélection disjonctive avec index

```
SELECT nom FROM Salle  
WHERE ID-cinéma = 1098 OR capacité > 150
```

Plan d'exécution :

```
0 SELECT STATEMENT  
  1 CONCATENATION  
    2 TABLE ACCESS BY ROWID SALLE  
      3 INDEX RANGE SCAN IDX-CAPACITE  
    4 TABLE ACCESS BY ROWID SALLE  
      5 INDEX RANGE SCAN IDX-SALLE-CINEMA-ID
```



## Sélection disjonctive avec et sans index

```
SELECT  nom FROM    Salle
WHERE   ID-cinema = 1098 OR nom = 'Salle 1'
```

Plan d'exécution :

```
0 SELECT STATEMENT
  1 TABLE ACCESS FULL SALLE
```

## Jointure avec index

```
SELECT Cinema.nom, capacite FROM cinema, salle
WHERE Cinema.ID-cinema = salle.ID-cinema
```

Plan d'exécution :

```
0 SELECT STATEMENT
  1 NESTED LOOPS
    2 TABLE ACCESS FULL SALLE
    3 TABLE ACCESS BY ROWID CINEMA
      4 INDEX UNIQUE SCAN IDX-CINEMA-ID
```

## Jointure et sélection avec index

```
 SELECT Cinéma.nom,capacité FROM Cinéma, Salle  
 WHERE Cinema.ID-cinéma = salle.ID-cinéma  
 AND capacité > 150
```

Plan d'exécution :

```
 0 SELECT STATEMENT  
   1 NESTED LOOPS  
     2 TABLE ACCESS BY ROWID SALLE  
       3 INDEX RANGE SCAN IDX-CAPACITE  
     4 TABLE ACCESS BY ROWID CINEMA  
       5 INDEX UNIQUE SCAN IDX-CINEMA-ID
```

## Jointure sans index

```
SELECT titre
FROM Film, Séance
WHERE Film.ID-film = Séance.ID-film
AND     heure-début = '14H00'
```

Plan d'exécution :

```
0 SELECT STATEMENT
  1 MERGE JOIN
    2 SORT JOIN
      3 TABLE ACCESS FULL SEANCE
    4 SORT JOIN
      5 TABLE ACCESS FULL FILM
```

## Différence

Dans quel cinéma ne peut-on voir de film après 23H ?

```
SELECT Cinéma.nom
FROM   Cinéma, Salle
WHERE  Cinéma.ID-cinéma = Salle.ID-cinéma
AND    NOT EXISTS (SELECT * FROM séance
                   WHERE Salle.ID-salle = Séance.ID-salle
                   AND  heure-fin > '23H00')
```

## Plan d'exécution donné par EXPLAIN

```
0 SELECT STATEMENT
  1 FILTER
    2 NESTED LOOPS
      3 TABLE ACCESS FULL SALLE
      4 TABLE ACCESS BY ROWID CINEMA
        5 INDEX UNIQUE SCAN IDX-CINEMA-ID
    6 TABLE ACCESS BY ROWID SEANCE
      7 INDEX RANGE SCAN IDX-SEANCE-SALLE-ID
```

# **CONCURRENCE ET REPRISE APRES PANNE**

# **I. INTRODUCTION ET PROBLÉMATIQUE**



# 1. La notion de transaction

## Modèle de base de données

- BD centralisée, accès concurrent de plusieurs programmes
- modèle simplifié
  - BD = ensemble d'*enregistrements* nommés  
Ex.    **x**: 3 ;    **y**: "Toto" ;    **z**: 3.14 ...
  - *opérations* sur les enregistrements: lecture, écriture, création

## Programmes et transactions

- exécution d'un programme accédant à la BD = séquence d'opérations sur les enregistrements
- opérations : lecture ( $val=Read(x)$ ), écriture ( $Write(x, val)$ )
- découpage en *transactions*

## Transaction

- opérations de contrôle de transaction : Start (démarrage), Commit (validation), Abort (annulation)
- transaction = séquence d'opérations qui démarre par *Start* et se termine par *Commit* ou par *Abort*
- cohérence logique (maxi-opération), unité d'annulation

Exemple: programme de crédit d'un compte bancaire

**Crédit** (*Enreg* compte; *Val* montant)

*Val* temp;

begin *Start*;

temp = *Read*(compte);

*Write*(compte, temp+montant);

*Commit*;

end;

- les entrées du programme: le compte (enregistrement) et le montant du crédit (valeur)
- l'exécution du programme → transaction
- plusieurs exécutions concurrentes du même programme possibles

Exemple: transfert entre deux comptes**Transfert** (*Enreg* source, dest; *Val* montant)*Val* temp;begin *Start*;temp = *Read*(source);if temp < montant then *Abort*;else *Write*(source, temp-montant);temp = *Read*(dest);*Write*(dest, temp+montant); *Commit*;

end if;

end;

- l'exécution peut produire des transactions différentes:
  1. *Start*, *Read*(source), *Abort*
  2. *Start*, *Read*(source), *Write*(source), *Read*(dest), *Write*(dest), *Commit*

## Mise-à-jour de la BD

Deux variantes:

- *immédiate*: modification immédiate de la BD, visible par les autres transactions
- *différée*: chaque transaction travaille sur des copies, avec mise-à-jour de la BD à la fin de la transaction

Hypothèse: mise-à-jour immédiate

## Propriétés des transactions (ACID)

Atomicité: une transaction doit s'exécuter en totalité, une exécution partielle est inacceptable

- une transaction interrompue doit être annulée (Abort)

Cohérence: respect des contraintes d'intégrité sur les données

- $\text{solde}(\text{compte}) \geq 0$ ;  $\text{solde}(\text{source}) + \text{solde}(\text{dest}) = \text{const}$
- une transaction modifie la BD d'un état initial cohérent à un état final cohérent
- pendant la transaction, l'état peut être incohérent!

