

TP DUT Informatique

À la fin de la séance, envoyez vos fichiers `.java` et les réponses aux questions (dans des fichiers `.txt`) à `dp.cnam@gmail.com` avec le sujet :

[DUTALGO] TP noté 1 NOM PRENOM

Attention : le non-respect de cette consigne est pénalisé de 10%.

Chaque devoir est individuel. On va utiliser un logiciel de détection automatique de plagiat.

Informations techniques PC Suse :

- Pour démarrer une session : utilisateur `licencep` et mot de passe `7002n*`.
- Pour démarrer un *terminal* : l'icône lézard en haut à droite → Terminal → Konsole.
- Pour ouvrir un gestionnaire/navigateur de fichiers : l'icône lézard → Système → Dolphin.
- Pour modifier un fichier, clic droit sur le fichier → Ouvrir avec Kate
- Pour compiler un programme Java : utiliser l'IDE `drjava`, ou `netbeans`, ou ouvrir un terminal, se placer dans le dossier du programme et utiliser `javac NOMPROGRAMME.java`. Pour l'exécuter, taper `java NOMPROGRAMME`

1 Comparer deux méthodes de tri

Exercice 1 Soit le (pseudo-)code à droite. Modifier ce code pour écrire un programme Java `Exo1.java` capable de trier $n = 20$ nombres aléatoires en **ordre décroissant**.

Exercice 2 Modifier le code et écrire un nouveau fichier `Exo2.java` où on met $n=150000$. Lancer le programme à l'aide de la commande Linux ci-après et noter le temps de calcul. N'oublier de commenter les lignes qui affichent les tableau.
`time java Exo2`
Faire une **moyenne** sur 5 exécutions.

Exercice 3 Trouver la valeur de n à partir de laquelle le programme précédent nécessite plus de 50 secondes ?

```
int [] tab;
public static int indiceMinIntervalle(int i1, int i2){
    int indiceMin = i1;
    for (int i=i1+1; i<=i2; i++){
        if (tab[i]<tab[indiceMin])
            indiceMin = i;
    }
    return indiceMin;
}
public static void main(){
    int n = 20;
    tab = new int[n];
    for (int i=0;i<n;i++){
        tab[i] = (int)(50*java.lang.Math.random());
        //Affichage tableau de départ,
        System.out.println(java.util.Arrays.toString(tab));
        //Tri:
        for (int i=0;i<n;i++){
            int indiceMin = indiceMinIntervalle(i, n-1);
            int tmp = tab[indiceMin];
            tab[indiceMin] = tab[i];
            tab[i] = tmp;
        }
        //Affichage tableau trié
        System.out.println(java.util.Arrays.toString(tab));
    }
}
```

Exercice 4 Utiliser le code à droite pour écrire un programme Java `Exo4.java` qui permet de réaliser un tri à bulle en **ordre décroissant** sur un tableau avec $n = 20$ cases.

Exercice 5 Modifier le code et écrire un nouveau fichier `Exo5.java` où on met $n=150000$. Lancer le programme à l'aide de la commande Linux ci-après et noter le temps de calcul, faire aussi une moyenne. `time java Exo5`

Exercice 6 Trouver la valeur de n à partir de laquelle le programme précédent nécessite plus de 50 secondes ? Comparer avec l'exercice 3, quel algorithme est plus rapide ?

```
boolean triFini = false;
while (!triFini){
    triFini = true;
    for (int i=0;i<n-1;i++){
        if (tab[i]>tab[i+1]){
            triFini = false;
            int tmp = tab[i];
            tab[i] = tab[i+1];
            tab[i+1]=tmp;
        }
    }
}
```

N'hésitez pas à regarder le cours disponible à <http://cedric.cnam.fr/~porumbed/dutalgo/>

2 Algorithmes de tri plus rapides !

Exercice 7 Inspirez vous du code ci-après pour implémenter un tris par dénombrement **en ordre décroissant**. Écrire un fichier `Exo7.java` et modifier la valeur de n pour mettre $n = 150000 \times 100$, c.à.d., 100 fois plus que la valeur utilisée aux exercices précédents. Vérifier le temps de calcul avec la commande Linux ci-après et n'oublier pas de faire une moyenne sur 5 exécutions.

```
time java Exo7

int [] tab;//mettre en static
//ajouter public static void main...
int n = 20;
tab = new int [n];
for (int i=0;i<n;i++)
    tab[i] = (int)(50*java.lang.Math.random());
//Affichage tableau de départ
println(java.util.Arrays.toString(tab));
//Tri:
int [] apparitions = new int [50];
for (int i=0;i<n;i++)
    apparitions [tab[i]]++;
int pos = 0;
for (int val=0;val<50;val++){
    for (int j=0;j<apparitions [val];j++){
        tab[pos] = val;
        pos++;
    }
}
//Affichage tableau trié
println(java.util.Arrays.toString(tab));
```

Exercice 8 Trouver la valeur de n à partir de laquelle le programme précédent nécessite plus de 50 secondes ? Comparer avec l'exercice 3, quel algorithme est plus rapide ?

Exercice 9 Modifier le programme précédent et écrire un nouveau fichier `Exo9.java` dans lequel on génère des nombres aléatoires de 1 à 1000000 pour le mettre le tableau `tab`. Donner le temps de calcul du tri par dénombrement pour ce cas (attention : il faut modifier le code si la valeur max est 1000000).

Exercice 10 Écrire un fichier `Exo10.java` pour tester la vitesse de la méthode de tri de la bibliothèque standard Java. Attention, trier en ordre décroissant et utiliser $n = 150000 \times 100$. Il faut :

- inverser les nombres (ex, $5 \rightarrow -5$);
- Appeler `java.util.Arrays.sort(tab)`;
- inverser les nombres de nouveau.

Indiquer le temps de calcul; n'oubliez pas de faire une moyenne sur 5 exécutions.

Exercice 11 Trouver la valeur de n à partir de laquelle le programme précédent nécessite plus de 50 secondes ? Comparer avec l'exercice 7, quel algorithme est plus rapide : le tri par dénombrement ou le tri de la bibliothèque standard ?

Exercice 12 Modifier le programme précédent et écrire un nouveau fichier `Exo12.java` dans lequel on génère des nombres aléatoires de 1 à 1000000 pour le mettre le tableau `tab`. Quel est le nouveau temps de calcul de la méthode de tri de la bibliothèque standard ?

3 Sac-à-dos : algorithme glouton

Exercice 13 On considère un problème de sac-à-dos simplifié où tous les poids valent 1. Modifier le programme ci-après pour le faire afficher :

- l'article le plus rentable (max val/kg), donc celui de *valeur maximale* car les poids valent tous 1
- la solution trouvée par l'algorithme glouton. Rappel : l'algorithme glouton mets les articles dans le sac un par un, à partir du plus rentable jusqu'au moins rentable. Comme tous les poids valent 1, on peut mettre les P_{max} plus rentables articles dans le sac. Vous aller uniquement avoir besoin de trier les valeurs en ordre décroissant, utiliser le **tri à bulle** présenté à la séance précédente.

```
1 class Exo13{
2 public static void main(String [] args){
3     int [] val;
4     int [] poids;
5     int Pmax = 15;
6     int n = 20;
7     val = new int [n];
8     poids = new int [n];
9     for(int i=0;i<n;i++){
10         val [ i ]      = (i+1)*7%Pmax;
11         poids [ i ]    = 1;
12     }
13     int lePlusRentable= 0;
14     //à remplir: trouver le plus rentable article (max val)
15     System.out.println(" Article le rentable est à l'indice "+
16         lePlusRentable);
17     int valMax = 0;
18     //à remplir: trouver la valeur max des articles qu'on peut mettre dans le sac
19     System.out.println(" Le profit maximal est : "+valMax);
20 }
```

N'oublier pas d'envoyer à la fin de la séance vos fichiers .java à dp.cnam@gmail.com avec le sujet :

[DUTALGO] TP noté 2 NOM PRENOM

Exercice 14 On modifie les données du programme précédent. Cette fois ci, on considère que tous les profits valent 1. Démarrer à partir du même code ci-dessus, mais remplacer dès le début les lignes 9-12 par :

```
for(int i=0;i<n;i++){
    val [ i ]      = 1;
    poids [ i ]    = (i+1)*7%Pmax+1;
}
```

Répondre aux même deux questions :

- trouver l'article le plus rentable (max val/kg), donc celui de poids min, car les valeurs valent 1
- Trouver une solution à l'aide de l'algorithme glouton. Rappel : l'algorithme glouton mets les articles dans le sac un par un, à partir du plus rentable jusqu'au moins rentable. Comme tous les valeurs valent 1, le plus rentable est l'article le moins lourd. **Il faut trier les poids en ordre croissant** : utiliser un **tri à bulles**. Il faut ensuite faire une boucle pour ajouter les articles un par un, tant que la capacité P_{max} n'est pas dépassée.