Isolation: une transaction ne voit pas les effets des autres transactions concurrentes

- la transaction s'exécute comme si elle était la seule
- objectif: exécution concurrente des transactions équivalente à une exécution en série (non-concurrente)

Durabilité: les effets d'une transaction validée par Commit sont permanents

- on ne doit pas annuler une transaction validée

## Concurrence

- plusieurs transactions s'exécutent en même temps
- les opérations sont exécutées en séquence!
- concurrence = entrelacement des opérations de plusieurs transactions



## Notation

- transaction  $T_i$  = séquence d'opérations
- opérations  $r_i[x]$ ,  $w_i[x]$ ,  $a_i$ ,  $c_i$
- remarque: les valeurs lues ou écrites ne comptent pas ici!
- la séquence se termine par  $a_i$  ou  $c_i$ , qui n'apparaissent jamais ensemble

Exemple :

$T_1$ :  $r_1[x]$   $w_1[x]$   $c_1$  (crédit)

$T_2$ :  $r_2[x]$   $w_2[x]$   $r_2[y]$   $w_2[y]$   $c_2$  (transfert)

$T_3$ :  $r_3[x]$   $a_3$  (transfert impossible)

### Execution concurrente (histoire)

- séquence d'opérations de plusieurs transactions
- entrelacement des opérations des transactions
- histoire complète: les transactions sont entières

Exemple :

$\mathbf{H}_1$ :  $r_1[x]$   $r_2[x]$   $w_2[x]$   $r_2[y]$   $w_1[x]$   $w_2[y]$   $c_2$   $c_1$  (crédit + transfert, histoire complète)

$\mathbf{H}_2$ :  $r_1[x]$   $r_2[x]$   $w_2[x]$   $r_2[y]$  (histoire incomplète)

## 2. Contrôle de concurrence

### Objectifs

- concurrence = entrelacement des opérations des transactions
- concurrence parfaite: toute opération est exécutée dès son arrivée dans le système
- problème: tout entrelacement n'est pas acceptable
- objectif: exécution correcte en respectant les propriétés ACID

## Problèmes de concurrence

### 1. Perte d'une mise à jour

Ex.  $T_1 = r_1[x] w_1[x] c_1$  (crédit  $x$  de 100);  $T_2 = r_2[x] w_2[x] c_2$  (crédit  $x$  de 50)

au début,  $x=200$

- $H = \underline{r_1[x]_{x:200}} r_2[x]_{x:200} \underline{w_1[x]_{x:300}} w_2[x]_{x:250} \underline{c_1} c_2$
- Résultat:  $x=250$  au lieu de  $x=350$  ( $w_1[x]$  est perdu à cause de  $w_2[x]$ )
- Problème de cohérence même si l'isolation est respectée !

## 2. Dépendances non-validées

Ex. Les mêmes transactions, mais  $T_1$  est annulée

- $H = \underline{r_1[x]_{x:200}} \underline{w_1[x]_{x:300}} r_2[x]_{x:300} w_2[x]_{x:350} c_2 \underline{a_1}$
- Résultat:  $x=350$  au lieu de  $x=250$  ( $T_1$  est annulée)
- $r_2[x]$  utilise la valeur non-validée de  $x$  écrite par  $w_1[x]$
- Problèmes de cohérence et de durabilité à cause de l'isolation

### 3. Analyse incohérente

Ex.  $T_1 =$  transfert  $x \rightarrow y$  de 50;  $T_2 =$  calcul dans  $z$  de la somme  $x + y$   
au début,  $x=200$ ,  $y=100$

- $T_1 = r_1[x] w_1[x] r_1[y] w_1[y] c_1$ ;  $T_2 = r_2[x] r_2[y] w_2[z] c_2$
- $H = \underline{r_1[x]_{x:200}} \underline{w_1[x]_{x:150}} r_2[x]_{x:150} r_2[y]_{y:100} w_2[z]_{z:250} c_2 \underline{r_1[y]_{y:100}}$   
 $\underline{w_1[y]_{x:150}} \underline{c_1}$
- Résultat:  $z=250$  au lieu de  $z=300$  ( $r_2[x]$  est influencé par  $T_1$ , mais  $r_2[y]$  non)
- Problème de cohérence à cause de l'isolation

### 4. Objets fantômes

- similaire à l'analyse incohérente, mais produit par la création/suppression d'enregistrements (objets fantômes)
- traité plus loin dans le cours

## Contrôle de concurrence

- solution: algorithmes de réordonnancement des opérations
- critère de correction utilisé: exécution sérialisable  
(équivalente avec une execution en série *quelconque* des transactions)

## Remarques

- réordonnancer  $\Rightarrow$  retarder certaines opérations
- objectif : un maximum de concurrence, donc un minimum de retards
- l'ordre des opérations dans chaque transaction doit être respecté

### 3. Le problème des annulations

Annuler dans la BD les effets d'une transaction T  $\iff$

- annuler les écritures de T
- annuler les transactions qui utilisent les écritures de T (dépendances non-validées)

*Conclusion:* une transaction validée risque encore d'être annulée

Propriétés des exécutions concurrentes par rapport à l'annulation

- recouvrabilité
- éviter les annulations en cascade
- exécution stricte



**Recouvrabilité** = ne jamais annuler une transaction validée

Ex.  $w_1[x] r_2[x] w_2[y] c_2 a_1$  ( $a_1$  oblige l'annulation de  $T_2$ , qui est validée)

Définitions:

- $T_2$  lit  $x$  de  $T_1$ :  $T_2$  lit la valeur écrite par  $T_1$  dans  $x$   
(quand  $T_2$  lit  $x$ ,  $T_1$  est la dernière transaction non-annulée à avoir écrit  $x$ )
- $T_2$  lit de  $T_1$ :  $T_2$  lit au moins un enregistrement de  $T_1$

*Solution*: si  $T_2$  lit de  $T_1$ , alors  $T_2$  doit valider après  $T_1$

$\Rightarrow$  *retardement des Commit*

(dans l'exemple, retardement de  $c_2$  après la fin de  $T_1$ )

## Éviter les annulations en cascade

- exemple précédent: même si  $c_2$  est retardé,  $T_2$  sera quand même annulée à cause de  $T_1 \rightarrow$  annulation en cascade

Ex.  $w_1[x]$   $r_2[x]$   $w_2[y]$   $a_1$  (a<sub>1</sub> oblige a<sub>2</sub>)

- l'annulation d'une transaction, même non validée, est gênante
- *solution*:  $T_2$  ne doit lire qu'à partir de transactions validées

$\Rightarrow$  *retardement des lectures*

(dans l'exemple, retardement de  $r_2[x]$  après la fin de  $T_1$ )

**Exécution stricte**

= éviter les annulations en cascade + pouvoir annuler les écritures

- l'annulation des écritures: par restauration des images avant
- image avant de  $x$  par rapport à  $w[x]$  = valeur de  $x$  avant l'écriture

Problèmes de restauration des images avant

Ex.      $w_1[x, 2]$   $w_2[x, 3]$   $a_1$   $a_2$  (au début  $x=1$ )

image avant( $w_1[x]$ )=1, image avant( $w_2[x]$ )=2

$a_1$  restaure  $x=1$  : erreur,      $a_2$  restaure  $x=2$  : erreur

- *solution*:  $w_2[x]$  attend que tout  $T_i$  qui a écrit  $x$  se termine (par  $c_i$  ou  $a_i$ )

⇒ *retardement lectures + écritures*

(dans l'exemple, retardement de  $w_2[x]$  après la fin de  $T_1$ )

## 4. Tolérance aux pannes

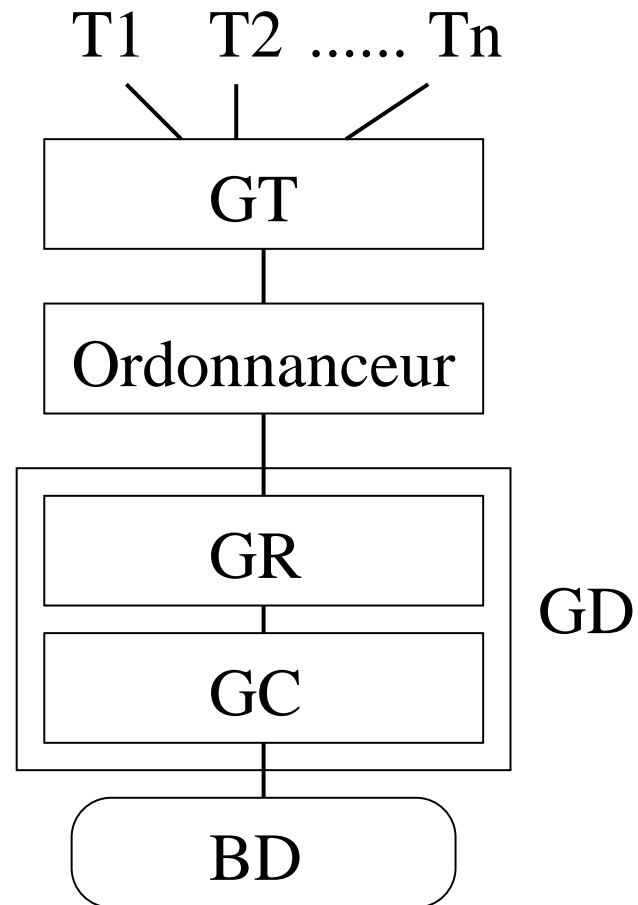
Mémoire SGBD = Mémoire stable (disque) + Mémoire volatile

### Catégories de pannes

- **de transaction:** annulation de la transaction
- **de système:** perte du contenu de la mémoire volatile
  - *Restart:* restaurer l'état cohérent de la BD avant la panne
  - journalisation
- **de support physique:** perte contenu mémoire stable
  - duplication par mirroring, archivage

## 5. Modele abstrait de la BD

BD centralisee, transactions concurrentes:



## Composantes

- **Gestionnaire de transactions (GT)**: reçoit les transactions et les prépare pour exécution
- **Ordonnanceur (Scheduler)**: contrôle l'ordre d'exécution des opérations (séquences sérialisables et recouvrables)
- **Gestionnaire de reprise (GR)**: Commit + Abort
- **Gestionnaire du Cache (GC)**: gestion de la mémoire volatile et de la mémoire stable

$GR + GC = GD$  (**Gestionnaire de données**): assure la tolérance aux pannes

## **II. CONTRÔLE DE CONCURRENCE**

## 1. Theorie de la serialisabilite

### Objectif du controle de concurrence

= produire une execution serialisable des transactions

Execution serialisable : equivalente a une execution en serie *quelconque* des transactions



## Exécution en série

- transactions exécutées l'une après l'autre (aucun entrelacement)

Ex. au début  $x=200$ ;  $T_1 = \text{crédit } x \text{ de } 100$ ;  $T_2 = \text{crédit } x \text{ de } 50$

$H_1 = T_1 T_2 = r_1[x]_{x:200} w_1[x]_{x:300} c_1 r_2[x]_{x:300} w_2[x]_{x:350} c_2$

$H_2 = T_2 T_1 = r_2[x]_{x:200} w_2[x]_{x:250} c_2 r_1[x]_{x:250} w_1[x]_{x:350} c_1$

### Équivalence de deux exécutions (histoires)

1. Avoir les mêmes transactions et les mêmes opérations
2. Produire le même effet sur la BD (écritures)
3. Produire le même effet dans les transactions (lectures)

Ex.  $H_1 \not\equiv H_2$  (conditions 1 et 2 respectées, mais pas 3)

## Conflit

Def.  $p_i[x]$  et  $q_j[y]$  sont en conflit  $\iff$

- $i \neq j, x=y$  (transactions différentes, même enregistrement)
- $p_i[x] q_j[x]$  n'a pas le même effet que  $q_j[x] p_i[x]$

## Remarques

- conflit = l'inverse de la commutativité
- commutativité = même effet sur la BD et sur les transactions
- conflits:  $w_i[x]-w_j[x], r_i[x]-w_j[x], w_i[x]-r_j[x]$
- seul le couple  $r_i[x]-r_j[x]$  n'est pas en conflit

### **Critère d'équivalence utilisé**

- Avoir les mêmes transactions et les mêmes opérations
- *Avoir le même ordre des opérations conflictuelles dans les transactions non-annulées*

Ce dernier critère assure les conditions 2 et 3 de la définition

Ex.  $H_1 \not\equiv H_2$  ( $H_1: r_1[x] - w_2[x]$ ;  $H_2: w_2[x] - r_1[x]$ )

**Exemple**

$T_1: r_1[x] \ w_1[y] \ w_1[x] \ c_1$        $T_2: w_2[x] \ r_2[y] \ w_2[y] \ c_2$

$H_1: \underline{r_1[x]} \ w_2[x] \ \underline{w_1[y]} \ r_2[y] \ \underline{w_1[x]} \ w_2[y] \ \underline{c_1} \ c_2$

*conflicts*:  $r_1[x] - w_2[x], w_2[x] - w_1[x], w_1[y] - r_2[y], w_1[y] - w_2[y]$

$H_2: \underline{r_1[x]} \ \underline{w_1[y]} \ w_2[x] \ \underline{w_1[x]} \ \underline{c_1} \ r_2[y] \ w_2[y] \ c_2$

*conflicts*:  $r_1[x] - w_2[x], w_2[x] - w_1[x], w_1[y] - r_2[y], w_1[y] - w_2[y]$

$\implies H_2 \equiv H_1$

$H_3: w_2[x] \ r_2[y] \ \underline{r_1[x]} \ w_2[y] \ \underline{w_1[y]} \ c_2 \ \underline{w_1[x]} \ \underline{c_1}$

*conflicts*:  $w_2[x] - r_1[x], w_2[x] - w_1[x], r_2[y] - w_1[y], w_2[y] - w_1[y]$

$\implies H_3 \not\equiv H_1$

$H_4: w_2[x] \ r_2[y] \ w_2[y] \ c_2 \ \underline{r_1[x]} \ \underline{w_1[y]} \ \underline{w_1[x]} \ \underline{c_1}$  (histoire sériale)