Exercice 15 On considère un problème de sac-à-dos avec des poids et des valeurs variées. Démarrer à partir de même code, mais initialiser les poids et les valeurs avec :

```
for(int i=0;i<n;i++){
    val [ i ]      = (i+2)*13%5;
    poids [ i ]    = (i+1)*7%Pmax+1;
}
```

Répondre aux même questions :

- Afficher l'article le plus rentable (max val/kg)
- Déterminer une solution à l'aide de l'algorithme glouton. Il faut trier les articles dans l'ordre décroissant de leur rentabilité (val/kg).
 - Utiliser un **tri à bulles** : à chaque inversion, il faut *inverser les poids et les valeurs*. Une fois les articles triés, commencer à les mettre dans le sac, à partir du plus rentable jusqu'au moins rentable!

Il ne faut pas hésiter à consulter le cours disponible en ligne à

<http://cedric.cnam.fr/~porumbed/dutalgo/>

4 Sac-à-dos : programmation dynamique

N'oublier pas d'envoyer à la fin de la séance vos fichiers `.java` à `dp.cnam@gmail.com` avec le sujet :

[DUTALGO] TP noté 2 NOM PRENOM

Exercice 16 Un guide de montagne part en excursion et détermine le contenu de son sac à dos. Il décide que le poids de nourriture qu'il peut emporter ne doit pas dépasser $P_{max} = 8$ kilos. Il dispose de trois types d'aliments, de valeur nutritive variable et de poids variés. Les valeurs et les poids sont résumées dans le tableau en bas à droite.

Remplir d'abord le tableau en bas avec des valeurs (nutritives) pour résoudre le problème de sac-à-dos par la programmation dynamique. Écrire la réponse finale dans un fichier texte `Exo16.txt`!!

Rappel : on utilise une fonction $f(i, p) =$ valeur totale maximum d'un ensemble d'objets choisis parmi les i premiers, et de poids total p . La formule

$$f(i+1, p) = \max(f(i, p), \underbrace{f(i, p - \text{poids}[i]) + \text{profit}[i]}_{\text{objet d'indice } i \text{ sélectionné, si } \text{poids}[i] \leq p})$$

	valeur	poids(kg)
Article 1	7	8
Article 2	3	4
Article 3	6	4

	Poids total								
	0	1	2	3	4	5	6	7	8
$i = 3$ articles utilisés									
$i = 2$ articles utilisés									
$i = 1$ articles utilisés									
$i = 0$ articles utilisés	0	0	0	0	0	0	0	0	0

Exercice 17 Inspirez vous du code ci-après pour résoudre le **sac-à-dos** sur des données aléatoires à l'aide de la programmation dynamique. Écrire un fichier `Exo17.java` qui calcule et affiche la valeur maximale $valeurMax$.

```

1 int Pmax = 1000; //la capacité Poids max
2 int n = 150; //nombre d'articles
3 int [][] mat = new int [n+1][Pmax+1]; //n+1 lignes , Pmax+1 colonnes
4 val = new int [n];
5 poids = new int [n];
6 for (int i=0;i<n;i++){
7     val [ i ] = (int)(100*java.lang.Math.random());
8     poids [ i ] = (int)(Pmax/10*java.lang.Math.random());
9 }
10 for (int i=0;i<n;i++)
11     for (int p=0;p<=Pmax;p++)
12         if (poids [ i ]<=p)
13             mat [ i + 1 ][ p ] = Math.max(mat [ i ] [ p ] ,
14                 mat [ i ] [ p - poids [ i ] ] + val [ i ] );
15 int valeurMax = 0;
16 for (int p=0;p<=Pmax;p++)
17     valeurMax = Math.max(valeurMax , mat [ n ] [ Pmax ] );

```

Exercice 18 Trouver la capacité P_{max} à partir de laquelle le programme nécessite plus d'une demi-seconde.

Exercice 19 Trouver le nombre n à partir duquel le programme nécessite plus d'une demi-seconde.

Exercice 20 Modifier le code du programme précédent pour le faire utiliser des valeurs fractionnaires de type `double` (càd, mettre `double[][] mat = new ...`). Vous observez une augmentation du temps de calcul?