*conflicts*:  $w_2[x] - r_1[x], w_2[x] - w_1[x], r_2[y] - w_1[y], w_2[y] - w_1[y]$

$\implies H_4 \equiv H_3 \implies H_3$  sérialisable

## Théorème de sérialisabilité

### Graphe de sérialisation d'une exécution H: SG(H)

- *noeuds*: transactions  $T_i$  validées dans H
- *arcs*: si  $p$  et  $q$  conflictuelles,  $p \in T_i$ ,  $q \in T_j$ ,  $p$  avant  $q$   
 $\Rightarrow$  arc  $T_i \rightarrow T_j$

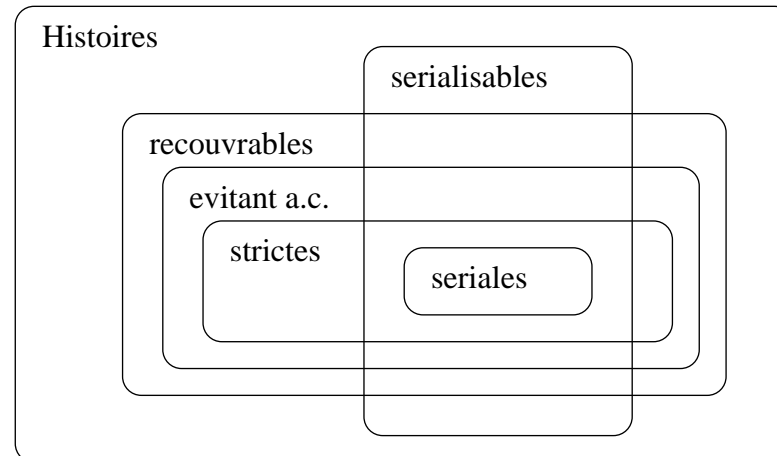
**Théorème:** H sérialisable  $\iff$  SG(H) acyclique

$H_1, H_2: T_1 \begin{array}{c} \longrightarrow \\ \longleftarrow \end{array} T_2$

$H_3, H_4: T_1 \longleftarrow T_2$

## Propriétés de recouvrabilité

- à tout moment une transaction peut être annulée (panne)
- propriétés: strict  $\Rightarrow$  pas d'annulation en cascade  $\Rightarrow$  recouvrable
- *la sérialisabilité* dépend de l'ordre des opérations  
*la recouvrabilité* dépend de l'ordre des Commit/Abort  
 $\Rightarrow$  les deux propriétés sont orthogonales



**Exemple**

$T_1: r_1[x] \ w_1[y] \ r_1[z] \ w_1[z] \ c_1$        $T_2: r_2[x] \ w_2[y] \ r_2[z] \ w_2[z] \ c_2$

H:  $r_1[x]$   $r_2[x]$   $w_1[y]$   $r_1[z]$   $w_1[z]$   $w_2[y]$   $r_2[z]$   $w_2[z]$

*conflicts*:  $w_1[y] - w_2[y]$ ,  $r_1[z] - w_2[z]$ ,  $w_1[z] - r_2[z]$ ,  $w_1[z] - w_2[z]$

$\implies$  H est sérializable pour n'importe quelle position de  $c_1$  et de  $c_2$

$H_1: \underline{r_1[x]} \ r_2[x] \ \underline{w_1[y]} \ \underline{r_1[z]} \ \underline{w_1[z]} \ w_2[y] \ r_2[z] \ w_2[z] \ c_2 \ \underline{c_1}$

$H_1$  n'est pas recouvrable ( $T_2$  lit  $z$  de  $T_1$  et  $c_2$  après  $c_1$ )

$H_2: \underline{r_1[x]} \ r_2[x] \ \underline{w_1[y]} \ \underline{r_1[z]} \ \underline{w_1[z]} \ w_2[y] \ r_2[z] \ \underline{c_1} \ w_2[z] \ c_2$

$H_2$  n'évite pas les annulations en cascade ( $T_2$  lit  $z$  de  $T_1$  avant  $c_1$ )

$H_3: \underline{r_1[x]} \ r_2[x] \ \underline{w_1[y]} \ \underline{r_1[z]} \ \underline{w_1[z]} \ w_2[y] \ \underline{c_1} \ r_2[z] \ w_2[z] \ c_2$

$H_3$  n'est pas stricte ( $T_1$  écrit  $y$  et ensuite  $T_2$  écrit  $y$  avant  $c_1$ )



## Remarques

- *Équivalence*: la définition basée sur les conflits est suffisante et facile à utiliser, mais pas nécessaire

Ex.  $H_1: w_1[x] w_2[x] w_3[x]$

$H_2: w_2[x] w_1[x] w_3[x]$

$H_1 \not\equiv H_2$  dans le sens des conflits

$H_1 \equiv H_2$  dans le sens général

- *Conflict* = l'inverse de la commutativité  
 $\implies$  extensible à d'autres opérations que Read et Write

	Read	Write	Incr	Decr
Read	oui	non	non	non
Write	non	non	non	non
Incr	non	non	oui	oui
Decr	non	non	oui	oui

## 2. Contrôle par verrouillage à deux phases

### Principe

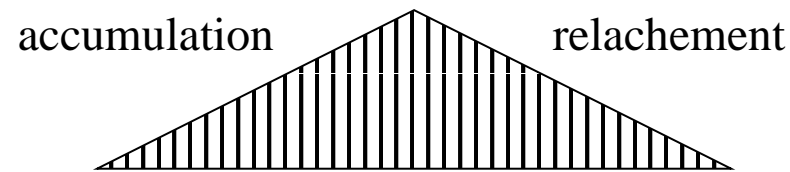
- stratégie pessimiste : retardement des opérations qui peuvent produire des problèmes de concurrence
- blocage des opérations en attente de verrous
  - verrou pour chaque enregistrement
  - chaque verrou est donné à une seule transaction à la fois
- en pratique: verrou de lecture + verrou d'écriture

## Algorithme de base

- 1) L'ordonnanceur reçoit  $p_i[x]$  et teste les verrous de  $x$ 
  - si l'un des verrous de  $x$  est detenu par une operation en conflit avec  $p_i[x]$ , alors  $p_i[x]$  est retardee
  - sinon, verrou accordé à  $p_i[x]$  et envoi  $p_i[x]$  au GD
- 2) Un verrou pour  $p_i[x]$  n'est jamais relache avant la confirmation de l'execution par le GD
- 3) Une fois un verrou pour  $T_i$  relache,  $T_i$  n'obtiendra plus aucun verrou

## Remarques

- règle 3  $\Rightarrow$  2 phases: accumulation et relâchement de verrous



- règle 3  $\Rightarrow$  les paires d'opérations conflictuelles de  $T_i$  et  $T_j$  s'exécutent toujours dans le même ordre
- règle 2  $\Rightarrow$  l'ordre du GD pour les opérations conflictuelles sur un enregistrement  $x$  est le même que celui de l'ordonnanceur

## Exemples

a) Non-respect de la règle de relâchement des verrous

$T_1: r_1[x] w_1[y] c_1$        $T_2: r_2[y] w_2[y] c_2$

ordre de réception:  $r_1[x] r_2[y] w_1[y] c_1 w_2[y] c_2$

**$H_1: r_1[x] r_2[y] (ru_2[y]) w_1[y] c_1 (ru_1[x] wu_1[y]) w_2[y] c_2 (wu_2[y])$**

- notation:  $ru_i[x]/wu_i[x]$  relâchement du verrou de lecture/écriture pour  $x$  par  $T_i$
- violation règle:  $ru_2[y]$  suivi de demande de verrou pour  $w_2[y]$
- $r_2[y] - w_1[y], w_1[y] - w_2[y] \Rightarrow H_1$  non-sérialisable

b) Exécution correcte

**H<sub>2</sub>: r<sub>1</sub>[x] r<sub>2</sub>[y] w<sub>2</sub>[y] c<sub>2</sub> (ru<sub>2</sub>[y] wu<sub>2</sub>[y]) w<sub>1</sub>[y] c<sub>1</sub> (ru<sub>1</sub>[x] wu<sub>1</sub>[y])**

- w<sub>1</sub>[y] retardée en attente du verrou sur  $y$
- r<sub>2</sub>[y] - w<sub>1</sub>[y], w<sub>2</sub>[y] - w<sub>1</sub>[y]  $\Rightarrow$  H<sub>2</sub> sérialisable

c) Une exécution sérialisable impossible par verrouillage

H:  $r_j[x] w_k[x] c_k w_i[y] c_i r_j[y] w_j[z] c_j$

- $r_j[x] - w_k[x], w_i[y] - r_j[y] \Rightarrow$  H sérialisable, équivalente à  $T_i T_j T_k$
- $T_j$  relâche le verrou de lecture sur  $x$  pour  $w_k[x]$ , mais a besoin ensuite d'un verrou pour  $r_j[y]$   
 $\Rightarrow$  H ne peut pas être produite par verrouillage à deux phases
- Conclusion: certaines exécutions sérialisables ne peuvent pas être produites par verrouillage à deux phases
- une séquence d'entrée déjà sérialisable peut être modifiée

## Interblocage

### Exemple

$T_1: r_1[x] w_1[y] c_1$

$T_2: w_2[y] w_2[x] c_2$

ordre de réception:  $r_1[x] w_2[y] w_2[x] w_1[y]$

- $T_1$  obtient verrou pour  $r_1[x]$ ,  $T_2$  pour  $w_2[y]$
- $w_2[x]$  attend  $r_1[x]$ ,  $w_1[y]$  attend  $w_2[y]$   
 $\Rightarrow$  interblocage de  $T_1$  et de  $T_2$



## Stratégies pour éviter l'interblocage

- timeout
  - rejet transaction non-terminée après une durée limite
  - problème: risque de rejet des transactions non-bloquées
  - paramétrage fin nécessaire pour la durée limite
- graphe d'attente
  - noeuds=transactions, arcs=attente de verrou
  - détection des cycles
  - annulation de la transaction la moins coûteuse
- risque: victime relancée et bloquée à nouveau; problème d'équité à l'annulation

### 3. Contrôle par estampillage

#### Estampilles

- valeurs d'un domaine totalement ordonné
- chaque transaction  $T_i$ : estampille unique  $e(T_i)$
- en pratique: numeros generes par un compteur, ordre chronologique
- signification: l'inverse de la priorite

## Algorithme de base

- algorithme optimiste (sans de retardement)
- règle: deux opérations en conflit doivent s'exécuter suivant l'ordre des estampilles  
si  $p_i[x]$  et  $q_j[x]$  en conflit, alors  $p_i[x]$  avant  $q_j[x] \Leftrightarrow e(T_i) < e(T_j)$
- théorème: cette stratégie génère des exécutions sérialisables
  - les paires d'opérations conflictuelles s'exécutent dans l'ordre des transactions (de leurs estampilles)
- si  $p_i[x]$  arrive en retard:
  - rejetée et  $T_i$  annulée
  - $T_i$  relancée avec une nouvelle estampille
- si  $p_i[x]$  acceptée  $\Rightarrow$  envoyé au GD après la fin des  $q_j[x]$  conflictuelles

déjà envoyées

## Exemple

- ordre de réception:  $r_1[x]$   $w_2[x]$   $r_3[x]$   $r_2[x]$   $w_1[x]$
- hypothèse: estampille de  $T_i = i$

$r_1[x]$  acceptée

$w_2[x]$  conflit avec  $r_1[x]$ , test:  $2 > 1 \rightarrow$  acceptée

$r_3[x]$  conflit avec  $w_2[x]$ , test:  $3 > 2 \rightarrow$  acceptée

$r_2[x]$  aucun conflit  $\rightarrow$  acceptée

$w_1[x]$  conflit avec  $r_2[x]$ , test:  $1 < 2 \rightarrow$  rejetée

## Règle d'écriture de Thomas

Ordonnanceur par estampillage pour les écritures

- $e(T_i) < e(T_j)$ ,  $w_i[x]$  arrive après  $w_j[x] \Rightarrow w_i[x]$  rejetée
- la séquence devait être  $w_i[x]-w_j[x]$ , donc  $x$  contient déjà la bonne valeur
- règle pour ordonnanceur écriture/écriture
  - quand  $w_i[x]$  arrive, soit  $T_j$  avec l'estampille maximale à avoir écrit  $x$
  - si  $e(T_i) > e(T_j)$ , alors  $w_i[x]$  acceptée, sinon ignorée
- aucun rejet

## Contrôleur intégré

- sous-ordonnanceurs différents pour des conflits différents
- estampillage pour lecture/écriture;  
Thomas pour écriture/écriture
- $r_i[x]$ : rejeté s'il existe  $w_j[x]$  précédent avec  $e(T_i) < e(T_j)$
- $w_i[x]$ : rejeté s'il existe  $r_j[x]$  précédent avec  $e(T_i) < e(T_j)$
- $w_i[x]$  par rapport aux  $w_j[x]$ : règle de Thomas

$r_1[x]$	<b>acceptée</b>
$w_1[x]$	<b>acceptée</b>
$w_3[x]$	<b>acceptée</b>
$w_2[x]$	<b>ignorée</b>
$w_4[x]$	<b>acceptée</b>
$r_2[x]$	<b>rejetée</b>

## 4. Création/destruction d'objets

### Problème des objets fantômes

- contrôle de concurrence dans les BD dynamiques
- cas typique:  $T_1$  consulte tous les objets d'un certain type,  $T_2$  crée un objet de ce type



## Exemple

- Fichiers de comptes et de totaux par client
- $T_1$ : compare la somme des comptes de "Dupont" avec le total pour "Dupont"
- $T_2$ : ajoute un compte pour "Dupont" et met à jour le total

<b>Read<sub>1</sub>(Compte[5],Compte[8],Compte[14])</b>	<b>100,300,600</b>
<b>Insert<sub>2</sub>(Compte[10,"Dupont", 500])</b>	
<b>Read<sub>2</sub>(Total["Dupont"])</b>	<b>1000</b>
<b>Write<sub>2</sub>(Total["Dupont"])</b>	<b>1500</b>
<b>Read<sub>1</sub>(Total["Dupont"])</b>	<b>1500</b>

- compatible avec le verrouillage à 2 phases, mais non-sérialisable

## **Solution**

- pour consulter tous les objets d'un type: info de controle necessaire
- verrouillage au niveau de l'info de controle

## **Verrouillage d'index**

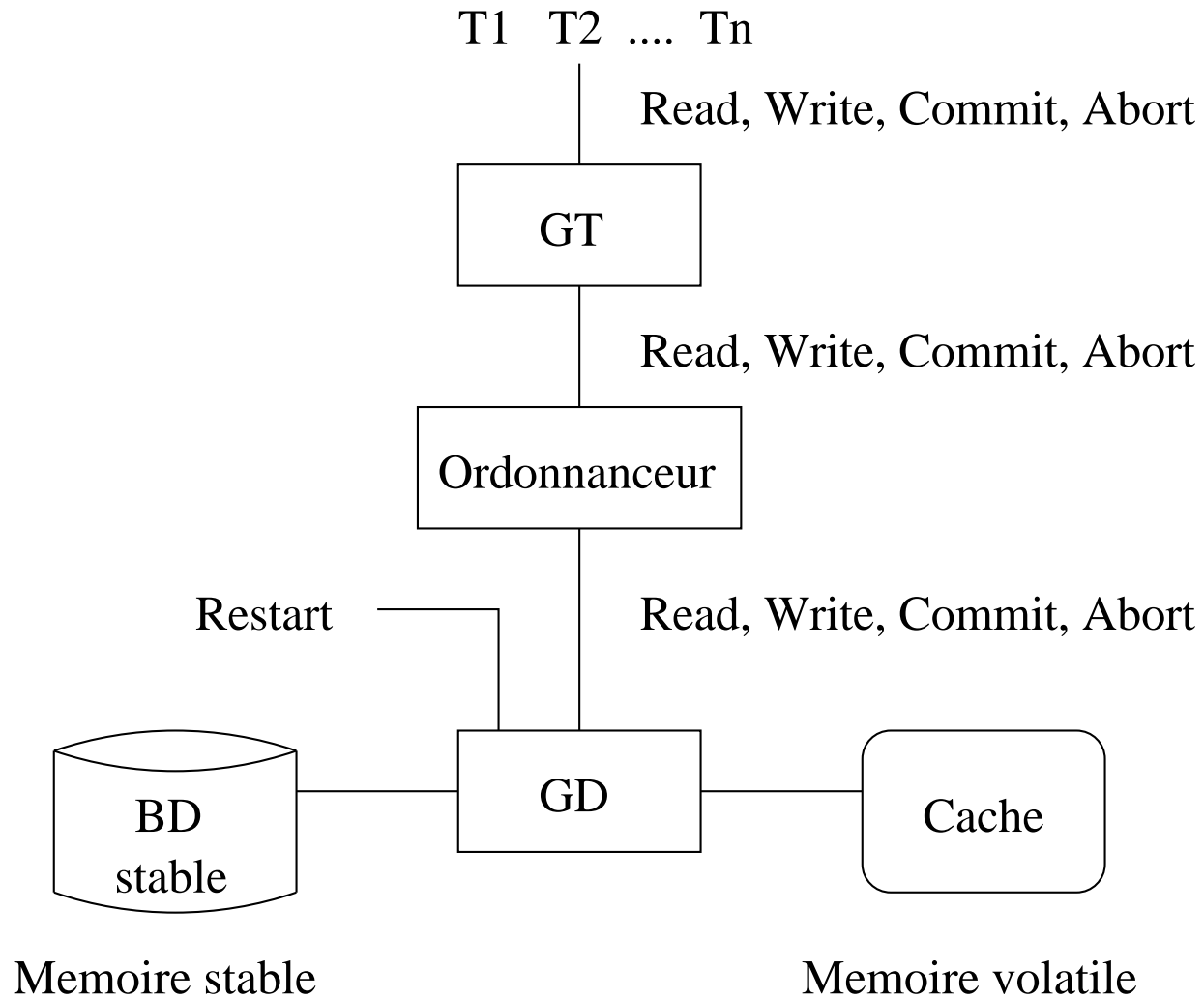
- entree: valeur + liste pointeurs
- verrouillage entree d'index
  - parcourir les enregistrements → lecture index
  - insérer un enregistrement → écriture index

## **III. TOLÉRANCE AUX PANNES**

# 1. Problématique

## Hypothèses

- pannes de système: contenu de la mémoire volatile perdu
- les pannes/erreurs sont toujours détectées
- ordonnanceur avec exécutions sérialisables et recouvrables
- même granularité pour l'ordonnanceur et le GD



## Objectif

- dernière valeur validée de  $x$ : dernière valeur écrite en  $x$  par une transaction validée
- état validé de la BD: l'ensemble des dernières valeurs validées pour tous les enregistrements
- panne: mémoire volatile perdue

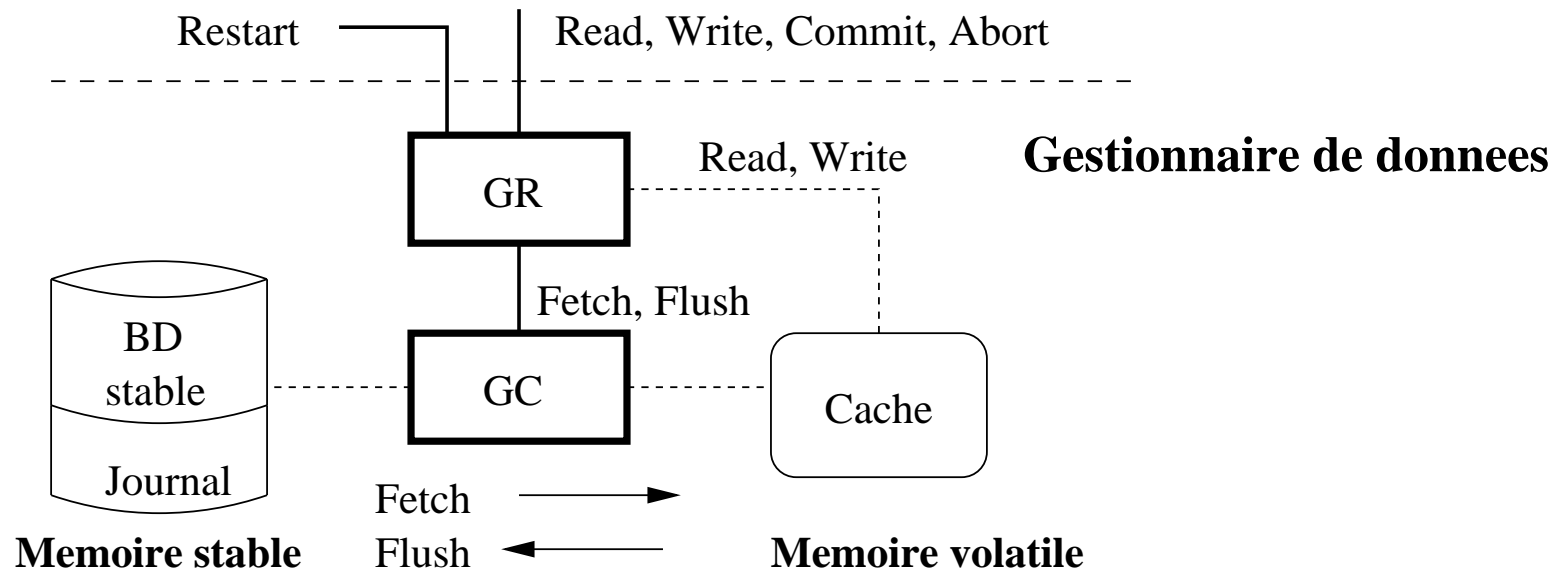
⇒ Restart doit ramener la BD à l'état validé avant la panne

- problèmes
  - annuler l'effet des transactions non-validées
  - terminer les transactions validées
  - structures à garder en mémoire stable pour assurer la reprise

## 2. Architecture

### Les composants du Gestionnaire de donnees (GD)

- **Gestionnaire du Cache (GC):** gere les deux memoires
- **Gestionnaire de reprise (GR):** operations BD + Restart



## Gestionnaire du Cache

- utilisation de la mémoire volatile : rapidité
- idéal: copie de la toute la BD
- en réalité: caching, car taille mémoire volatile limitée

## Cache

- zone de mémoire volatile divisée en *cellules*: 1 enreg./cellule
- en réalité, le Cache stocke des *pages disque*



### Cache

nr. cel.	bit de consistance	valeur enreg.
1	1	"J. Smith"
2	0	2.24581
.....		

### Repertoire du cache

id. enreg.	nr. cel.
x	2
y	1
.....	

## Operacions

- Flush ( $c$ ),  $c$  cellule

si  $c$  **inconsistante** alors

**copier**  $c$  **sur disque**

**rendre**  $c$  **consistante**

sinon **rien**;

- Fetch ( $x$ ),  $x$  enregistrement

**sélectionner**  $c$  **cellule vide**

si **toutes les cellules occupées** alors

**vider** une cellule  $c$  **avec Flush** et l'utiliser **comme cellule vide**

**copier**  $x$  **du disque en**  $c$

**rendre**  $c$  **consistante**

**mettre à jour** le répertoire du cache **avec**  $(x, c)$

- choix cellule vide: LRU, FIFO
- lecture  $x$ :
  - toujours à partir du cache
  - si  $x$  n'est pas dans le cache alors Fetch( $x$ ) d'abord
- écriture  $x$ :
  - soit  $c$  la cellule de  $x$  dans le Cache (allouée à ce moment-là si  $x$  n'y est pas déjà)
  - $c$  modifiée, marquée inconsistante
  - Flush( $c$ ) décidé par GR, selon son algorithme

## Gestionnaire de reprise

### Opérations

- GR\_Read ( $T_i, x$ )
- GR\_Write ( $T_i, x, v$ )
- GR\_Commit ( $T_i$ )
- GR\_Abort ( $T_i$ )
- Restart

Hypothèse supplémentaire : ordonnanceur avec exécutions strictes

⇒ écritures validées dans l'ordre de Commit des  $T_i$

## 3. Journalisation

### Journal

- historique des écritures dans la mémoire stable
- journal physique: liste de  $[T_i, x, v]$ 
  - préserve l'ordre des écritures: fichier séquentiel
- journal logique: opérations de plus haut-niveau
  - Ex. insertion  $x$  dans  $R$  et mise-à-jour index
    - moins d'entrées, mais plus difficile à interpréter
- autres informations: listes de transactions actives, validées, annulées

**Exemple:** journal physique

$[T_1, x, 2], [T_2, y, 3], [T_1, z, 1], [T_2, x, 8], [T_3, y, 5], [T_4, x, 2], [T_3, z, 6]$

$c_1$

$a_2$

$c_4$

liste\_active =  $\{T_3\}$

liste\_commit =  $\{T_1, T_4\}$

liste\_abort =  $\{T_2\}$

## Ramasse-miettes

- recyclage de l'espace utilisé par le journal
- règle:
  - entrée  $[T_i, x, v]$  recyclée  $\Leftrightarrow$ 
    - $T_i$  annulée ou
    - $T_i$  validée, mais une autre  $T_j$  validée a écrit  $x$  après  $T_i$

## 4. Principes et techniques pour la reprise

### Types de GR

- GR peut forcer ou non GC d'ecrire des cellules du Cache sur disque
- GR qui demande annulation
  - permet aux transactions non-validees d'ecrire sur disque
  - Restart doit annuler ces ecritures (annulation)
- GR qui demande repetition
  - permet aux transactions de valider avant d'ecrire sur disque
  - Restart doit refaire ces ecritures (repetition)
- 4 categories de GR (combinaisons annulation - repetition)



## Règles défaire/refaire

- règles de journalisation, nécessaires pour que le GR puisse faire l'annulation/répétition
- Règle “défaire” (pour annulation): si  $x$  sur disque contient une valeur validée, celle-ci doit être journalisée avant d'être modifiée par une valeur non-validée
- Règle “refaire” (pour répétition): les écritures d'une transaction doivent être journalisées avant son Commit

## Idempotence de Restart

- Restart peut interrompre toute opération, même Restart
- idempotence: Restart interrompu et relancé donne le même résultat que le Restart complet

## Checkpointing

- ajouter des informations sur disque en fonctionnement normal afin de réduire le travail de Restart
- techniques:
  - marquer dans le journal les écritures déjà réalisées/annulées dans la BD stable
  - écritures validées/annulées → BD stable

## 5. Algorithme annulation/répétition

### Principes

- GR qui demande annulation et répétition: le plus complexe
- écrit les valeurs dans le Cache et ne demande pas de Flush
- avantages: flexibilité, minimise I/O

## Opérations

- GR-Write ( $T_i, x, v$ )

**liste\_active** = **liste\_active**  $\cup$   $\{T_i\}$

si  $x$  n'est pas dans le cache alors allouer cellule pour  $x$

**journal** = **journal** + [ $T_i, x, v$ ]

*cellule*( $x$ ) =  $v$

confirmer Write à l'ordonnanceur

- GR-Read ( $T_i, x$ )

si  $x$  n'est pas dans le cache alors **Fetch**( $x$ )

retourner la valeur de *cellule*( $x$ ) à l'ordonnanceur

- GR-Commit ( $T_i$ )

**liste\_commit** = **liste\_commit**  $\cup$   $\{T_i\}$

confirmer le Commit à l'ordonnanceur

**liste\_active** = **liste\_active** -  $T_i$

- GR-Abort ( $T_i$ )

pour chaque  $x$  écrit par  $T_i$

si  $x$  n'est pas dans le cache alors allouer cellule pour  $x$

*cellule*( $x$ ) = **image\_avant**( $x$ ,  $T_i$ )

**liste\_abort** = **liste\_abort**  $\cup$   $\{T_i\}$

confirmer Abort à l'ordonnanceur

**liste\_active** = **liste\_active** -  $\{T_i\}$

- Restart

marquer toutes les cellules comme vides

**refait** = { }, **annulé** = { }

pour chaque  $[T_i, x, v] \in \mathbf{journal}$  (à partir de la fin) où  $x \notin \mathbf{annulé} \cup \mathbf{refait}$

si  $x$  n'est pas dans le cache alors allouer cellule pour  $x$

si  $T_i \in \mathbf{liste\_commit}$  alors

$cellule(x) = v$

**refait** = **refait**  $\cup$  {  $x$  }

sinon

$cellule(x) = \mathbf{image\_avant}(x, T_i)$

**annulé** = **annulé**  $\cup$  {  $x$  }

si **refait**  $\cup$  **annulé** = BD alors stop boucle

pour chaque  $T_i \in \mathbf{list\_commit}$

**list\_active** = **list\_active** - {  $T_i$  }

confirmer Restart à l'ordonnanceur

## 6. Autres algorithmes

### Algorithme annulation/sans-répetition

- GR ne demande jamais répétition
- enregistre écritures avant le Commit
- GR-Write, GR-Read, GR-Abort pareil
- GR-Commit pareil, mais d'abord:
  - pour chaque  $x$  écrit par  $T_i$ , si  $x \in \text{Cache}$  alors  $\text{Flush}(x)$
- Restart pareil, sauf que “refait” n'existe pas

### Algorithme sans-annulation/répétition

- GR ne demande jamais annulation
- écritures des  $T_i$  non-validées retardées jusqu'après Commit
- GR-Write: ajoute juste  $[T_i, x, v]$  au journal
- GR-Read: si  $T_i$  a écrit  $x$ , lecture dans le journal
- GR-Commit: chaque  $x$  écrit par  $T_i$  est calculé à partir du journal et écrit dans le cache
- GR-Abort: juste ajoute  $T_i$  à liste\_abort
- Restart: pareil, sauf que “annulé” n'existe pas

Algorithme sans-annulation/sans-répétition: les écritures de  $T_i$  réalisées sur disque en une seule opération atomique, au Commit



## **IV. Transactions dans les SGBD relationnels**

## Contrôle de concurrence

- basé sur le verrouillage à deux phases
- extension du verrouillage → *verrouillage hiérarchique*
- validation = COMMIT, annulation = ROLLBACK
- la norme ne prévoit pas le verrouillage *explicite*  
au niveau programmation (SQL): *4 niveaux d'isolation*

## Verrouillage hiérarchique

### Niveaux de granularité

- attribut < enregistrement < relation < base de données
- chaque opération se fait au niveau approprié
- niveau élevé: gestion allégée, car moins de verrous
- niveau bas: plus de concurrence

### Principe du verrouillage hiérarchique

- verrouillage descendant: implicite (par inclusion)
- verrouillage ascendant: pour réaliser une opération sur un enreg., on demande un *verrou d'intention* sur la relation

## Types de verrous

- **S** (partagé, lecture), **X** (exclusif, écriture)
- **IS** (intention lecture), **IX** (intention écriture)
- **SIX** (lecture et intention d'écriture)

	X	SIX	IX	S	IS
X	o	o	o	o	o
SIX	o	o	o	o	n
IX	o	o	n	o	n
S	o	o	o	n	n
IS	o	n	n	n	n

Matrice de conflits entre verrous hiérarchiques

## Niveaux d'isolation

*Serializable* (sérialisable) > *Repeatable Read* (lecture renouvelable) > *Read Committed* (lecture validée) > *Read Uncommitted* (lecture non validée)

- seul *Serializable* garantit la sérialisabilité !
- utilisation: SET TRANSACTION *niveau*
  - *Serializable*: isolation totale et protection contre les objets fantômes
  - *Repeatable Read*: pas de protection contre les objets fantômes
  - *Read Committed*: on voit les écritures validées d'autres transactions  
⇒ deux lectures de  $x$  dans  $T$  peuvent donner des résultats différents
  - *Read Uncommitted*: on voit les écritures non-validées d'autres transactions → annulations en cascade possibles

## Reprise après panne

- respect des principes généraux
- journalisation physique avec points de contrôle (checkpointing)
- *point de contrôle*: écriture forcée du Cache sur disque  
→ à la reprise on n'a pas besoin d'aller plus loin dans le journal pour refaire
- *point de sauvegarde* (savepoint): utile pour les transactions longues
  - *Savepoint s* = validation partielle d'une transaction
  - on peut faire une annulation partielle *Rollback to s*

## Commit à deux phases

- validation de transactions réparties sur plusieurs sites
- chaque site gère ses propres ressources (données, journal)
- *première phase*: chaque site valide ses propres opérations
- *seconde phase*: le gestionnaire global valide l'ensemble de la transaction
- la validation globale → seulement si chaque site valide
- *Rollback* d'un site ⇒ *Rollback* de l'ensemble
- le gestionnaire annonce chaque site si la transaction doit être validée ou annulée